

日期: 12月14日

【1】有甲、乙两根水管,分别同时给 A、B 两个大小相同的水池注水,在相同的时间里甲、乙两管注水量之比是 7:5,经过 7 小时,A、B 两池中恰好是一池水。这时,甲管注水速度提高 25%,乙管注水速度不变。那么,当甲管注满 A 池时,乙管再经过多少小时注满 B 水池?

【答案】114 小时或 1 小时 56 分钟

【解析】设每个水池的注水量为 1, 甲乙的工效和为 $1 \div \frac{7}{3} = \frac{3}{7}$, 因为 $V_{\mathbb{P}}$: $V_{\mathbb{Z}} = 7.5$,

所以
$$V_{\mathbb{H}} = \frac{3}{7} \times \frac{7}{12} = \frac{1}{4}$$
, $V_{\mathbb{Z}} = \frac{3}{7} \times \frac{5}{12} = \frac{5}{28}$;

经过 $\frac{7}{3}$ 小时,甲完成 $\frac{7}{12}$,余下 $\frac{5}{12}$;乙完成 $\frac{5}{12}$,余下 $\frac{7}{12}$;

此时, 甲的工效变为 $\frac{1}{4}$ × $(1+25\%)=\frac{5}{16}$, 乙的工效不变

那么完成任务,甲需要时间 $\frac{5}{12} \div \frac{5}{16} = \frac{4}{3}$ 小时,乙需要时间 $\frac{7}{12} \div \frac{5}{28} = \frac{49}{15}$ 小时,

甲注满水池时, 乙还需 $\frac{49}{15} - \frac{4}{3} = \frac{29}{15} = 1\frac{14}{15}$ 小时=1 小时 56 分钟。

【答案】7.5 小时

【解析】根据前两个条件可知 A、B 合作的工作效率为 $\frac{1}{6}$, B、C 合作的工作效率为 $\frac{1}{5}$. 第三个条件可采用分干合想的思路处理,转化为 "A、B 合作 2 小时,B、C 合作 2 小时,然后 B 单独工作 2 小时",所以 B 在 2 小时内的工作量为 $1-\frac{1}{6}\times2-\frac{1}{5}\times2=\frac{4}{15}$,B的工作效率为 $\frac{4}{15}\div2=\frac{2}{15}$,所以单独开 B 管 7.5 小时可以将水池灌满.