

2015年北京西城中考一模数学试卷

一、选择题（本题共30分，每小题3分）

下面各题均有四个选项，其中只有一个是符合题意的。

1. $\frac{1}{3}$ 的相反数是（ ）。

- A. $\frac{1}{3}$ B. $-\frac{1}{3}$ C. 3 D. -3

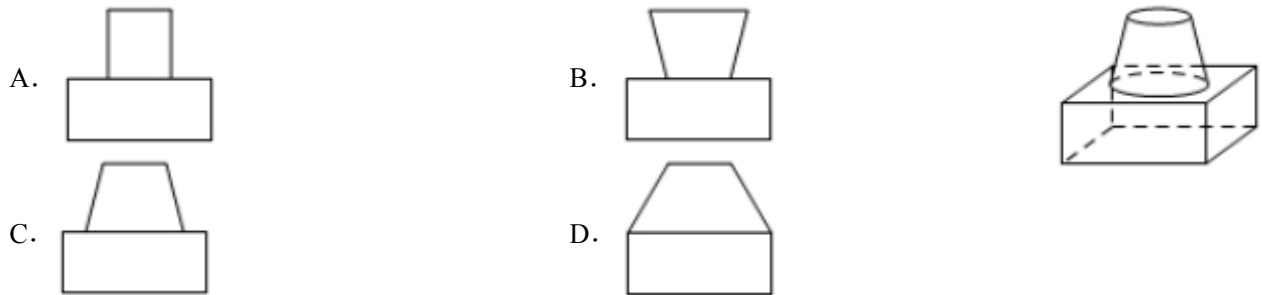
2. 据市烟花办相关负责人介绍，2015年除夕零时至正月十五24时，全市共销售烟花爆竹约196 000箱，同比下降了32%。将196 000用科学记数法表示应为（ ）。

- A. 1.96×10^5 B. 1.96×10^4 C. 19.6×10^4 D. 0.196×10^6

3. 下列运算正确的是（ ）。

- A. $3a + 3b = 6ab$ B. $a^3 - a = a^2$ C. $(a^2)^3 = a^6$ D. $a^6 \div a^3 = a^2$

4. 如图是一个几何体的直观图，则其主视图是（ ）。



5. 甲、乙、丙、丁四名选手参加100米决赛，赛场共设1, 2, 3, 4四条跑道，选手以随机抽签的方式决定各自的跑道。若甲首先抽签，则甲抽到1号跑道的概率是（ ）。

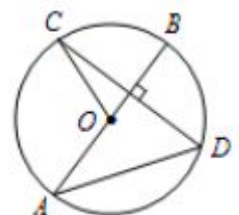
- A. 1 B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{4}$

6. 下列图形中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是（ ）。



7. 如图，线段AB是⊙O的直径，弦CD ⊥ AB，如果∠BOC = 70°，那么∠BAD等于（ ）。

- A. 20°
B. 30°
C. 35°
D. 70°

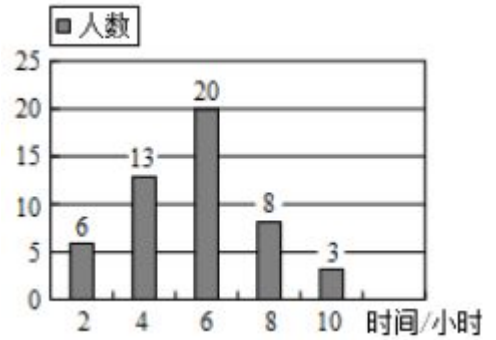


8. 在平面直角坐标系 xOy 中, 第一象限内的点 P 在反比例函数的图象上, 如果点 P 的纵坐标是 3, $OP=5$, 那么该函数的表达式为 ().

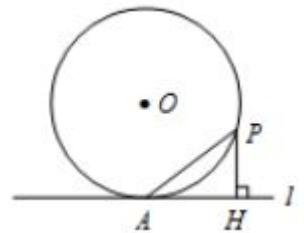
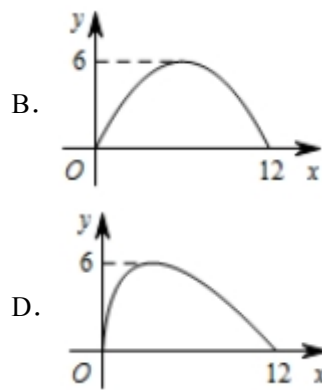
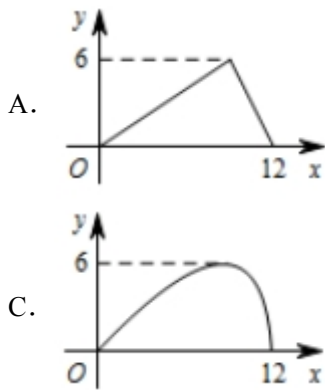
- A. $y = \frac{12}{x}$ B. $y = -\frac{12}{x}$ C. $y = \frac{15}{x}$ D. $y = -\frac{15}{x}$

9. 为了解某小区“全民健身”活动的开展情况, 某志愿者对居住在该小区的 50 名成年人一周的体育锻炼时间进行了统计, 并绘制成如图所示的条形统计图. 这组数据的众数和中位数分别是 ().

- A. 6, 4
B. 6, 6
C. 4, 4
D. 4, 6



10. 如图, 过半径为 6 的 $\odot O$ 上一点 A 作 $\odot O$ 的切线 l , P 为 $\odot O$ 上的一个动点, 作 $PH \perp l$ 于点 H , 连接 PA . 如果 $PA = x$, $AH = y$, 那么下列图象中, 能大致表示 y 与 x 的函数关系的是 ().



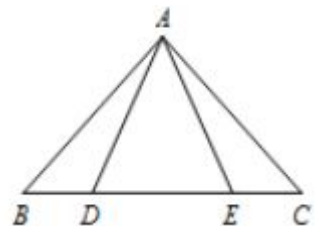
二、填空题 (本题共 18 分, 每小题 3 分)

11. 如果分式 $\frac{1}{x-5}$ 有意义, 那么 x 的取值范围是_____.

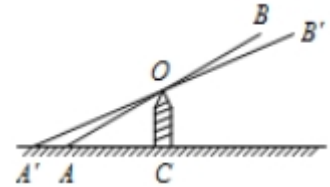
12. 半径为 4cm, 圆心角为 60° 的扇形的面积为_____ cm^2 .

13. 分解因式: $12m^2 - 3 =$ _____.

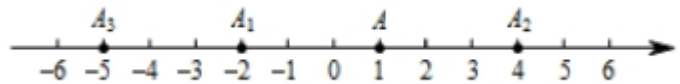
14. 如图, $\triangle ABC$ 中, $AB = AC$, 点 D, E 在 BC 边上, 当_____时, $\triangle ABD \cong \triangle ACE$. (添加一个适当的条件即可)



15. 如图是跷跷板的示意图，立柱 OC 与地面垂直，以 O 为横板 AB 的中点， AB 绕点 O 上下转动，横板 AB 的 B 端最大高度 h 是否会随横板长度的变化而变化呢？一位同学做了如下研究：他先设 $AB = 2\text{m}$ ， $OC = 0.5\text{m}$ ，通过计算得到此时的 h_1 ，再将横板 AB 换成横板 $A'B'$ ， O 为横板 $A'B'$ 的中点，且 $A'B' = 3\text{m}$ ，此时 B' 点的最大高度为 h_2 ，由此得到 h_1 与 h_2 的大小关系是： h_1 _____ h_2 （填“>”、“=”或“<”）。可进一步得出， h 随横板的长度的变化而_____（填“不变”或“改变”）。



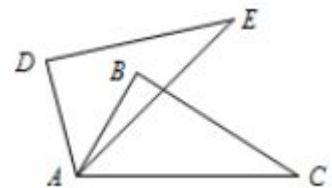
16. 如图，数轴上，点 A 的初始位置表示的数为 1，现点 A 做如下移动：第 1 次点 A 向左移动 3 个单位长度至点 A_1 ，第 2 次从点 A_1 向右移动 6 个单位长度至点 A_2 ，第 3 次从点 A_2 向左移动 9 个单位长度至点 A_3 ， \dots ，按照这种移动方式进行下去，点 A_4 表示的数是_____，如果点 A_n 与原点的距离不小于 20，那么 n 的最小值是_____。



三、解答题（本题共 30 分，每小题 5 分）

17. 计算： $\sqrt{12} + (\pi - 2008)^0 + (\frac{1}{2})^{-1} - 6 \tan 30^\circ$.

18. 如图， $\angle C = \angle E$ ， $\angle EAC = \angle DAB$ ， $AB = AD$ 。
求证： $BC = DE$ 。



19. 解不等式组 $\begin{cases} 2 - x \leq 0 \\ 3(5x + 1) > 4x - 8 \end{cases}$.

20. 先化简，再求值： $\frac{a^2+3a}{a^2+2a+1} \div \frac{a+3}{a+1} - \frac{1}{a+1}$ ，其中 $a = 2$.

21. 从北京到某市可乘坐普通列车或高铁. 已知高铁的行驶路程是 400 千米，普通列车的行驶路程是 520 千米. 如果高铁的平均速度是普通列车平均速度的 2.5 倍，且乘坐高铁比乘坐普通列车少用 3 小时. 求高铁的平均速度是多少千米/时.

22. 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 2(m-1)x - m(m+2) = 0$.

(1) 求证：此方程总有两个不相等的实数根；

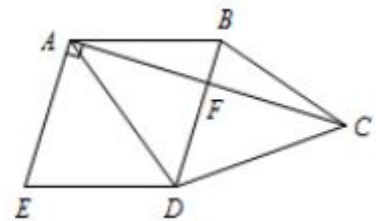
(2) 若 $x = -2$ 是此方程的一个根，求实数 m 的值.

四、解答题（本题共 20 分，每小题 5 分）

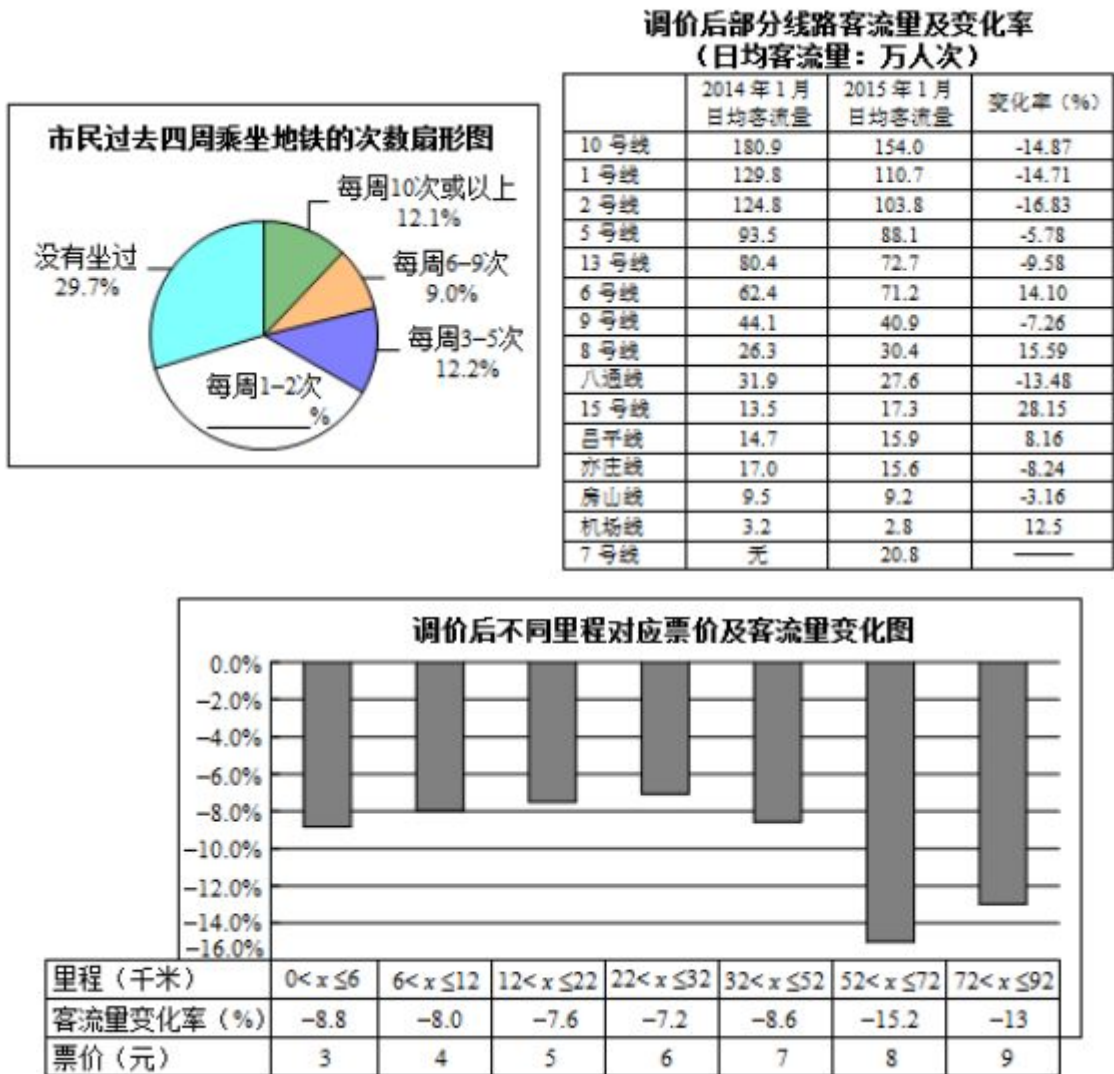
23. 如图，四边形 $ABCD$ 中， BD 垂直平分 AC ，垂足为点 F ， E 为四边形 $ABCD$ 外一点，且 $\angle ADE = \angle BAD$ ， $AE \perp AC$.

(1) 求证：四边形 $ABDE$ 是平行四边形；

(2) 如果 DA 平分 $\angle BDE$ ， $AB = 5$ ， $AD = 6$ ，求 AC 的长.



24. 在北京，乘坐地铁是市民出行时经常采用的一种交通方式。据调查，新票价改革政策的实施给北京市轨道交通客流带来很大变化。根据2015年1月公布的调价后市民当时乘坐地铁的相关调查数据，制作了以下统计表以及统计图。



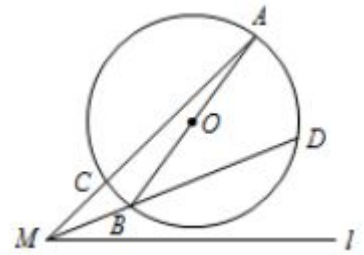
根据以上信息解答下列问题：

- (1) 补全扇形图；
- (2) 题目所给出的线路中，调价后客流量下降百分比最高的线路是_____，调价后里程 x (千米) 在_____范围内的客流量下降最明显。对于表中客流量不降反增而且增长率最高的线路，如果继续按此变化率增长，预计2016年1月这条线路的日均客流量将达到_____万人次；(精确到0.1)
- (3) 小王同学上学时，需要乘坐地铁15.9公里到达学校，每天上下学共乘坐两次。问调价后小王每周(按5天计算)乘坐地铁的费用比调价前多支出_____元。(不考虑使用市政一卡通刷卡优惠，调价前每次乘坐地铁票价为2元)

25. 如图, AB 为 $\odot O$ 的直径, M 为 $\odot O$ 外一点, 连接 MA 与 $\odot O$ 交于点 C , 连接 MB 并延长交 $\odot O$ 于点 D , 经过点 M 的直线 l 与 MA 所在直线关于直线 MD 对称. 作 $BE \perp l$ 于点 E , 连接 AD , DE .

(1) 依题意补全图形;

(2) 在不添加新的线段的条件下, 写出图中与 $\angle BED$ 相等的角, 并加以证明.



26. 阅读下面的材料:

小敏在数学课外小组活动中遇到这样一个问题:

如果 α , β 都为锐角, 且 $\tan \alpha = \frac{1}{2}$, $\tan \beta = \frac{1}{3}$, 求 $\alpha + \beta$ 的度数.

小敏是这样解决问题的: 如图1, 把 α , β 放在正方形网格中, 使得 $\angle ABD = \alpha$, $\angle CBE = \beta$, 且 BA , BC 在直线 BD 的两侧, 连接 AC , 可证得 $\triangle ABC$ 是等腰直角三角形, 因此可求得 $\alpha + \beta = \angle ABC =$ _____ $^\circ$.

请参考小敏思考问题的方法解决问题:

如果 α , β 都为锐角, 当 $\tan \alpha = 4$, $\tan \beta = \frac{3}{5}$ 时, 在图2的正方形网格中, 利用已作出的锐角 α , 画出 $\angle MON = \alpha - \beta$, 由此可得 $\alpha - \beta =$ _____ $^\circ$.

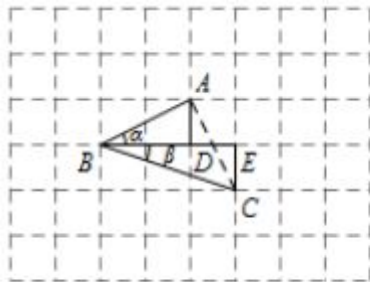


图1

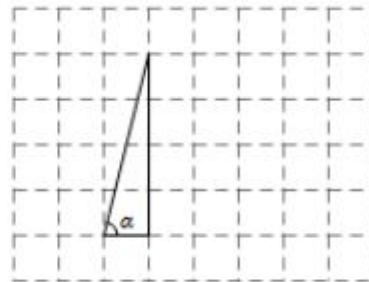
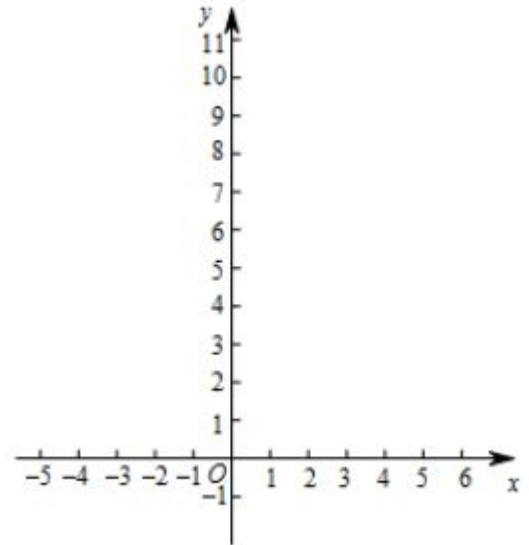


图2

五、解答题（本题共 22 分，第 27 题 7 分，第 28 题 7 分，第 29 题 8 分）

27. 已知二次函数 $y_1 = x^2 + bx + c$ 的图象 C_1 经过 $(-1, 0)$, $(0, -3)$ 两点.

- (1) 求 C_1 对应的函数表达式;
- (2) 将 C_1 先向左平移 1 个单位, 再向上平移 4 个单位, 得到抛物线 C_2 , 将 C_2 对应的函数表达式记为 $y_2 = x^2 + mx + n$, 求 C_2 对应的函数表达式;
- (3) 设 $y_3 = 2x + 3$, 在 (2) 的条件下, 如果在 $-2 \leq x \leq a$ 内存在某一个 x 的值, 使得 $y_2 \leq y_3$ 成立, 利用函数图象直接写出 a 的取值范围.



28. $\triangle ABC$ 中, $AB = AC$. 取 BC 边的中点 D , 作 $DE \perp AC$ 于点 E , 取 DE 的中点 F , 连接 BE , AF 交于点 H .

- (1) 如图 1, 如果 $\angle BAC = 90^\circ$, 那么 $\angle AHB =$ _____ $^\circ$, $\frac{AF}{BE} =$ _____;
- (2) 如图 2, 如果 $\angle BAC = 60^\circ$, 猜想 $\angle AHB$ 的度数和 $\frac{AF}{BE}$ 的值, 并证明你的结论;
- (3) 如果 $\angle BAC = \alpha$, 那么 $\frac{AF}{BE} =$ _____. (用含 α 的表达式表示)

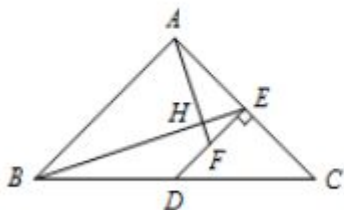


图1

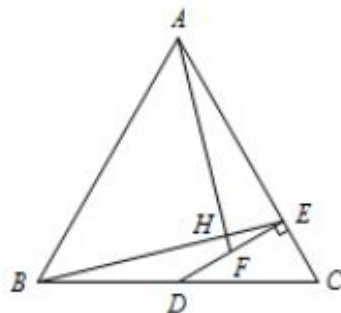


图2

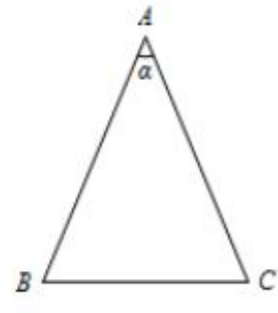


图3

29. 给出如下规定：两个图形 G_1 和 G_2 ，点 P 为 G_1 上任一点，点 Q 为 G_2 上任一点，如果线段 PQ 的长度存在最小值，就称该最小值为两个图形 G_1 和 G_2 之间的距离。

在平面直角坐标系 xOy 中， O 为坐标原点。

(1) 点 A 的坐标为 $A(1, 0)$ ，则点 $B(2, 3)$ 和射线 OA 之间的距离为_____，点 $C(-2, 3)$ 和射线 OA 之间的距离为_____；

(2) 如果直线 $y = x$ 和双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 之间的距离为 $\sqrt{2}$ ，那么 $k =$ _____；（可在图1中进行研究）

(3) 点 E 的坐标为 $(1, \sqrt{3})$ ，将射线 OE 绕原点 O 逆时针旋转 60° ，得到射线 OF ，在坐标平面内所有和射线 OE ， OF 之间的距离相等的点所组成的图形记为图形 M 。

①请在图2中画出图形 M ，并描述图形 M 的组成部分；（若涉及平面中某个区域时可以用阴影表示）

②将射线 OE ， OF 组成的图形记为图形 W ，抛物线 $y = x^2 - 2$ 与图形 M 的公共部分记为图形 N ，请直接写出图形 W 和图形 N 之间的距离。

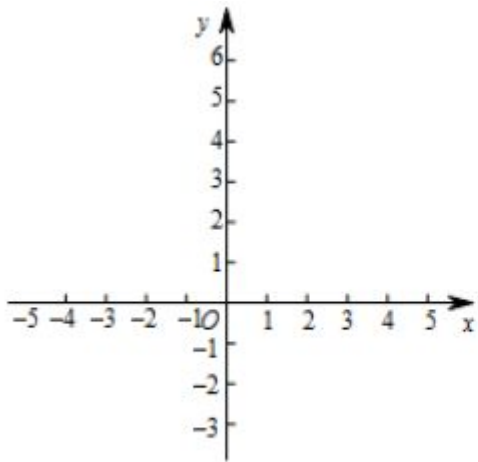


图1

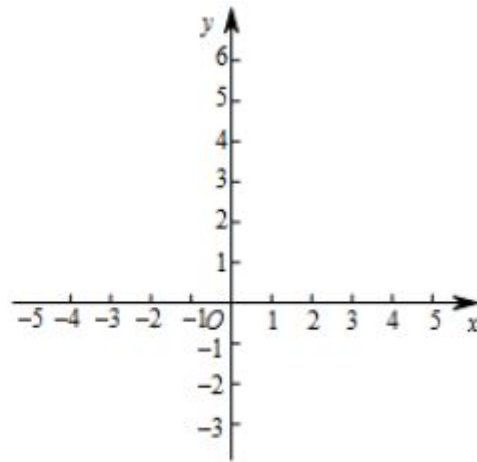


图2

2015年北京西城中考一模数学试卷

一、选择题（本题共 30 分，每小题 3 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	B	A	C	C	D	A	C	A	B	C

二、填空题（本题共 18 分，每小题 3 分）

题号	11	12	13	14	15	16
答案	$x \neq 5$	$\frac{8\pi}{3}$	$3(2m+1)(2m-1)$	$BD = CE, \angle BAD = \angle CAE,$ $\angle ADB = \angle AEC, BE = CD,$ $\angle BAE = \angle CAD,$ $AE = AD, \angle ADE = \angle AED,$ (只填一个即可)	=, 不变	7, 13

三、解答题（本题共 30 分，每小题 5 分）

17. 解: $\sqrt{12} + (\pi - 2008)^0 + (\frac{1}{2})^{-1} - 6 \tan 30^\circ$

$$= 2\sqrt{3} + 1 + 2 - 6 \times \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$= 2\sqrt{3} + 3 - 2\sqrt{3}$$

$$= 3.$$

18. 证明: $\because \angle EAC = \angle DAB,$
 $\therefore \angle EAC + \angle BAE = \angle DAB + \angle BAE.$
 即 $\angle BAC = \angle DAE.$
 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADE$ 中,

$$\begin{cases} \angle C = \angle E \\ \angle BAC = \angle DAE, \\ AB = AD \end{cases}$$

 $\therefore \triangle ABC \cong \triangle ADE.$
 $\therefore BC = DE.$

19. 解: 由 $2 - x \leq 0,$ 得 $x \geq 2.$
 由 $3(5x + 1) > 4x - 8,$ 得 $15x + 3 > 4x - 8.$
 移项, 合并, 得 $11x > -11.$
 系数化 1, 得 $x > -1.$
 所以原不等式组的解集为 $x \geq 2.$

20. 解: $\frac{a^2 + 3a}{a^2 + 2a + 1} \div \frac{a + 3}{a + 1} - \frac{1}{a + 1}$

$$= \frac{a(a + 3)}{(a + 1)^2} \div \frac{a + 3}{a + 1} - \frac{1}{a + 1}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{a(a+3)}{(a+1)^2} \cdot \frac{a+1}{a+3} - \frac{1}{a+1} \\
 &= \frac{a}{a+1} - \frac{1}{a+1} \\
 &= \frac{a-1}{a+1}.
 \end{aligned}$$

当 $a=2$ 时, 原式 $= \frac{2-1}{2+1} = \frac{1}{3}$.

21. 解: 设普通列车的平均速度为 x 千米/时, 则高铁的平均速度是 $2.5x$ 千米/时.

依题意, 得 $\frac{400}{2.5x} + 3 = \frac{520}{x}$.

解得 $x=120$.

经检验, $x=120$ 是原方程的解, 且符合题意.

所以 $2.5x=300$.

答: 高铁的平均速度是 300 千米/时.

22. 证明: (1) $\Delta = [-2(m-1)]^2 + 4m(m+2)$

$$= 4m^2 - 8m + 4 + 4m^2 + 8m$$

$$= 8m^2 + 4.$$

$$\because 8m^2 \geq 0,$$

$$\therefore 8m^2 + 4 > 0.$$

\therefore 方程总有两个不相等的实数根.

解: (2) $\because x=-2$ 是此方程的一个根,

$$\therefore (-2)^2 - 2 \times (-2)(m-1) - m(m+2) = 0.$$

整理得 $m^2 - 2m = 0$.

解得 $m_1 = 0, m_2 = 2$.

四、解答题 (本题共 20 分, 每小题 5 分)

23. 证明: (1) $\because \angle ADE = \angle BAD,$

$$\therefore AB \parallel ED.$$

$\because BD$ 垂直平分 AC , 垂足为 F ,

$$\therefore BD \perp AC, AF = FC.$$

又 $\because AE \perp AC,$

$$\therefore \angle EAC = \angle DFC = 90^\circ.$$

$$\therefore AE \parallel BD.$$

\therefore 四边形 $ABDE$ 是平行四边形.

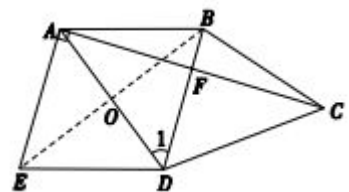
解: (2) 如图, 连接 BE 交 AD 于点 O .

$$\because DA \text{ 平分 } \angle BDE,$$

$$\therefore \angle ADE = \angle 1.$$

又 $\because \angle ADE = \angle BAD,$

$$\therefore \angle 1 = \angle BAD.$$



$\therefore AB = BD.$

\therefore 平行四边形 $ABDE$ 是菱形.

$\therefore AB = 5, AD = 6,$

$\therefore BD = AB = 5, AD \perp BE, OA = \frac{1}{2}AD = 3.$

在 $Rt\triangle OAB$ 中, $OB = \sqrt{AB^2 - OA^2} = 4.$

$\therefore S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2}AD \cdot OB = \frac{1}{2}BD \cdot AF,$

$\therefore 6 \times 4 = 5AF.$

解得 $AF = 4.8.$

$\therefore BD$ 垂直平分 $AC,$

$\therefore AC = 2AF = 9.6.$

24. 解: (1) 全扇形图中, 需要填写的为 37.0.

(2) 2 号线, $52 < x \leq 72, 22.2.$

(3) 30.

25. 解: (1) 依题意, 补全图形如图.

(2) $\angle BAD.$

如图, 连接 $BC, CD.$

\therefore 直线 l 与直线 MA 关于直线 MD 对称,

$\therefore \angle 1 = \angle 2.$

$\therefore AB$ 为 $\odot O$ 的直径,

$\therefore \angle ACB = 90^\circ,$ 即 $BC \perp MA.$

又 $\therefore BE \perp l,$

$\therefore MC = MB \cdot \cos \angle 1, ME = MB \cdot \cos \angle 2,$

$\therefore MC = ME.$

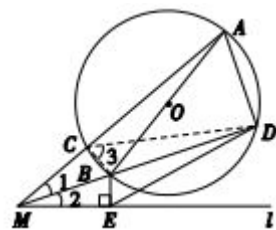
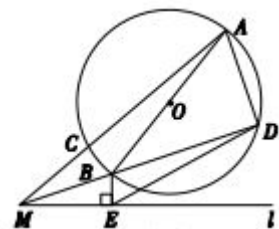
又 $\therefore C, E$ 两点分别在直线 MA 与直线 l 上,

可得 C, E 两点关于直线 MD 对称.

$\therefore \angle 3 = \angle BED.$

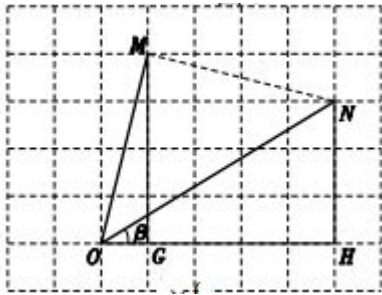
又 $\therefore \angle 3 = \angle BAD,$

$\therefore \angle BAD = \angle BED.$



26. 解: 45.

画图见图.



45.

五、解答题 (本题共 22 分, 第 23 题 7 分, 第 24 题 7 分, 第 25 题 8 分)

27. 解: (1) \because 二次函数 $y_1 = x^2 + bx + c$ 的图象 C_1 经过 $(-1, 0)$, $(0, -3)$ 两点,

$$\therefore \begin{cases} 1 - b + c = 0 \\ c = -3 \end{cases}, \text{ 解得 } \begin{cases} b = -2 \\ c = -3 \end{cases}.$$

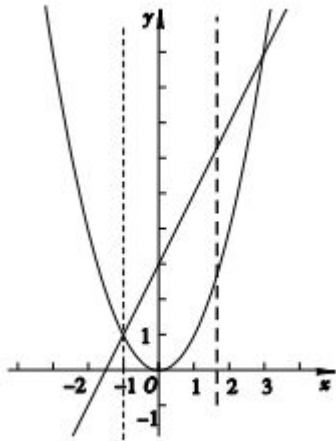
\therefore 抛物线 C_1 的函数表达式为 $y_1 = x^2 - 2x - 3$.

(2) $\because y_1 = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$,

\therefore 抛物线 C_1 的顶点为 $(1, -4)$.

\therefore 平移后抛物线 C_2 的顶点为 $(0, 0)$, 它对应的函数表达式为 $y_2 = x^2$.

(3) $a \geq -1$.



28. 解: (1) $90^\circ, \frac{1}{2}$.

(2) 结论: $\angle AHB = 90^\circ, \frac{AF}{BE} = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

证明: 如图, 连接 AD .

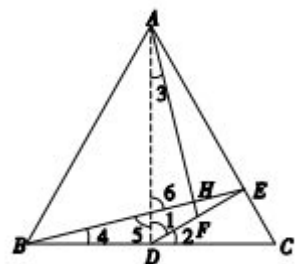
$\because AB = AC, \angle BAC = 60^\circ$,

$\therefore \triangle ABC$ 是等边三角形.

$\because D$ 为 BC 的中点,

$\therefore AD \perp BC$.

$\therefore \angle 1 + \angle 2 = 90^\circ$.



又 $\because DE \perp AC$,

$$\therefore \angle DEC = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle 2 + \angle C = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle 1 = \angle C = 60^\circ.$$

设 $AB = BC = k (k > 0)$,

$$\text{则 } CE = \frac{1}{2}CD = \frac{k}{4}, \quad DE = \frac{\sqrt{3}}{4}k.$$

$\because F$ 为 DE 的中点,

$$\therefore DF = \frac{1}{2}DE = \frac{\sqrt{3}}{8}k, \quad AD = \frac{\sqrt{3}}{2}AB = \frac{\sqrt{3}}{2}k.$$

$$\therefore \frac{AD}{BC} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad \frac{DF}{CE} = \frac{\sqrt{3}}{2}.$$

$$\therefore \frac{AD}{BC} = \frac{DF}{CE}.$$

又 $\because \angle 1 = \angle C$,

$$\therefore \triangle ADF \sim \triangle BCE.$$

$$\therefore \frac{AF}{BE} = \frac{AD}{BC} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad \angle 3 = \angle 4.$$

又 $\because \angle 4 + \angle 5 = 90^\circ$, $\angle 5 = \angle 6$,

$$\therefore \angle 3 + \angle 6 = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle AHB = 90^\circ.$$

(3) $\frac{1}{2}\tan(90^\circ - \frac{\alpha}{2})$. 注: 写 $\frac{1 + \cos \alpha}{2 \sin \alpha}$ 或其他答案相应给分.

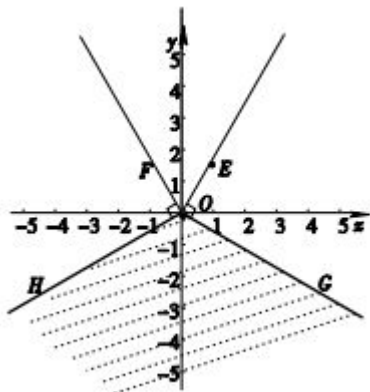
29. 解: (1) 3, $\sqrt{13}$.

(2) -1.

(3) ①如图, 过点 O 分别作射线 OE 、 OF 的垂线 OG 、 OH , 则图形 M 为: y 轴正半轴, $\angle GOH$ 的边及其内部的所有点 (图中的阴影部分).

图形 M 也可描述为: y 轴正半轴, 直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$ 下方与直线 $y = -\frac{\sqrt{3}}{3}x$ 下方重叠的部分 (含边界))

② $\frac{4}{3}$.



一、选择题

1. 【答案】B

【解析】 $\frac{1}{3}$ 的相反数是 $-\frac{1}{3}$.

故选 B.

2. 【答案】A

【解析】196 000用科学记数法表示应为 1.96×10^5 .

故选 A.

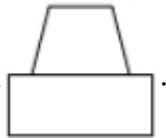
3. 【答案】C

【解析】 $3a+3b$ 、 a^3-a 不是同类项，不可以合并； $a^6 \div a^3 = a^3$ ，只有选项 C 是正确的.

故选 C.

4. 【答案】C

【解析】该几何体的主视图是



故选 C.

5. 【答案】D

【解析】四条跑道，甲抽到1号跑道的概率是 $\frac{1}{4}$.

故选 D.

6. 【答案】A

【解析】B、C选项是轴对称图形，不是中心对称图形；D选项是中心对称图形，不是轴对称图形；只有A选项既是轴对称图形又是中心对称图形.

故选 A.

7. 【答案】C

【解析】 $\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径， $CD \perp AB$,

$\therefore \overset{\frown}{BC} = \overset{\frown}{BD}$,

$\therefore \angle BAD = \frac{1}{2} \angle BOC = 35^\circ$.

故选 C.

8. 【答案】A

【解析】点P的纵坐标是3， $OP=5$ ，由勾股定理可知P的横坐标是4，即 $P(4, 3)$ ， $k=3 \times 4=12$ ，

\therefore 该函数的表达式为 $y = \frac{12}{x}$.

故选 A.

9. 【答案】 B

【解析】 依题可知，这组数据的众数是 6，中位数也是 6.

故选 B.

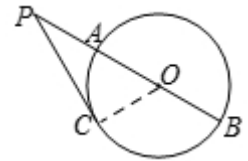
10. 【答案】 C

【解析】 由勾股定理可知， $PA^2 = AH^2 + PH^2$ ，

当 PH 与 $\odot O$ 相切时， AH 会取得最大值，最大值为 $\odot O$ 的半径 6，此时有勾股定理可知 $PA = 6\sqrt{2}$.

由排除法可知，选 C.

故选 C.



二、填空题

11. 【答案】 $x \neq 5$

【解析】 分式 $\frac{1}{x-5}$ 有意义，则 x 的取值范围是 $x \neq 5$.

答案为 $x \neq 5$.

12. 【答案】 $\frac{8}{3}\pi$

【解析】 半径为 4cm，圆心角为 60° 的扇形的面积为 $\frac{60\pi \times 4^2}{360} = \frac{8}{3}\pi$.

故答案为 $\frac{8}{3}\pi$.

13. 【答案】 $3(2m+1)(2m-1)$

【解析】 分解因式 $12m^2 - 3 = 3(4m^2 - 1) = 3(2m+1)(2m-1)$.

故答案为 $3(2m+1)(2m-1)$.

14. 【答案】 $BD = CE$ ， $\angle BAD = \angle CAE$ ， $\angle ADB = \angle AEC$ ， $BE = CD$ ， $\angle BAE = \angle CAD$ ， $\angle ADE = \angle AED$ ， $AE = AD$ （只填一个即可）

【解析】 $\because AB = AC$ ， $\therefore \angle B = \angle C$.

添加 $BD = CE$ 、 $BE = CD$ ，可通过 SAS 证明 $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ ；

添加 $\angle BAD = \angle CAE$ 、 $\angle BAE = \angle CAD$ ，可通过 ASA 证明 $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ ；

添加 $\angle ADB = \angle AEC$ 、 $\angle ADE = \angle AED$ 、 $AE = AD$ ，可通过 AAS 证明 $\triangle ABD \cong \triangle ACE$.

故答案为 $BD = CE$ ， $\angle BAD = \angle CAE$ ， $\angle ADB = \angle AEC$ ， $BE = CD$ ， $\angle BAE = \angle CAD$ ， $\angle ADE = \angle AED$ ， $AE = AD$ （只填一个即可）.

15. 【答案】 =，不变

【解析】 由三角形的中位线可知， $h_1 = h_2 = 2OC = 1\text{m}$.

故答案为 =，不变.

16. 【答案】 7, 13

【解析】依题可知， A 表示的数是 1，
 A_1 表示的数是 -2， A_2 表示的数是 4，
 A_3 表示的数是 -5， A_4 表示的数是 7，
 A_5 表示的数是 -8， A_6 表示的数是 10，
L L

当 k 为奇数时， A_k 表示的数是 $-3 \times \frac{n+1}{2} + 1$ ，

当 k 为偶数时， A_k 表示的数是 $3 \times \frac{n}{2} + 1$ ，

$-3 \times \frac{n+1}{2} + 1 \leq -20$ ，解得 $n \geq 13$ ，

$3 \times \frac{n}{2} + 1 \geq 20$ ，解得 $n \geq \frac{38}{3}$ (舍)，

故 A_4 表示的数是 7， n 的最小值是 13.

故答案为 7, 13.