

2017 年初三二诊考试参考答案及评分标准
一. 选择题 (每小题 3 分, 共 30 分)

1. C. 2. C. 3. B. 4. D. 5. D. 6. D. 7. C. 8. D. 9. D. 10. A.

二. 填空题 (共 4 小题)

 11. $x(y-1)^2$. 12. 22° . 13. 18. 14. $\frac{\sqrt{3}}{2}$.

三. 解答题

 15. (1) 解: 原式 $= 3\sqrt{3} + (-3) + 1 - 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = -2$6 分

 (2) 解: 解①得 $x > 1$,2 分

 解②得 $x < 3$,4 分

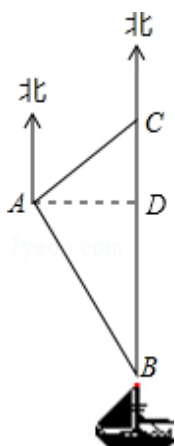
 所以不等式组的解集为 $1 < x < 3$6 分

16. 解: 原式=

$$\begin{aligned} & \left[\frac{a(a-3)}{(a+3)(a-3)} + \frac{a+1}{(a+3)(a-3)} \right] \cdot \frac{a+3}{a-1} + \frac{1}{a-3} \\ &= \frac{(a-1)^2}{(a+3)(a-3)} \cdot \frac{a+3}{a-1} + \frac{1}{a-3} \\ &= \frac{a-1+1}{a-3} = \frac{a}{a-3} \end{aligned}$$

 当 $a = 3 + \sqrt{3}$ 时, 原式 $= 1 + \sqrt{3}$ 6 分

 17. 解: 如图, 作 $AD \perp BC$, 垂足为 D,

 由题意得, $\angle ACD = 45^\circ$, $\angle ABD = 30^\circ$.

 设 $CD = x$, 在 $Rt\triangle ACD$ 中, 可得 $AD = x$,2 分

 在 $Rt\triangle ABD$ 中, 可得 $BD = \sqrt{3}x$,

 又 $\because BC = 20(1 + \sqrt{3})$, $CD + BD = BC$,

 即 $x + \sqrt{3}x = 20(1 + \sqrt{3})$,5 分

 解得: $x = 20$,6 分

 $\therefore AC = \sqrt{2}x = 20\sqrt{2}$ (海里).

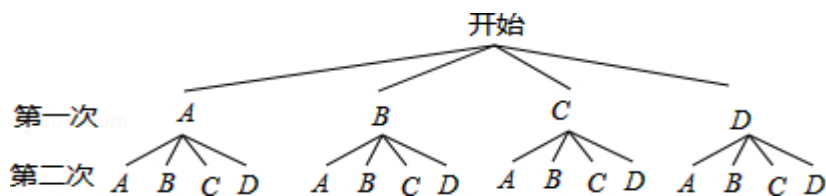
 答: A、C 之间的距离为 $20\sqrt{2}$ 海里.8 分

更多资料下载关注微信公众号: 成都智康 1 对 1 (cdzhikang)

进微信学习交流群请加: zdk666 好友



18. 解 (1) 画树状图得：



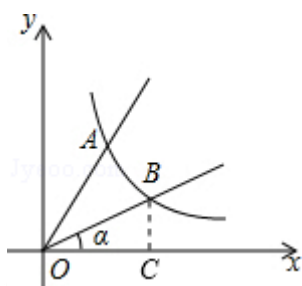
则共有 16 种等可能的结果；4 分

 (2) \because 既是中心对称又是轴对称图形的只有 B、C，

 \therefore 既是轴对称图形又是中心对称图形的有 4 种情况，

 \therefore 既是轴对称图形又是中心对称图形的概率为： $\frac{4}{16} = \frac{1}{4}$ 8 分

 19. 解：(1) 把点 A (1, a) 代入 $y=2x$ ，得 $a=2$ ，则 A (1, 2).1 分

 把 A (1, 2) 代入 $y=\frac{k}{x}$ ，得 $k=1 \times 2=2$ ；3 分

 过 B 作 $BC \perp x$ 轴于点 C.

 \because 在 $Rt\triangle BOC$ 中， $\tan \alpha = \frac{1}{2}$ ，

 \therefore 可设 B (2h, h).

 \because B (2h, h) 在反比例函数 $y=\frac{2}{x}$ 的图象上，

 $\therefore 2h^2=2$ ，解得 $h=\pm 1$ ，

 $\because h>0$ ， $\therefore h=1$ ，

 \therefore B (2, 1);5 分

 (2) \because A (1, 2), B (2, 1),

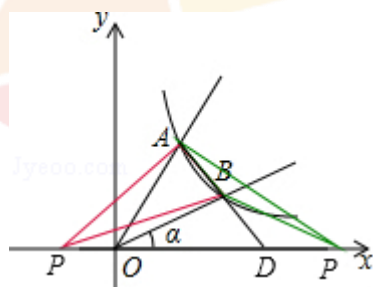
 \therefore 直线 AB 的解析式为 $y=-x+3$ ，

设直线 AB 与 x 轴交于点 D，则 D (3, 0).

 $\because S_{\triangle PAB} = S_{\triangle PAD} - S_{\triangle PBD} = 2$ ，设 P (m, 0)，

 $\therefore \frac{1}{2} |3-m| \times (2-1) = 2$ ，8 分

 解得 $m_1 = -1$ ， $m_2 = 7$.

 \therefore P(-1,0) 或 P(7,0)10 分


更多资料下载关注微信公众号：成都智康 1 对 1 (cdzhikang)

进微信学习交流群请加：zdzk666 好友





20. 解: (1) 证明: 连接 AD,

\because AB 是 $\odot O$ 的直径,

$$\therefore \angle ADB = 90^\circ, \text{ 即 } AD \perp BC,$$
$$\because \angle E = \angle C, \quad \angle B = \angle E$$
$$\therefore \angle B = \angle C,$$
$$\therefore AB=AC,$$

又 $\because AD \perp BC, ,$

$\therefore CD=BD$;3 分

(2) 解: \because 四边形 AEDF 是 $\odot O$ 的内接四边形,

$$\therefore \angle AFD = 180^\circ - \angle E,$$

又 $\because \angle CFD=180^{\circ}-\angle AFD$,

$$\therefore \angle \text{CFD} = \angle \text{E} = 53^\circ,$$

又 $\because \angle E = \angle C = 53^\circ$,

$\therefore \angle BDF = \angle C + \angle CFD = 106^\circ$; 6 分

(3) 解: 连接 OE,

$$\therefore \angle CFD = \angle E = \angle C,$$
$$\therefore FD=CD=BD=4,$$
$$\therefore \angle B = \angle E,$$
$$\therefore \cos B = \cos E = \frac{2}{3}$$

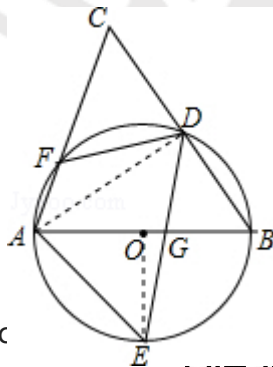
在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中, $\cos B = \frac{2}{3}$, $BD = 4$,

$$\therefore AB=6,$$

∵ E 是 \widehat{AB} 的中点, AB 是 $\odot O$ 的直径,

$$\therefore \angle AOE = 90^\circ,$$
$$\because AO=OE=3,$$
$$\therefore AE = 3\sqrt{2},$$

$\because E$ 是 \widehat{AB} 的中点,

$$\therefore \angle ADE = \angle EAB,$$


更多资料下载关注微信公众号：成都智康1对1(cdzk1d1)

进微信学习交流群请加：zdzk666 好友



$\therefore \triangle AEG \sim \triangle DEA,$

$$\therefore \frac{AE}{EG} = \frac{DE}{AE},$$

 即 $EG \cdot ED = AE^2 = 18.$

.....10 分

B 卷（共 50 分）

21. $b < 1$; 22. $\frac{3}{5}$; 23. $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$; 24. $(2\sqrt{2}, -2)$; 25. ①②④.

 26、解：（1）设去年 A 型手机每部售价 x 元，则今年售价每部为 $(x-100)$ 元，于是：

$$\frac{80000}{x} = \frac{80000 \times (1-0.1)}{x-200},$$

 解得： $x = 2000$ ，经检验 $x = 2000$ 是原方程的根。

 \therefore 去年 A 型手机每部的售价为 2000 元4 分

 （2）设今年新进 A 型手机 a 部，则 B 型手机 $(60-a)$ 部，获利 y 元，于是

$$y = (1800 - 1500)a + (2400 - 1800)(60 - a).$$

即： $y = -300a + 36000$

 而 $60 - a \leq 2a$ ， $\therefore a \geq 20$ ，又 $\because -300 < 0$
 \therefore 当 $a = 20$ 时， y 最大，最大值是 30000 元8 分

27. （1）解： $\because \frac{CE}{EB} = \frac{1}{3},$

$$\therefore \frac{CE}{BC} = \frac{1}{4}.$$

 \because 四边形 ABCD 是矩形，

 $\therefore AD \parallel BC, AD = BC,$
 $\therefore \triangle CEF \sim \triangle ADF,$

$$\therefore \frac{EF}{DF} = \frac{CE}{AD},$$

$$\therefore \frac{EF}{DF} = \frac{CE}{BC} = \frac{1}{4},$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle CEF}}{S_{\triangle CDF}} = \frac{EF}{DF} = \frac{1}{4}; \text{3 分}$$

更多资料下载关注微信公众号：成都智康 1 对 1 (cdzhikang)

进微信学习交流群请加：zdzk666 好友



(2) 证明：设 $EC=1$ ，则 $BE=m$ ，

∵ 四边形 $ABCD$ 是矩形，

∴ $AD \parallel BC$ ， $AD=BC=m+1$ ，

∴ $\triangle CEF \sim \triangle ADF$ ，

$$\therefore \frac{CF}{AF} = \frac{CE}{AD} = \frac{1}{m+1},$$

$$\therefore \frac{AF}{AC} = \frac{m+1}{m+2},$$

$$\therefore \frac{OA}{AC} = \frac{1}{2},$$

$$\therefore \frac{AF}{OA} = \frac{2m+2}{m+2}; \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

(3) 结论： $EG = \left(\frac{1}{m+1}\right)^2 BG$ ；理由如下：

设 $EC=1$ ，则 $BE=m$ ，

∵ 四边形 $ABCD$ 是矩形，

∴ $AD \parallel BC$ ， $AD=BC=m+1$ ，

∴ $\triangle CEF \sim \triangle ADF$ ，

$$\therefore \frac{EF}{DF} = \frac{CF}{AF} = \frac{CE}{AD} = \frac{1}{m+1},$$

∵ $FG \perp BC$ ，

∴ $FG \parallel CD$ ，

$$\therefore \frac{EG}{CG} = \frac{EF}{DF} = \frac{1}{m+1} \text{ ①},$$

∵ $FG \parallel AB$ ，

$$\therefore \frac{CG}{BG} = \frac{CF}{AF} = \frac{1}{m+1} \text{ ②},$$

更多资料下载关注微信公众号：成都智康 1 对 1 (cdzhikang)

进微信学习交流群请加：zdzk666 好友



①×②得, $\frac{EG}{BG} = \left(\frac{1}{m+1}\right)^2$ 10 分

28. 解: (1), 在 $y = x + 2$ 中分别令 $x = 0, y = 0$, 得 $A(-2, 0), D(0, 2)$, $\therefore B(-1, 0)$, 又 $\because BD \perp CD$, $\therefore OD^2 = OB \cdot OC$, $\therefore C(4, 0)$, 于是 $E(0, 4)$

设抛物线的解析式为: $y = a(x+1)(x-4)$, 把 $E(0, 4)$ 代入得: $a = -1$

$\therefore y = -x^2 + 3x + 4$ 4 分

(2) 在 $\triangle PQM$ 与 $\triangle AOD$ 中, $\because \angle MPQ = \angle ADO$, $\therefore \triangle PQM$ 与 $\triangle AOD$ 相似有两种情况,

i), 若 $\triangle PQM \sim \triangle DOA$, 则 $\angle MQP = \angle AOD = 90^\circ \therefore MQ \parallel X$ 轴, 又 \because 直线 $AM: y = x + 2$

抛物线的对称轴为 $y = \frac{3}{2}$, $\therefore M\left(\frac{3}{2}, \frac{7}{2}\right)$, 在 $y = -x^2 + 3x + 4$ 中, 令 $y = \frac{7}{2}$ 得 $x = \frac{3 \pm \sqrt{11}}{2}$

当 $x = \frac{3 + \sqrt{11}}{2}$ 时不合题意, $\therefore P\left(\frac{3 - \sqrt{11}}{2}, \frac{7 - \sqrt{11}}{2}\right)$ 6 分

ii) 若 $\triangle PQM \sim \triangle DAO$, 则 $\angle PMQ = \angle AOD = 90^\circ$, 不难求得直线 MQ 为 $y = -x + 5$ 与 $y = -x^2 + 3x + 4$ 联立, 解得 $x_Q = 2 \pm \sqrt{3}$, 但 $x_Q = 2 + \sqrt{3}$ 不合题意,

$\therefore P(2 - \sqrt{3}, 4 - \sqrt{3})$ 8 分

(3), 当 CD 为边时, $NH \parallel CD, NH = CD$, $\therefore x_N - x_H = \pm 4$, $\therefore x_N = \frac{11}{2}$, 或 $x_N = -\frac{5}{2}$ 代入 $y = -x^2 + 3x + 4$ 得 $y_N = -\frac{39}{4}$, 而 $y_N - y_H = \pm 2$, $\therefore y_H = -\frac{31}{4}$, 或 $y_H = -\frac{47}{4}$

$\therefore H\left(\frac{3}{2}, -\frac{31}{4}\right)$, 或 $H\left(\frac{3}{2}, -\frac{47}{4}\right)$ 10 分

若 CD 为对角线, $ND \parallel CH, ND = CH$, $x_N - x_D = \frac{5}{2}$, $x_N = \frac{5}{2}$, 代入 $y = -x^2 + 3x + 4$

得 $y_N = \frac{21}{4}$, 而 $y_C - y_H = y_N - y_D = \frac{13}{4}$, $\therefore y_H = -\frac{13}{4}$, $\therefore H\left(\frac{3}{2}, -\frac{13}{4}\right)$ 11 分

综上, 共有三个 H , $H\left(\frac{3}{2}, -\frac{31}{4}\right)$, 或 $H\left(\frac{3}{2}, -\frac{47}{4}\right)$, 或 $H\left(\frac{3}{2}, -\frac{13}{4}\right)$ 12 分

更多资料下载关注微信公众号：成都智康 1 对 1 (cdzhikang)

进微信学习交流群请加：zdzk666 好友

