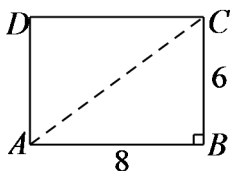


1. 已知有一个长为8，宽为6的矩形，能够把这个矩形完全盖住的最小圆形纸片的半径是（ ）。

- A. 3                      B. 4                      C. 5                      D. 6

【答案】C

【解析】最小圆形纸片是 $\triangle ABC$ 的外接圆，如图，

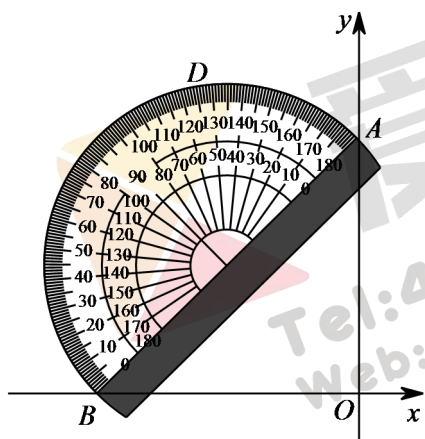


由于 $\angle ABC = 90^\circ$ ，

$\therefore$ 该圆直径为 $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2}$ ，

$$r = \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2} \times 10 = 5.$$

2. 如图，一个量角器的底端 $A$ 、 $B$ 分别在 $y$ 轴正半轴与 $x$ 轴负半轴上滑动，点 $D$ 位于该量角器上 $128^\circ$ 刻度处。当点 $D$ 与原点 $O$ 的距离最大时， $\angle OAB =$ （ ）。



- A.  $64^\circ$                       B.  $52^\circ$                       C.  $38^\circ$                       D.  $26^\circ$

【答案】D

【解析】 $\text{Rt}\triangle AOB$ 中，设 $AB$ 中点为 $C$ ，

$$\text{则 } OC = \frac{1}{2}AB,$$

由于 $AB$ 在 $x$ 轴， $y$ 轴上滑动，

$\therefore C$ 点轨迹为以点 $O$ 为圆心以 $\frac{1}{2}AB$ 为半径的圆周在第二象限的部分，

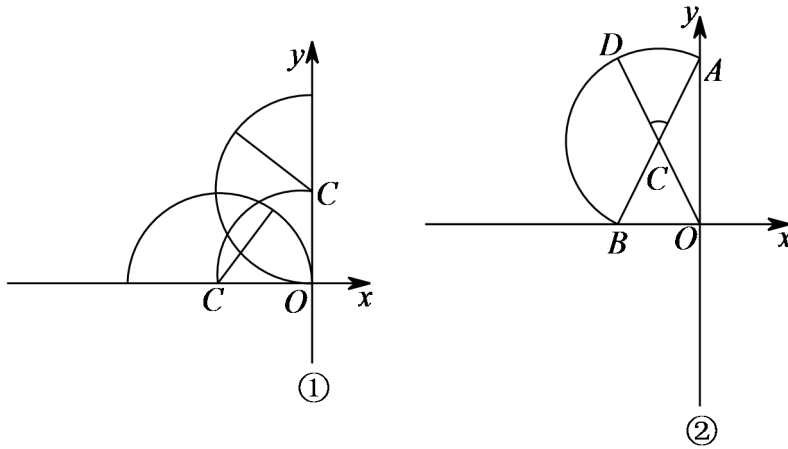
如图①，一般地， $OC$ 、 $OD$ 、 $CD$ 三边组一个三角形，则 $OD < |OC + CD|$ ，

当 $CD$ 与 $OC$ 在同一条直线上时， $\angle ACD = 180^\circ - \angle BCD = 52^\circ$ ， $OD = |OC + CD|$ ，

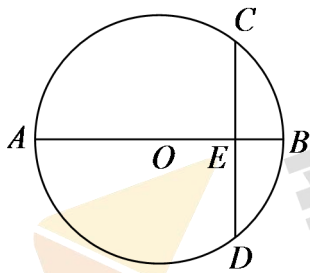
$$\therefore OC = \frac{1}{2}AB = AC, \therefore \angle OAB = \angle AOC,$$

$$\therefore \angle ACD = \angle OAB + \angle AOC,$$

$\therefore \angle OAB = \frac{1}{2} \angle ACD = 26^\circ$ , 如图②,



3. 如图,  $AB$  为  $\odot O$  的直径,  $CD$  为  $\odot O$  的弦,  $CD \perp AB$ , 垂足为  $E$ ,  $OE = 3$ ,  $CD = 8$ ,  $AB = ( \quad )$ .



A.  $2\sqrt{7}$

B. 10

C.  $\sqrt{7}$

D. 5

【答案】B

【解析】 $\because CD \perp AB$  且  $AB$  为直径,

$$\therefore CE = DE = \frac{1}{2} CD = 4,$$

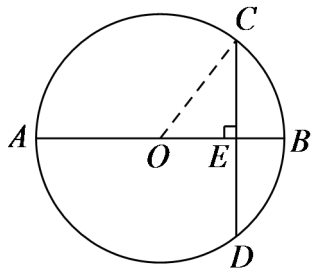
连接  $CO$ ,

在  $\text{Rt}\triangle COE$  中,

$$OE = 3, CE = 4,$$

$$\therefore CO = \sqrt{OE^2 + CE^2} = 5,$$

$$\therefore AB = 2CO = 10.$$



4. 两个相似三角形的一组对应边的长分别为5cm和3cm，如果它们的面积之和为 $136\text{cm}^2$ ，则面积较大的三角形的面积是（ ）。

- A.  $100\text{cm}^2$                       B.  $96\text{cm}^2$                       C.  $85\text{cm}^2$                       D.  $36\text{cm}^2$

【答案】A

【解析】∵两个相似三角形一组对应边长分别为5cm和3cm，

∴相似比为5:3，

∴面积比等于相似比的平方，

∴面积比为25:9.

设大三角形面积为 $25x$ ，则小正方形面积为 $9x$ ，

由题意得：

$$25x + 9x = 136,$$

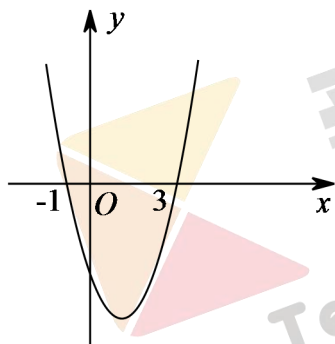
$$x = 4.$$

∴大三角形面积为 $100\text{cm}^2$ .

故选A.

5. 如图为二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图像，下列说法：

- ① $c < 0$ ；② $a + b + c < 0$ ；③ $9a + 3b + c = 0$ ；④ $3a + c = 0$ . 其中正确的有（ ）。



- A. 1个                      B. 2个                      C. 3个                      D. 4个

【答案】D

【解析】如图：

①图像与 $y$ 轴交于负半轴，∴ $c < 0$ .

②由图知，当 $x = 1$ 时 $y < 0$ .

即 $a + b + c < 0$ .

③图像与 $x$ 轴交于 $(3, 0)$ ，

代入得 $9a + 3b + c = 0$ ，

④由图知：与 $x$ 轴交点分别为 $(-1, 0)$ 和 $(3, 0)$ ，

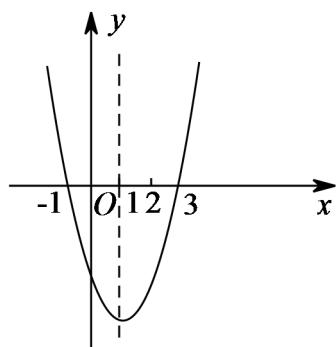
即，令 $y = 0$ ， $ax^2 + bx + c = 0$ ，

两根分别为 $-1$ ， $3$ 。

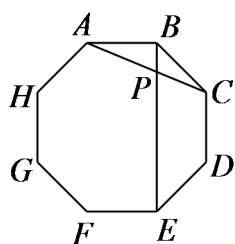
$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = -3,$$

$$\therefore -\frac{c}{a} = 3, \text{ 即 } 3a + c = 0,$$

故选 D.

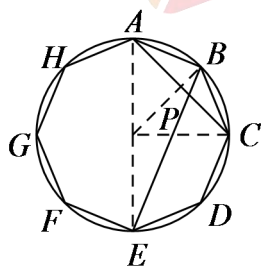


6. 如图, 正八边形  $ABCDEFGH$  的两条对角线  $AC$ 、 $BE$  相交于点  $P$ ,  $\angle EPC$  的度数为( ).
- A.  $67.5^\circ$                       B.  $69^\circ$                       C.  $72^\circ$                       D.  $112.5^\circ$



【答案】A

【解析】如图, 圆  $O$  为正八边形  $ABCDEFGH$  的外接圆, 则  $\angle AOB = \frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$ ,  
 $\therefore \angle ACB = \frac{1}{2} \angle AOB = 22.5^\circ$ , 同理  $\angle COE = 90^\circ$ .  $\angle CBP = \frac{1}{2} \angle COE = 45^\circ$ .  
 $\therefore \angle EPC = \angle ACB + \angle CBP = 67.5^\circ$ .



7. 如果四边形内存在一个点到四个顶点的距离相等, 那么这个四边形一定有( ).

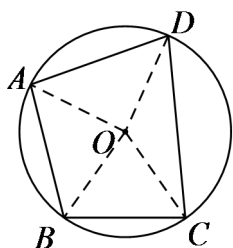
A. 一组邻角相等              B. 一组对角相等              C. 两组对角分别相等      D. 两组对角的和相等

【答案】D

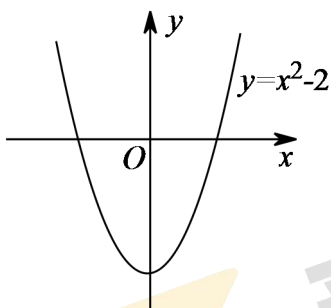
【解析】如图  $\odot O$  是四边形  $ABCD$  外接圆, 则  $\angle ABC = (360^\circ - \angle AOC) \times \frac{1}{2}$ ,  
 $\angle ADC = \frac{1}{2} \angle AOC$ ,

$$\therefore \angle ABC + \angle ADC = 360^\circ \times \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \angle AOC + \frac{1}{2} \angle AOC = 180^\circ, \text{ 同理 } \angle BAD + \angle BCD = 180^\circ,$$

$$\therefore \angle ABC + \angle ADC = \angle BAD + \angle BCD.$$



8. 如图，在平面直角坐标系中，将函数  $y = x^2 - 2$  的图像先绕原点旋转  $180^\circ$ ，再向上平移 3 个单位长度，得到的抛物线对应的函数表达式是（ ）。



A.  $y = -x^2 + 5$

B.  $y = -x^2 - 5$

C.  $y = -x^2 + 1$

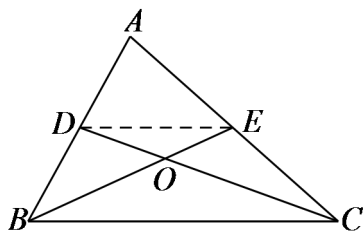
D.  $y = -x^2 - 1$

【答案】A

【解析】 $y = x^2 - 2$  的图象绕原点旋转  $180^\circ$  后是  $y = -x^2 + 2$ ，

再向上平移 3 个单位长度后，抛物线对应的函数表达式是  $y = -x^2 + 5$ 。

9. 如图， $CD$ 、 $BE$  分别为  $\triangle ABC$  的两条中线， $CD$ 、 $BE$  相交于点  $O$ ，连接  $DE$ ，若  $\triangle ABC$  的面积为 12，则  $\triangle ODE$  的面积为（ ）。



A. 2

B.  $\frac{5}{6}$

C.  $\frac{2}{3}$

D. 1

【答案】D

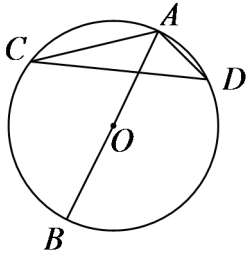
【解析】连接  $DE$ ，中线  $CD$ 、 $BE$  交于点  $O$ ，由中线性质的性质可知  $S_{\triangle BOC} = \frac{1}{3} S_{\triangle ABC} = \frac{1}{3} \times 12 = 4$ ，

再由中位线定理可知  $DE \parallel BC$ ,  $DE = \frac{1}{2}BC$ ,

$\triangle DOE \sim \triangle COB$ ,  $S_{\triangle DOE} : S_{\triangle COB} = 1:4$ ,

$S_{\triangle DOE} = 1$ .

10. 如图, 在  $\odot O$  中,  $AB$  为直径, 圆周角  $\angle ACD = 20^\circ$ , 则  $\angle BAD$  等于 ( ).



A.  $80^\circ$

B.  $70^\circ$

C.  $40^\circ$

D.  $20^\circ$

【答案】B

【解析】连接  $BD$ ,

$\because \angle C = 20^\circ$ ,

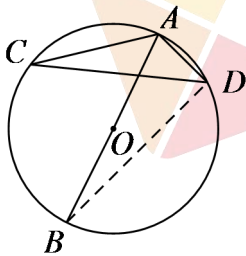
$\therefore \angle ABD = 20^\circ$ .

$\because AB$  为直径,

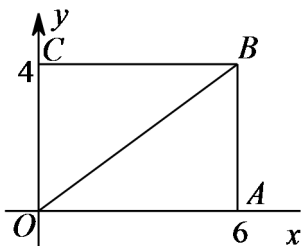
$\therefore \angle ADB = 90^\circ$ ,

$\therefore \angle BAD = 180^\circ - \angle ADB - \angle ABD = 70^\circ$ .

故选 B.



11. 如图, 在直角坐标系中, 矩形  $OABC$  的顶点  $O$  在原点, 边  $OA$  在  $x$  轴上,  $OC$  在  $y$  轴上, 如果  $\triangle OA'B'$  与  $\triangle OAB$  关于点  $O$  位似, 且  $\triangle OA'B'$  的面积等于  $\triangle OAB$  面积的  $\frac{1}{4}$ , 则点  $B'$  的坐标为 ( ).



A.  $(\frac{3}{2}, 1)$

B.  $(\frac{3}{2}, 1)$  或  $(-\frac{3}{2}, -1)$

C. (3,2)

D. (3,2)或(-3,-2)

【答案】D

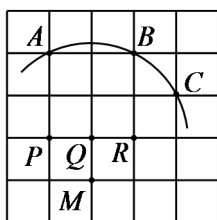
【解析】 $\because \triangle OA'B'$  与  $\triangle OAB$  关于  $O$  位似且  $S_{\triangle OA'B'} = \frac{1}{4}S_{\triangle OAB}$ .

$\therefore B, O, B'$  共线且  $OB' = \frac{1}{2}OB$ .

$\because B(6,4), \therefore B'(3,2)$  或  $B'(-3,-2)$

故选 D.

12. 如图, 在  $5 \times 5$  正方形网格中, 一条圆弧经过  $A, B, C$  三点, 那么这条圆弧所在圆的圆心是 ( ).



A. 点  $P$

B. 点  $Q$

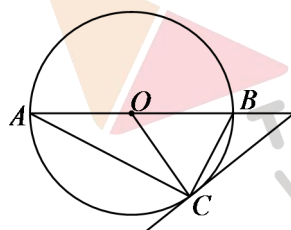
C. 点  $R$

D. 点  $M$

【答案】B

【解析】点  $A, B, C$  都在圆上, 则圆心为  $AB, BC$  的中垂线交点, 故为点  $Q$ , 选 B.

13. 如图, 圆  $O$  是  $\text{Rt}\triangle ABC$  的外接圆,  $\angle ACB = 90^\circ, \angle A = 25^\circ$ , 过点  $C$  作圆  $O$  的切线, 交  $AB$  的延长线于点  $D$ , 则  $\angle D$  的度数是 ( ).



A.  $60^\circ$

B.  $50^\circ$

C.  $40^\circ$

D.  $25^\circ$

【答案】C

【解析】 $\because OA = OC, \angle A = 25^\circ,$

$\therefore \angle OCA = \angle A = 25^\circ,$

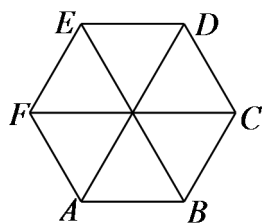
$\therefore \angle DOC = 2\angle A = 50^\circ.$

$\because DC$  为  $\odot O$  切线, 切于点  $C,$

$\therefore \angle OCD = 90^\circ.$

在  $\triangle OCD, \angle D = 90^\circ - \angle DOC = 40^\circ.$

14. 如图, 正六边形  $ABCDEF$  的边长为 2, 则它的内切圆的半径为 ( ).

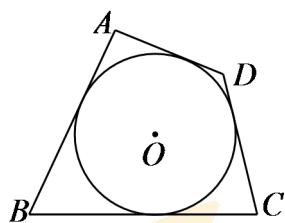


- A. 1                      B.  $\sqrt{3}$                       C. 2                      D.  $2\sqrt{3}$

【答案】B

【解析】正六边形各对角线相连后得到六个大小相同的等边三角形，正六边形内切圆半径即为此类等边三角形的高，等边三角形边长为2，则高为 $\sqrt{3}$ ，故本题选B.

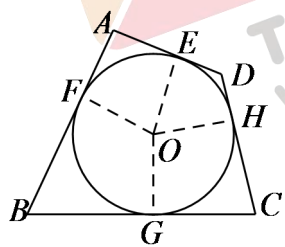
15. 如图， $AB$ 、 $BC$ 、 $CD$ 、 $DA$  都是 $\odot O$ 的切线. 已知 $AD=3$ ， $BC=6$ ，则 $AB+CD$ 的值是（ ）.



- A. 3                      B. 6                      C. 9                      D. 12

【答案】C

【解析】如图，由 $AB$ ， $BC$ ， $CD$ ， $DA$ 都为 $\odot O$ 的切线，易证得：



$$\begin{aligned}
 & AF = AE, \quad DE = DH, \quad BF = BG, \quad CG = CH, \\
 \therefore & AB + CD = AF + BF + DH + CH, \\
 & = AE + DE + BC + CG, \\
 & = AD + BC, \\
 & = 3 + 6, \\
 & = 9.
 \end{aligned}$$