

1. 下列图形中，中心对称图形有（ ）。

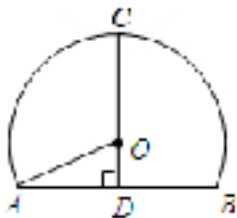


- A. 1个
- B. 2个
- C. 3个
- D. 4个

【答案】C

【解析】前三个图形，均为中心对称图形，故有3个。

2. “两龙”高速公路是目前我省高速公路隧道和桥梁最多的路段。如图，是一个单心圆曲隧道的截面，若路面 AB 宽为10米，净高 CD 为7米，则此隧道单心圆的半径 OA 是（ ）。



- A. 5
- B. $\frac{37}{7}$
- C. $\frac{37}{5}$
- D. 7

【答案】B

【解析】 $\because OD \perp AB$ ，

$$AD = DB = \frac{1}{2}AB = \frac{1}{2} \times 10 = 5$$

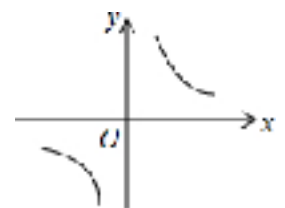
在 $Rt\triangle OAD$ 中，设半径 $OA = r$ ， $OD = CD - r = 7 - r$ ，

$$\therefore OA^2 = OD^2 + AD^2，即 r^2 = (7 - r)^2 + 5^2，$$

$$解得 r = \frac{37}{7}。$$

\therefore 此隧道单心圆的半径 OA 是 $\frac{37}{7}$ 米。

3. 已知反比例函数 $y = \frac{m-1}{x}$ 的图象如图所示，则实数 m 的取值范围是（ ）。

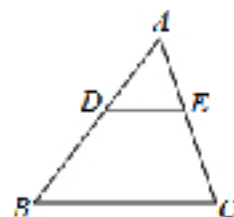


- A. $m > 1$
- B. $m > 0$
- C. $m < 1$
- D. $m < 0$

【答案】A

【解析】由图可知， $m - 1 > 0$ ，
解得 $m > 1$ 。

4. 如图，在 $\triangle ABC$ 中，点 D ， E 分别在边 AB ， AC 上， $DE \parallel BC$ 。已知 $AE = 6$ ， $\frac{AD}{DB} = \frac{3}{4}$ ，则 EC 的长是（ ）。



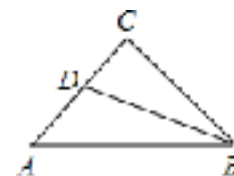
- A. 14
- B. 10.5
- C. 8
- D. 4.5

【答案】C

【解析】 $\because DE \parallel BC$ ， $\frac{AD}{DB} = \frac{3}{4}$ ，
 $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$ ，即 $\frac{AE}{EC} = \frac{3}{4}$ ，
 $\because AE = 6$ ，
 $\therefore EC = 8$ 。

5. 把抛物线 向右平移 个单位，再向下平移 个单位，得到抛物线
33ac55681a5841e2baabbd0130a47dcf

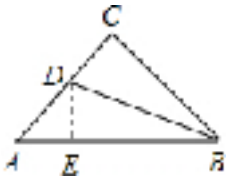
6. 如图：在等腰直角三角形 ABC 中， $\angle C = 90^\circ$ ， $AC = 6$ ， D 是 AC 上一点，若 $\tan \angle DBA = \frac{1}{5}$ ，则 AD 的长为（ ）。



- A. $2\sqrt{2}$
- B. 2
- C. 1
- D. $\sqrt{2}$

【答案】B

【解析】作 $DE \perp AB$ 于 E 点。



$$\tan \angle DBA = \frac{DE}{BE} = \frac{1}{5},$$

$$\therefore BE = 5DE.$$

$\therefore \triangle ABC$ 为等腰直角三角形,

$$\therefore \angle A = 45^\circ,$$

$$\therefore AE = DE.$$

$$\therefore BE = 5AE.$$

$$\therefore AC = 6,$$

$$\therefore AB = 6\sqrt{2},$$

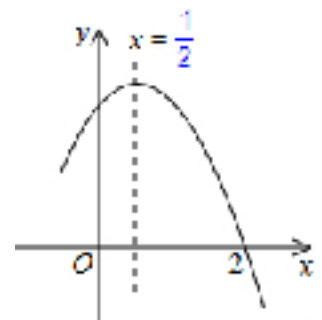
$$\therefore AE + BE = AE + 5AE = 6AE = 6\sqrt{2},$$

$$\therefore AE = \sqrt{2}.$$

在等腰直角三角形 ADE 中, $AD = \sqrt{2}AE = 2$.

7. 如图, 函数 $y = ax^2 + bx + c$ 和 $y = \frac{1}{2}x$ 的图象相交于点 $(0, 0)$ 和 $(2, 0)$, 则不等式 $ax^2 + bx + c > \frac{1}{2}x$ 的解集为 $0 < x < 2$.

8. 如图是二次函数 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 图象的一部分, 对称轴为直线 $x = \frac{1}{2}$, 且经过点 $(2, 0)$, 有下列说法: ① $abc < 0$; ② $a + b = 0$; ③ $4a + 2b + c < 0$; ④若 $(0, y_1)$, $(1, y_2)$ 是抛物线上的两点, 则 $y_1 = y_2$. 上述说法正确的是 (C).



- A. ①③④
- B. ③④
- C. ①②④
- D. ①②

【答案】 C

【解析】 ① \because 二次函数的图象开口向下,

$$\therefore a < 0,$$

\because 二次函数的图象交 y 轴的正半轴于一点,

$$\therefore c > 0,$$

$$\therefore \text{对称轴是直线 } x = \frac{1}{2},$$

$$\therefore -\frac{b}{2a} = \frac{1}{2},$$

$$\therefore b = -a > 0,$$

$$\therefore abc < 0.$$

故①正确;

$$\text{②} \because \text{由①中知 } b = -a,$$

$$\therefore a + b = 0,$$

故②正确;

$$\text{③把 } x = 2 \text{ 代入 } y = ax^2 + bx + c \text{ 得: } y = 4a + 2b + c,$$

\therefore 抛物线经过点 $(2, 0)$,

$$\therefore \text{当 } x = 2 \text{ 时, } y = 0, \text{ 即 } 4a + 2b + c = 0.$$

故③错误;

$$\text{④} \because (0, y_1), (1, y_2) \text{ 关于抛物线的对称轴直线 } x = \frac{1}{2} \text{ 对称,}$$

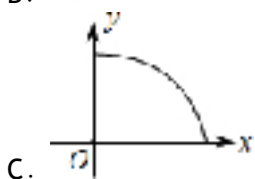
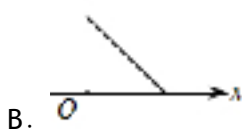
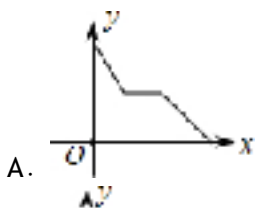
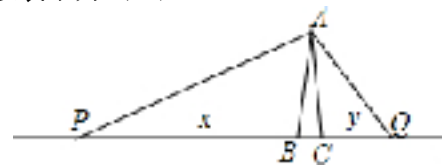
$$\therefore y_1 = y_2.$$

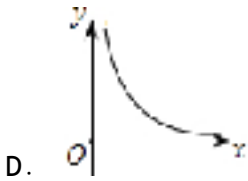
故④正确.

故正确的为①②④.

9. 如图, 在平面直角坐标系中, \odot 的圆心是 , 半径为 , 函数 的图象被 截得的弦 的长为 , 则 的值是 [ff8080814cdb1d93014cdc28ef7e03b2](#)

10. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 1$, $\angle BAC = 20^\circ$. 动点 P, Q 分别在直线 BC 上运动, 且始终保持 $\angle PAQ = 100^\circ$. 设 $BP = x$, $CQ = y$, 则 y 与 x 的函数关系图象大致可以表示为 ().





【答案】D

【解析】 $\because AB = AC = a$ ， $\angle BAC = 20^\circ$ ，
 $\therefore \angle ABC = \angle ACB = 12(180^\circ - 20^\circ) = 80^\circ$ ，
 $\therefore \angle ABC = \angle APB + \angle PAB = 80^\circ$ ，
 $\therefore \angle PAQ = 100^\circ$ ， $\angle BAC = 20^\circ$ ，
 $\therefore \angle PAB + \angle QAC = 100^\circ - 20^\circ = 80^\circ$ ，
 $\therefore \angle APB = \angle QAC$ ，

同理可得 $\angle PAB = \angle AQC$ ，

$\therefore \triangle APB \sim \triangle QAC$ ，

$\frac{BP}{AC} = \frac{AB}{CQ}$ ，即 $\frac{x}{a} = \frac{a}{y}$ ，

整理得， $y = \frac{a^2}{x}$ ，

$\therefore x$ 、 y 都是边的长度，是正数，

$\therefore y$ 与 x 之间的函数关系用图象表示是反比例函数在第一象限内的部分，
 纵观各选项，只有 A 符合。

11. 因式分解： $a^3 - ab^2 =$

77d862188ee245a9af0bd4dff08275e9

12. 如图，在边长为4的长方形 $ABCD$ 中，先以点 A 为圆心， AD 的长为半径画弧，再以 AB 边的中点为圆心， AB 长的一半为半径画弧，则两弧之间的阴影部分面积是_____。

【答案】

【解析】

8aac50a74ebadfde014ec086c9b215b0

13. 二次函数 $y = (m-1)x^{5-2m-m^2}$ 在其图象对称轴的右侧， y 随着 x 的增大而减小，则 m 的值为_____。

【答案】-3

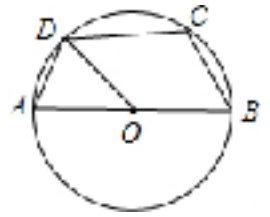
【解析】 $\because y = (m-1)x^{5-2m-m^2}$ 为二次函数，

$\therefore 5 - 2m - m^2 = 2$ ， $m - 1 \neq 0$ ，

解得 $m = -3$ 。

当 $m = -3$ 时，符合题意，在二次函数图象对称轴的右侧， y 随着 x 的增大而减小。

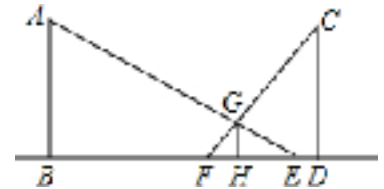
14. 如图， AB 为 $\odot O$ 的直径，点 C 、 D 在 $\odot O$ 上，若 $\angle AOD = 30^\circ$ ，则 $\angle BCD$ 的度数是_____。



【答案】 105°

【解析】 $\because \angle AOD = 30^\circ, OD = OA,$
 $\therefore \angle OAD = 75^\circ,$
 $\therefore \angle BCD = 180^\circ - 75^\circ = 105^\circ.$

15. 如图，晚上，小亮走在大街上．他发现：当他站在大街两边的两盏路灯之间，并且自己被两边路灯照在地上的两个影子成一直线时，自己右边的影子长为3米，左边的影子长为1.5米．又知自己身高1.8米，两盏路灯的高相同，两盏路灯之间的距离为12米．则路灯的高为_____米．



【答案】 6.6

【解析】 设路灯的高为 x 米．
 $\because GH \perp BD, AB \perp BD,$
 $\therefore GH \parallel AB,$
 $\therefore \triangle EGH \sim \triangle EAB,$
 $\frac{GH}{x} = \frac{EH}{EB},$
 同理, $\frac{GH}{x} = \frac{FH}{FD},$
 $\frac{EH}{EB} = \frac{FH}{FD} = \frac{EH + FH}{EB + FD},$
 $\frac{3}{EB} = \frac{4.5}{12 + 4.5},$
 解得 $EB = 11,$
 $\frac{1.8}{x} = \frac{3}{11},$ 解得 $x = 6.6.$
 故路灯的高为 6.6 米．

16. 如图，直线，点坐标为，过点作轴的垂线交直线于点，
 ff80808145deb5c50145e6f253820f2a

17. 计算：
 $(-1)^0 - \sqrt{4} + \dots + \frac{1}{2}^{-1}$

ff8080814d32fc66014d33aa129c00ae

18. 已知 $x^2 - 4x - 1 = 0$ ，求代数式 $2x(x-3) - (x-1)^2 + 3$ 的值.

ff8080814db3e92e014dbfa216640ec7

19. 如图， $AB \parallel CD$ ， $AB=BC$ ， $\angle A=110^\circ$ ，求证： $BE=CD$.

ff8080814db3e92e014dd8dddddcc3070

20. 如图，在 $\triangle DEF$ 中， $EF=2$ ， $DE=4$ ， $\angle DEF=120^\circ$ ，求 DF 的长.

8aac49074e023206014e399d973343a5

21. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC=8$ ， $BC=6$ ，点 D 为 BC 上一点， $BD=2$.

8aac49074e724b45014e7f329c5a31db

22. 已知抛物线 $y = x^2 - (2m-1)x + m^2 - m$.

8aac49074e724b45014e754c3e980d36

23. 已知 如图所示地摆放在边长为1的小正方形组成的网格内，将 $\triangle ABC$ 绕点 A 旋转 90° 得到 $\triangle ADE$.

8aac49074e724b45014e752a646f0cdd

24. 体育测试时，九年级一名男生，双手扔实心球.

8aac49074e724b45014e9117057e75d0

25. 如图， AB 是 $\odot O$ 的直径，以 AB 为边做 $\triangle ABC$ ，使得 $AC=AB$ ， BC 交 $\odot O$ 于点 D .

ff8080814db3e92e014db9a3e04e0787

26. 阅读下列材料：

如图1，若点 P 是 $\odot O$ 外的一点，线段 PO 交 $\odot O$ 于点 A ，

ff8080814db3e529014dc15283e51f8e

27. 在平面直角坐标系 xOy 中，抛物线 $y = mx^2 - 2mx + m + 4$ 与 y 轴交于点 $A(0,3)$ ，抛物线的对称轴与 x 轴交于点 B ，直线 $l_1: y = kx + b$ 经过点 B 和点 $C(-1,-2)$.

(1) 求直线 l_1 及抛物线的表达式.

(2) 已知点 $P(t,0)$ ，过点 P 作垂直于 x 轴的直线交抛物线于点 M ，交直线 l_1 于点 N ，若点 M 和点 N 中至少有一个点在 x 轴下方，直接写出 t 的取值范围.

(3) 将 l_1 向上平移两个单位得到直线 l_2 ，与抛物线交于点 E ， D （点 E 在点 D 左侧）. 若 Q 是抛物线上位于直线 l_2 上方的一个动点，求 $\triangle EDQ$ 的面积的最大值.

【解析】 (1) \because 抛物线 $y = mx^2 - 2mx + m + 4$ 与 y 轴交于点 $A(0,3)$,

$\therefore m + 4 = 3$ ，解得 $m = -1$.

\therefore 抛物线的解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3$.

\therefore 抛物线的对称轴为 $x = 1$,

\therefore 点 B 的坐标为 $(1,0)$.

将 $B(1,0)$ 和 $C(-1,-2)$ 代入 $y = kx + b$,

得直线 l_1 的解析式为 $y = x - 1$.

(2) 由题意知，点 M 的坐标为 $(t, -t^2 + 2t + 3)$ ，点 N 的坐标为 $(t, t - 1)$.

若点 M 在 x 轴下方,

则 $-t^2 + 2t + 3 < 0$, 解得 $t < -1$ 或 $t > 3$.

若点 N 在 x 轴下方,

则 $t - 1 < 0$, 解得 $t < 1$.

综上, 若点 M 和点 N 中至少有一个点在 x 轴下方, $t < 1$ 或 $t > 3$.

(也可以画出函数图象, 由函数图象得到)

(3) 将 l_1 向上平移两个单位得到 $y = x + 1$.

$$\text{联立 } \begin{cases} y = x + 1 \\ y = -x^2 + 2x + 3 \end{cases}, \text{ 解得 } E(-1, 0), D(2, 3).$$

设点 Q 的坐标为 $(m, -m^2 + 2m + 3)$,

$$\text{则 } S_{\triangle DEQ} = \frac{1}{2} \times 3 \times (-m^2 + 2m + 3 - m - 1)$$

$$= -\frac{3}{2} \left(m - \frac{1}{2} \right)^2 + \frac{27}{8}$$

$\therefore \triangle EDQ$ 的面积的最大值为 $\frac{27}{8}$.

28. 在中, $AB=BC=2$, $\angle ABC=90^\circ$, BD 为斜边 AC 上的中线, 将 $\triangle BDC$ 绕点 D 顺时针旋转 60° 得到 $\triangle B'D'C'$, 其中点 A 的对应点为点 E , 点 B 的对应点为点 F .

ff8080814db3e92e014dcbf23eb42321

29. 对于平面直角坐标系 xOy 中的某点 P 和 $\odot C$, 给出如下定义: 若 $\odot C$ 上存在两个点 A, B , 使得 $\angle APB = 60^\circ$, 则称点 P 为 $\odot C$ 的“凤尾点”, $\triangle ABP$ 则为 $\odot C$ 的“凤尾三角形”.

ff80808148ac61db0148ad00aee2008c (修改一下)