

2015 年北京大兴中考一模数学试卷

一、选择题 (本题共 30 分, 每小题 3 分)

1. 今年我区初中毕业生学业考试的考生总数为 4768 人, 这个数据用科学记数法表示为 () .

A. 47.68×10^2 B. 4.768×10^4 C. 0.4768×10^4 D. 4.768×10^3

2. 如果 a 为有理数, 且 $|a| = -a$, 那么 a 是 () .

A. 负数 B. 正数 C. 非正数 D. 非负数

3. 一个口袋中有 4 个白球, 5 个红球, 6 个黄球, 每个球除颜色外都相同, 搅匀后随机从袋中摸出一个球, 这个球是黄球的概率是 () .

A. $\frac{1}{15}$ B. $\frac{4}{15}$ C. $\frac{1}{3}$ D. $\frac{2}{5}$

4. 函数 $y = \frac{\sqrt{2-x}}{x}$ 中, 自变量 x 的取值范围是 () .

A. $x \leq 2$ 且 $x \neq 0$ B. $x \leq 2$ C. $x < 2$ 且 $x \neq 0$ D. $x \neq 0$

5. 如图, 所给三视图的几何体是 () .

A. 球 B. 圆锥 C. 圆柱 D. 正三棱锥

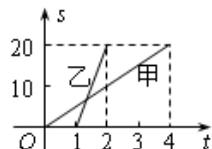


6. 甲、乙两同学近期 5 次百米跑测试成绩的平均数相同, 甲同学成绩的方差 $S_{\text{甲}}^2 = 4$, 乙同学成绩的方差 $S_{\text{乙}}^2 = 3.1$, 则对他们测试成绩的稳定性判断正确的是 () .

- A. 甲的成绩较稳定 B. 乙的成绩较稳定
 C. 甲、乙成绩的稳定性相同 D. 甲、乙成绩的稳定性无法比较

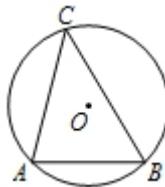
7. 甲、乙两人沿相同的路线由 A 地到 B 地匀速前进, A 、 B 两地间的路程为 20km. 他们前进的路程为 s (km), 甲出发后的时间为 t (h), 甲、乙前进的路程与时间的函数图象如图所示. 根据图象信息, 下列说法正确的是 () .

- A. 乙比甲晚出发 1 小时
 B. 甲比乙晚到 B 地 3 小时
 C. 甲的速度是 4 千米/小时
 D. 乙的速度是 10 千米/小时



8. 如图所示, $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$, $AB=100$, $\angle ACB=45^\circ$, 则 $\odot O$ 的直径为().

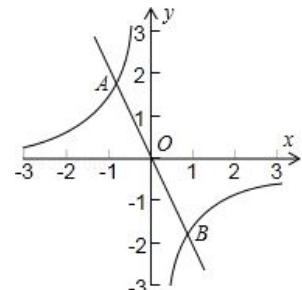
- A. $50\sqrt{2}$
- B. $100\sqrt{2}$
- C. $150\sqrt{2}$
- D. $200\sqrt{2}$



9. 如图, 正比例函数 $y_1=k_1x$ 和反比例函数 $y_2=\frac{k_2}{x}$ 的图象交于 $A(-1, 2)$ 、 $B(1, -2)$

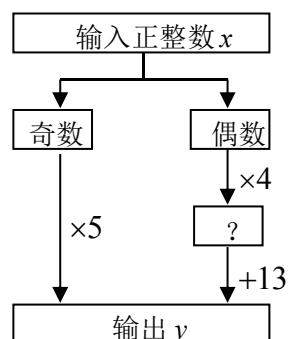
两点, 若 $y_1 < y_2$, 则 x 的取值范围是().

- A. $x < -1$ 或 $x > 1$
- B. $x < -1$ 或 $0 < x < 1$
- C. $-1 < x < 0$ 或 $0 < x < 1$
- D. $-1 < x < 0$ 或 $x > 1$



10. 如图, 要使输出值 y 大于 100, 则输入的最小正整数 x 是().

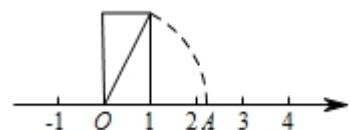
- A. 19
- B. 20
- C. 21
- D. 22



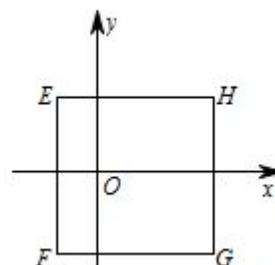
二、填空题 (本题共 18 分, 每小题 3 分)

11. 将方程 $x^2 - 2x - 5 = 0$ 变形为 $(x - m)^2 = n$ 的形式, 其结果是_____.

12. 如图, 以数轴上的单位线段长为宽, 以 2 个单位线段长为长, 作一个矩形, 以数轴原点为圆心, 以矩形的对角线为半径画弧, 交数轴的正半轴于 A 点, 则点 A 所表示的数是_____.



13. 如右图, 在平面直角坐标系中正方形 $EFGH$ 的顶点 E 、 H 、 G 的坐标分别是 $(-1, 2)$, $(3, 2)$, $(3, -2)$, 则点 F 的坐标是_____.



14. 在比较: $0.\dot{9}$ 与 1 哪个大时, 可以用以下的操作或步骤:

- ① 设 $x = 0.\dot{9}$,
- ② $10x = 9 + 0.\dot{9}$,
- ③ $10x = 9 + x$,
- ④ $10x = 10 \times 0.\dot{9}$,
- ⑤ $9x = 9$,
- ⑥ $10x = 9.\dot{9}$,
- ⑦ $x = 1$.

请问, 这些操作的正确顺序为_____。(填写操作的序号即可)

15. 阅读下列文字与例题:

将一个多项式分组后, 可提公因式或运用公式继续分解的方法是分组分解法.

例如: (1) $am + an + bm + bn$

$$\begin{aligned} &= (am + bm) + (an + bn) \\ &= m(a + b) + n(a + b) \\ &= (a + b)(m + n) \end{aligned}$$

$$(2) x^2 - y^2 - 2y - 1$$

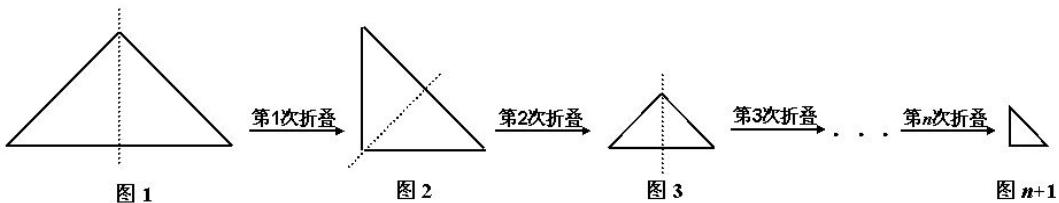
$$= x^2 - (y^2 + 2y + 1)$$

$$= x^2 - (y + 1)^2$$

$$= (x + y + 1)(x - y - 1)$$

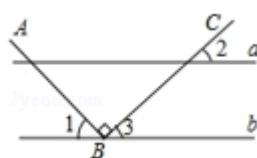
试用上述方法分解因式 $a^2 + 2ab + ac + bc + b^2 =$ _____.

16. 小华将一条直角边长为 1 的一个等腰直角三角形纸片 (如图 1), 沿它的对称轴折叠 1 次后得到一个等腰直角三角形 (如图 2), 再将图 2 的等腰直角三角形沿它的对称轴折叠后得到一个等腰直角三角形 (如图 3), 则图 3 中的等腰直角三角形的一条腰长为_____; 同上操作, 若小华连续将图 1 的等腰直角三角形折叠 n 次后所得到的等腰直角三角形 (如图 $n+1$) 的一条腰长为_____.



三、解答题 (本题共 30 分, 每小题 5 分)

17. 已知: 如图, 直线 $a \parallel b$, 点 B 在直线上 b 上, 且 $AB \perp BC$, $\angle 1 = 55^\circ$,
求 $\angle 2$ 的度数.



18. 计算: $\sqrt{9} - 4 \sin 30^\circ + (2015 - \pi)^0 - 2^2$.

19. 先化简, 再求代数式 $(1 - \frac{3}{x+2}) \div \frac{x^2 - 1}{x+2}$ 的值. 其中 x 是不等式组 $\begin{cases} x-2 > 0 \\ 2x+1 < 8 \end{cases}$ 的整数解.

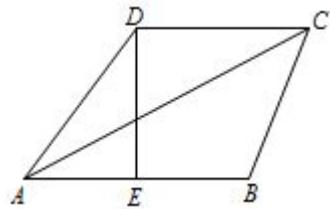
20. 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 + 4x + m - 1 = 0$,

(1) 若方程有两个相等的实数根, 则 $m = \underline{\hspace{2cm}}$, 方程的根为 $\underline{\hspace{2cm}}$;

(2) 请你选取一个合适的整数 m , 使得到的方程有两个不相等的实数根, 并求出此时方程的根.

21. 已知: 如图, 过 $\triangle ABC$ 的顶点 C 作 $CD \parallel AB$, 交 AB 的中垂线 ED 于点 D , 连结 AD .

求证: $AC + BC > 2AD$.



22. 列方程或方程组解应用题：

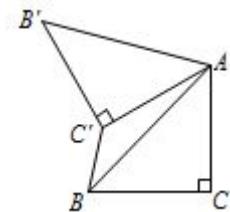
某服装商预测一种应季衬衫能畅销市场，就用8000元购进一批衬衫，面市后果然供不应求，服装商又用17600元购进了第二批这种衬衫，所购数量是第一批购进数量的2倍，但单价贵了8元。商家销售这种衬衫时每件售价都是100元，很快售完。在这两笔生意中，商家共盈利多少元？

四、解答题（本题共20分，每小题5分）

23. 已知：如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C = 90^\circ$ ， $AC = BC = \sqrt{2}$ ，将 $\triangle ABC$ 绕点A顺时针方向旋转 60° 到 $\triangle AB'C'$ 的位置，连接 $C'B$ 。

(1) 请你判断 BC' 与 AB' 的位置关系，并说明理由；

(2) 求 BC' 的长。



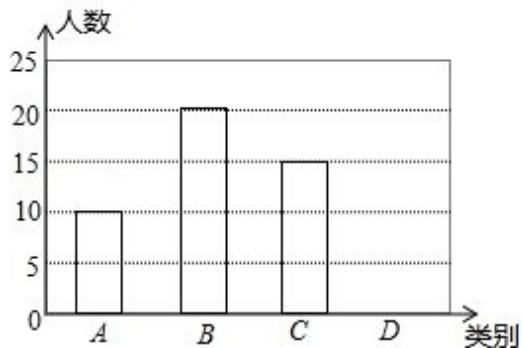
24. 课外阅读是提高学生素养的重要途径。某校为了了解学生课外阅读情况，随机抽查了50名学生，统计他们平均每天课外阅读时间 t （小时）。根据 t 的长短分为 A ， B ， C ， D 四类，下面是根据所抽查的人数绘制的两幅不完整的统计图表。请根据图中提供的信息，解答下面的问题：

50名学生平均每天课外阅读时间统计表

类别	时间 t （小时）	人数
A	$t < 0.5$	10
B	$0.5 \leq t < 1$	20
C	$1 \leq t < 1.5$	15
D	$t \geq 1.5$	a

(1) 求表格中的 a 的值，并在图中补全条形统计图；

50名学生平均每天课外阅读时间条形统计图

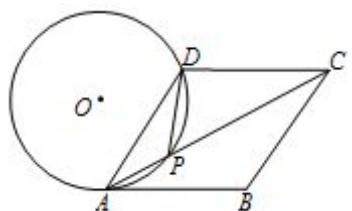


(2) 该校现有1300名学生，请你估计该校共有多少名学生课外阅读时间不少于1小时？

25. 已知：如图，在菱形 $ABCD$ 中， P 是对角线 AC 上的一点，且 $PA = PD$ ， $\odot O$ 为 $\triangle APD$ 的外接圆。

(1) 试判断直线 AB 与 $\odot O$ 的位置关系，并说明理由；

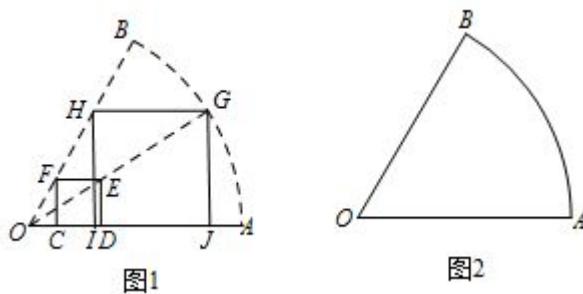
(2) 若 $AC = 4$ ， $\tan \angle DAC = \frac{1}{2}$ ，求 $\odot O$ 的半径。



26. 数学课上，老师要求同学们在扇形纸片 OAB 上画出一个正方形，使得正方形的四个顶点分别落在扇形半径 OA 、 OB 和弧 AB 上。有一部分同学是这样画的：如图1，先在扇形 OAB 内画出正方形 $CDEF$ ，使得 C 、 D 在 OA 上， F 在 OB 上，连结 OE 并延长交弧 AB 与 G 点，过点 G ，作 $GJ \perp OA$ 于点 J ，作 $GH \perp GJ$ 交 OB 于点 H ，再作 $HI \perp OA$ 于点 I 。

(1) 请问他们画出的四边形 $GHIJ$ 是正方形吗？如果是，请给出你的证明；如果不是，请说明理由；

(2) 还有一部分同学用另外一种不同于图1的方法画出的，请你参照图1的画法，在图2上画出这个正方形（保留画图痕迹，不要求证明）。



五、解答题（本题共 22 分，第 27 题 7 分，第 28 题 7 分，第 29 题 8 分）

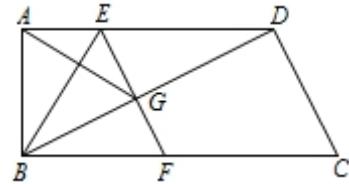
27. 已知抛物线 $y = x^2 + 2x + k - 2$ 与 x 轴有两个不同的交点。

(1) 求 k 的取值范围；

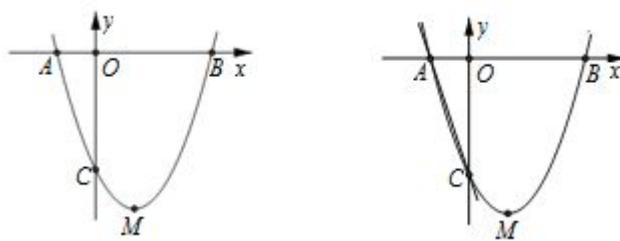
(2) 若 k 为正整数，且该抛物线与 x 轴的交点都是整数点，求 k 的值。

(3) 如果反比例函数 $y = \frac{m}{x}$ 的图象与(2)中的抛物线在第一象限内的交点的横坐标为 x_0 ，且满足 $1 < x_0 < 2$ ，请直接写出 m 的取值范围。

28. 已知：如图，在四边形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$ ， $\angle ABC = 90^\circ$. 点 E 为边 AD 上一点，将 $\triangle ABE$ 沿直线 BE 折叠，使点 A 落在四边形对角线 BD 上的点 G 处， EG 的延长线交直线 BC 于点 F .
- 点 E 可以是 AD 的中点吗？请说明理由；
 - 求证： $\triangle ABG \sim \triangle BFE$ ；
 - 设 $AD = a$ ， $AB = b$ ， $BC = c$. 当四边形 $EFCD$ 为平行四边形时，求 a ， b ， c 应满足的关系.



29. 已知抛物线 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 与 x 轴交于点 $A(-1, 0)$ ， $B(3, 0)$ 两点，与 y 轴交于点 $C(0, -3)$.
- 求该抛物线的解析式及顶点 M 的坐标；
 - 求 $\triangle BCM$ 面积与 $\triangle ABC$ 面积的比；
 - 若 P 是 x 轴上一个动点，过 P 作射线 $PQ \parallel AC$ 交抛物线于点 Q ，随着 P 点的运动，在抛物线上是否存在这样的点 Q ，使以 A 、 P 、 Q 、 C 为顶点的四边形为平行四边形？若存在请求出 Q 点的坐标；若不存在，请说明理由.



2015 年北京大兴中考一模数学试卷

一、选择题（本题共 30 分，每小题 3 分）

下面各题均有四个选项，其中只有一个符合题意的。

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	D	C	D	A	B	B	A	B	D	C

二、填空题（本题共 18 分，每小题 3 分）

11. $(x-1)^2 = 6$

12. $\sqrt{5}$

13. $(-1, -2)$

14. ①④⑥②③⑤⑦

15. $(a+b)(a+b+c)$

16. $\frac{1}{2}, (\frac{\sqrt{2}}{2})^n$

三、解答题（本题共 30 分，每小题 5 分）

17. 解： $\because AB \perp BC,$

$$\therefore \angle ABC = 90^\circ.$$

\because 点 B 在直线上 b 上，

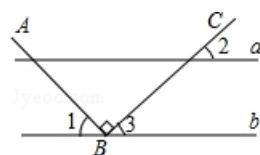
$$\therefore \angle 1 + \angle 3 = 90^\circ.$$

$$\because \angle 1 = 55^\circ,$$

$$\therefore \angle 3 = 35^\circ.$$

$\because a \parallel b,$

$$\therefore \angle 2 = \angle 3 = 35^\circ.$$



18. 解：原式 $= 3 - 4 \times \frac{1}{2} + 1 - 4$
 $= -2.$

19. 解：原式 $= \frac{x-1}{x+2} \cdot \frac{x+2}{(x+1)(x-1)}$
 $= \frac{1}{x+1}.$

$$\text{解不等式组 } \begin{cases} x-2 > 0 \\ 2x+1 < 8 \end{cases}, \text{ 得 } 2 < x < \frac{7}{2},$$

因为 x 是整数，所以 $x = 3$ ，

$$\text{当 } x = 3 \text{ 时，原式} = \frac{1}{4}.$$

20. 解：(1) $m = 5,$

$$x_1 = x_2 = -2.$$

(2) 选取 $m=1$, 则原方程为 $x^2 + 4x = 0$,

解方程, 得 $x_1 = 0$, $x_2 = -4$.

21. 证明: 延长 AD 到点 F , 使 $DF = AD$, 连结 FC ,

连结 DB ,

$$\because CD \parallel AB,$$

$$\therefore \angle FDC = \angle DAB, \angle CDB = \angle ABD.$$

$\because DE$ 为 AB 的中垂线,

$$\therefore DB = DA = DF.$$

$$\therefore \angle DAB = \angle DBA.$$

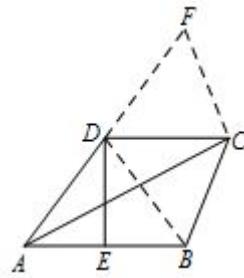
$$\therefore \angle FDC = \angle BDC.$$

$$\therefore \triangle DFC \cong \triangle DBC.$$

$$\therefore FC = BC.$$

$$\therefore AC + FC > AF.$$

$$\therefore AC + BC > 2AD.$$



22. 列方程或方程组解应用题:

解: 设第一批衬衫进价为 x 元,

$$\text{则: } \frac{8000}{x} \times 2 = \frac{17600}{x+8}.$$

解方程, 得 $x = 80$.

经检验, $x = 80$ 是方程的解.

所以, 第一批衬衫进价为 100 元, 则第二批次衬衫进价为 88 元.

$$\text{所以, 两次共进衬衫 } \frac{8000}{80} + \frac{17600}{88} = 100 + 200 = 300 \text{ (件).}$$

商家意共盈利: $(100 \times 100 - 8000) + (200 \times 88 - 17600) = 4400$ (元).

答: 在这两笔生意中, 商家共盈利 4400 元.

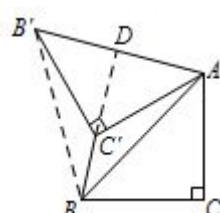
四、解答题 (本题共 20 分, 每小题 5 分)

23. 解: (1) BC' 与 AB' 互相垂直.

如图, 连接 BB' ,

$\because \triangle ABC$ 绕点 A 顺时针方向旋转 60° 得到 $\triangle AB'C'$,

$$\therefore AB = AB', \angle BAB' = 60^\circ,$$



$\therefore \triangle ABB'$ 是等边三角形,

$\therefore AB = BB'$,

在 $\triangle ABC'$ 和 $\triangle B'BC'$ 中,

$$\begin{cases} AB = AB' \\ AC' = B'C' \\ BC' = BC' \end{cases}$$

$\therefore \triangle ABC' \cong \triangle B'BC'$ (SSS),

$\therefore \angle ABC' = \angle B'BC'$,

延长 BC' 交 AB' 于 D ,

$\therefore BD \perp AB'$.

(2) $\because BD \perp AB'$ 且 D 为 AB' 中点.

$$\therefore C'D = \frac{1}{2} \times 2 = 1.$$

$\therefore \angle C = 90^\circ$, $AC = BC = \sqrt{2}$,

$$\therefore AB = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2} = 2.$$

$$\therefore BD = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}.$$

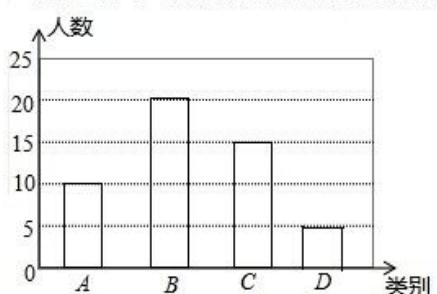
$$\therefore BC' = BD - C'D = \sqrt{3} - 1.$$

24. 解: (1) $50 - 10 - 20 - 15 = 5$ (名),

故 a 的值为 5.

条形统计图 (如右图):

50名学生平均每天课外阅读时间条形统计图



$$(2) 1300 \times \frac{15+5}{50} = 520 \text{ (名)},$$

答：估计该校共有 520 名学生课外阅读时间不少于 1 小时.

25. (1) 直线 AB 与 $\odot O$ 相切.

证明：如图 1，作 $\odot O$ 的直径 AE ，连结 ED 、 EP ，

$$\therefore \angle ADE = 90^\circ, \angle DAE + \angle AED = 90^\circ.$$

连结 EP ，

$$\because PA = PD,$$

$$\therefore \angle AEP = \angle PED = \angle PAD.$$

\because 四边形 $ABCD$ 是菱形，

$$\therefore \angle DAP = \angle BAP.$$

$$\therefore \angle AEP = \angle PED = \angle PAD = \angle BAP.$$

$$\therefore \angle BAD = \angle AED.$$

$$\therefore \angle DAE + \angle BAD = 90^\circ.$$

$\therefore AB$ 为 $\odot O$ 的切线.

(2) 解：如图 2，连结 BD 交 AC 于 F 点，

$\therefore DB$ 垂直且平分 AC .

$$\because AC = 4, \tan \angle DAC = \frac{1}{2},$$

$$\therefore AF = 2, DF = 1.$$

由勾股定理：得 $AD = \sqrt{5}$.

连结 OP 交 AD 于 G 点，

$\therefore OP$ 垂直且平分 AD .

$$\therefore AG = \frac{\sqrt{5}}{2}.$$

$$\text{又} \because \tan \angle DAC = \frac{1}{2},$$

$$\therefore PG = \frac{\sqrt{5}}{4}.$$

设 $\odot O$ 的半径 OA 为 r ，

$$\text{则 } OG = r - \frac{\sqrt{5}}{4}.$$

在 $\text{Rt}\triangle AOG$ 中，

$$r^2 = (r - \frac{\sqrt{5}}{4})^2 + (\frac{\sqrt{5}}{2})^2,$$

$$\therefore r = \frac{5\sqrt{5}}{8}.$$

26. 解：(1) 四边形 $GHIJ$ 是正方形.

证明： $\because GJ \perp OA, GH \perp GJ, HI \perp OA,$

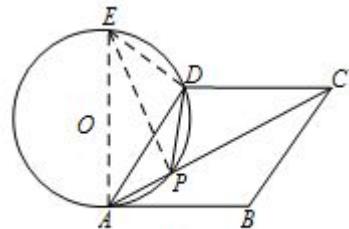


图1

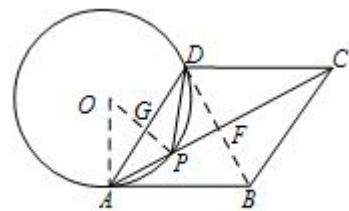


图2

$\therefore \angle GJO = \angle JIH = \angle JGH = 90^\circ$.

\therefore 四边形 $GHIJ$ 是矩形.

\because 四边形 $CDEF$ 是正方形,

且 CD 边与矩形 $GHIJ$ 的 IJ 边在同一条直线上

$\therefore FC \parallel HI$, $EF \parallel GH$.

$\therefore \triangle FOC \sim \triangle HOI$, $\triangle EFO \sim \triangle GHO$.

$$\therefore \frac{OF}{OH} = \frac{FC}{HI}, \quad \frac{OF}{OH} = \frac{EF}{GH}.$$

$$\therefore \frac{FC}{HI} = \frac{EF}{GH}.$$

又 $\because FC = EF$,

$\therefore HI = GH$.

\therefore 四边形 $GHIJ$ 是正方形.

(2) 另一种画法如图 2.

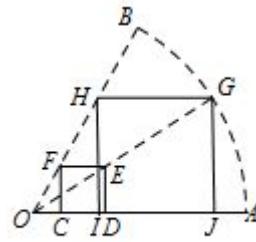


图1

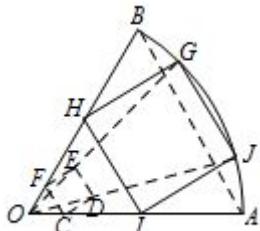


图2

五、解答题 (本题共 22 分, 第 27 题 7 分, 第 28 题 7 分, 第 29 题 8 分)

27. 解: (1) \because 抛物线 $y = x^2 + 2x + k - 2$ 与 x 轴有两个不同的交点,

$\therefore \Delta > 0$.

$$\therefore \Delta = 4 - 4(k - 2) = 12 - 4k > 0.$$

\therefore 解得 $k < 3$.

(2) $\because k < 3$ 且 k 为正整数,

$\therefore k = 2$ 或 1 .

当 $k = 1$ 时, $y = x^2 + 2x - 1$, 不合题意, 舍去.

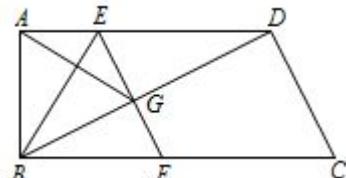
当 $k = 2$ 时, $y = x^2 + 2x$, 与 x 轴的两个交点是 $(-2, 0)$ 与 $(0, 0)$.

所以, $k = 2$.

(3) $3 < m < 16$.

28. 解: (1) 不可以;

理由如下: 根据题意得:



$AE = GE$, $\angle EGB = \angle EAB = 90^\circ$,

\therefore Rt $\triangle EGD$ 中, $GE < ED$,

$\therefore AE < ED$, 因此点 E 不可以是 AD 的中点.

(2) 证明: $\because AD \parallel BC$,

$\therefore \angle AEB = \angle EBF$,

$\because \triangle ABE$ 沿直线 BE 折叠,

$\therefore \triangle EAB \cong \triangle EGB$,

$\therefore \angle AEB = \angle BEG$,

$\therefore \angle EBF = \angle BEF$,

$\therefore FE = FB$,

$\therefore \triangle FEB$ 为等腰三角形.

$\because \angle ABG + \angle GBF = 90^\circ$, $\angle EFB + \angle GBF = 90^\circ$,

$\therefore \angle ABG = \angle EFB$,

在等腰 $\triangle ABG$ 和 $\triangle FEB$ 中,

$$\angle BAG = \frac{180^\circ - \angle ABG}{2},$$

$$\angle FBE = \frac{180^\circ - \angle EFB}{2},$$

$\therefore \angle BAG = \angle FBE$,

$\therefore \triangle ABG \sim \triangle BFE$.

(3) 如图, 过点 D 作 $DH \perp BC$,

\because 四边形 $EFCD$ 为平行四边形,

$\therefore EF \parallel DC$

$\therefore \angle C = \angle EFB$,

$\because \triangle ABG \sim \triangle BFE$,

$\therefore \angle EFB = \angle GBA$,

$\therefore \angle C = \angle GBA$,

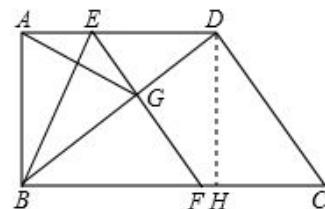
$\because \angle DAB = \angle DHC = 90^\circ$,

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle HCD$,

$$\therefore \frac{AD}{DH} = \frac{AB}{HC},$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{b}{c-a}.$$

$$\therefore a^2 + b^2 = ac.$$



29. 解: (1) 设抛物线解析式为 $y = a(x+1)(x-3)$,

\because 抛物线过点 $(0, 3)$,

$$\therefore -3 = a(0+1)(0-3)$$

$$\therefore a = -1$$

抛物线表达式为 $y = (x+1)(x-3) = x^2 - 2x - 3$.

$$\therefore y = x^2 - 2x - 3 = (x-1)^2 - 4$$

$$\therefore M(1, -4).$$

(2) 连 BC 、 BM 、 CM ，作 $MD \perp x$ 轴于 D ，

$$\therefore S_{\triangle BCM} = S_{\text{梯形 } OCMD} + S_{\triangle BMD} - S_{\triangle BOC}$$

$$= \frac{1}{2} \times (3+4) \times 1 + \frac{1}{2} \times 2 \times 4 - \frac{1}{2} \times 3 \times 3$$

$$= \frac{7}{2} + \frac{8}{2} - \frac{9}{2}$$

$$= 3.$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$$

$$S_{\triangle BCM} : S_{\triangle ABC} = 3 : 6 = 1 : 2.$$

(3) 存在.

①当 Q 点在 x 轴下方时，作 $QE \perp x$ 轴于 E ，

$$\because AC \parallel PQ \text{ 且 } AC = PQ,$$

$$\therefore OC = EQ = 3,$$

$$-3 = x^2 - 2x - 3,$$

解得: $x_1 = 0$ (舍), $x_2 = 2$.

$$\therefore Q(2, -3)$$

②当 Q 点在 x 轴上方时，作 $QF \perp x$ 轴于 F

$$\because AC \parallel PQ \text{ 且 } AC = PQ,$$

$$\therefore \text{Rt}\triangle OAC \cong \text{Rt}\triangle FPQ,$$

$$\therefore OC = FQ = 3,$$

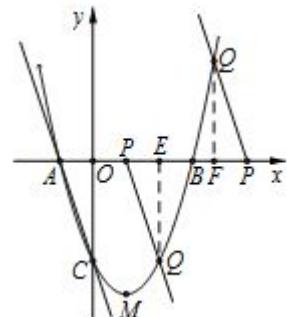
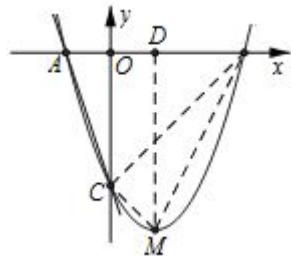
$$3 = x^2 - 2x - 3,$$

解得: $x_1 = 1 - \sqrt{7}$, $x_2 = 1 + \sqrt{7}$.

$$\therefore Q(1 - \sqrt{7}, 3) \text{ 或 } Q(1 + \sqrt{7}, 3).$$

综上，满足条件的 Q 点为 $(2, -3)$ 或 $(1 - \sqrt{7}, 3)$ 或 $(1 + \sqrt{7}, 3)$.

注：以上各题的其他解法，只要正确，请参照本评分标准给分！



2015 年北京大兴中考一模数学试卷部分答案解析

一、选择题

1. 【答案】D

【解析】4768 用科学记数法表示应为 4.768×10^3 . 故选 D.

2. 【答案】C

【解析】 a 为有理数, 且 $|a| = -a$, 那么 a 是非正数. 故选 C.

3. 【答案】D

【解析】口袋中一共 15 个白球, 其中黄球 6 个, 从袋中摸出一个球, 这个球是黄球的概率是 $\frac{6}{15} = \frac{2}{5}$. 故选 D.

4. 【答案】A

【解析】函数 $y = \frac{\sqrt{2-x}}{x}$ 中, 自变量 x 的取值范围是 $\begin{cases} 2-x \geq 0 \\ x \neq 0 \end{cases}$, 解得 $\begin{cases} x \leq 2 \\ x \neq 0 \end{cases}$, 即 $x \leq 2$ 且 $x \neq 0$, 故选 A.

5. 【答案】B

【解析】由三视图可知该几何体是圆锥. 故选 B.

6. 【答案】B

【解析】 \because 方差越小越稳定, \therefore 乙的成绩较稳定. 故选 B.

7. 【答案】A

【解析】由函数图像可知, 乙比甲晚出发 1 小时, 甲比乙晚到 B 地 2 小时, 甲的速度是 5 千米/小时, 乙的速度是 20 千米/小时. 故选 A.

8. 【答案】B

【解析】由圆周角定理可知, $\angle AOB = 2\angle ACB = 90^\circ$, Rt $\triangle AOB$ 为等腰直角三角形, $AB = 100$, $OA = 50\sqrt{2}$, 故 $\odot O$ 的直径为 $100\sqrt{2}$. 故选 B.

9. 【答案】D

【解析】由图像可知当 $y_1 < y_2$, 自变量 x 的取值范围是 $-1 < x < 0$ 或 $x > 1$. 故选 D.

10. 【答案】C

【解析】要使输出值 y 大于 100, 若输入的是奇数, 最小的正整数应该为 21; 若输入的是偶数, 最小的正整数应该为 22. 选 C.

二、填空题

11. 【答案】 $(x-1)^2 = 6$ 【解析】 $x^2 - 2x - 5 = 0$ 变形为 $(x-1)^2 = 6$.

12. 【答案】 $\sqrt{5}$

【解析】由勾股定理可知，矩形的对角线为 $\sqrt{5}$ ， \therefore 点A所表示的数是 $\sqrt{5}$. 故答案为 $\sqrt{5}$.

13. 【答案】 $(-1, -2)$

【解析】由图可知，正方形的边长为4，故 $F(-1, -2)$. 故答案为 $(-1, -2)$.

14. 【答案】① ④ ⑥ ② ③ ⑤ ⑦

【解析】① ④ ⑥ ② ③ ⑤ ⑦.

15. 【答案】 $(a+b)(a+b+c)$

$$\begin{aligned} & a^2 + 2ab + ac + bc + b^2 \\ &= (a^2 + 2ab + b^2) + (ac + bc) \\ &= (a+b)^2 + c(a+b) \\ &= (a+b)(a+b+c). \text{ 故答案为 } (a+b)(a+b+c). \end{aligned}$$

16. 【答案】 $\frac{1}{2}$, $(\frac{\sqrt{2}}{2})^n$

【解析】依题可知，图1中的等腰直角三角形的一条腰长为1；

图2中的等腰直角三角形的一条腰长为 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ；

图3中的等腰直角三角形的一条腰长为 $\frac{1}{2}$ ；

图3中的等腰直角三角形的一条腰长为 $\frac{1}{2}$ ；

.....

小华连续将图1的等腰直角三角形折叠n次后所得到的等腰直角三角形（如图n+1）的一条腰长为 $(\frac{\sqrt{2}}{2})^n$.

故答案为 $\frac{1}{2}$, $(\frac{\sqrt{2}}{2})^n$.