

2018-2019 翔宇初三第一次月考数学答案

一、选择题

1-5 D B C D B 6-10 B C C A D 11-12 A C

二、填空题

13. -1 14. 1 15. $x_1 = -4, x_2 = 0$ 16. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ 17. $0 < S < 4$ 18. ①③④

三、解答题

19. (1) $2(x-3)^2 - 18 = 0$

解: $2(x-3)^2 = 18$

$(x-3)^2 = 9$

$x-3 = \pm 3$

$x-3 = 3$ 或 $x-3 = -3$

$x_1 = 6, x_2 = 0$

(2) $x^2 - 5x + 3 = 0$

解: $a=1, b=-5, c=3$

$\Delta = b^2 - 4ac = 25 - 12 = 13 > 0$

\therefore 方程有 2 个不相等的实数根

$x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 \pm \sqrt{13}}{2}$

$x_1 = \frac{5 + \sqrt{13}}{2}, x_2 = \frac{5 - \sqrt{13}}{2}$

20. 解: (1) 设解析式为 $y = a(x-h)^2 + k$ ($a \neq 0$)

把顶点 $(-1, 2)$ 代入, 得

~~$y = a(x+1)^2 + k$~~

$y = a(x+1)^2 + 2$

把 $(1, -3)$ 代入

$-3 = a(1+1)^2 + 2 \Rightarrow a = -\frac{5}{4}$

\therefore 解析式为 $y = -\frac{5}{4}(x+1)^2 + 2$

(2) $\because a = -\frac{5}{4} < 0$

\therefore 开口向下

对称轴为直线 $x = -1$.

21. (1) $y = x^2 - 2x - 3$

$y = x^2 - 2x + 1 - 4$

$y = (x-1)^2 - 4$

(2) $y_1 > y_2$

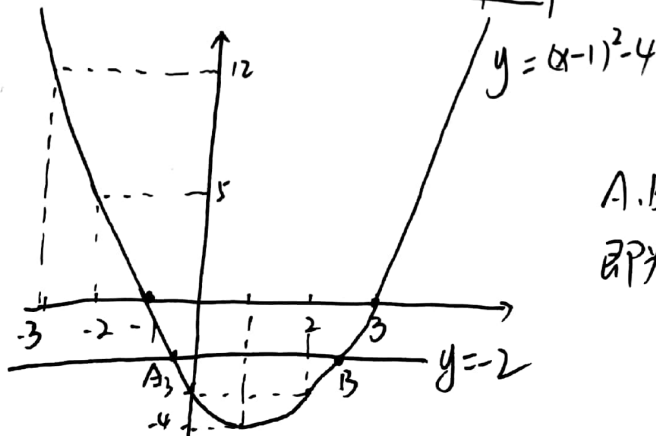
(3) $x^2 - 2x - 1 = 0$

$x^2 - 2x - 3 + 2 = 0$

$x^2 - 2x - 3 = -2$

即函数 $y = -2$

x	...	-3	-2	-1	0	1	2	3	...
y	...	12	5	0	-3	-4	-3	0	...



A, B 横坐标
即为所求



22. 解: $AD=BC=X$

则 $AB=40-2X$

由题意可知 $0 < 40-2X \leq 18$

即 $11 \leq X < 20$

$$y = X \cdot (40-2X) = -2X^2 + 40X \quad (11 \leq X < 20)$$

$$\textcircled{1} X = -\frac{b}{2a} = \frac{40}{-2} = -10$$

由右图可知, 当 $X=11$ 时.

$$y \text{ 有最大值为: } 11 \times (40-2 \times 11) = 198$$

答: 当 X 为 11 米时, 花园面积最大为 198 平方米.



23. 解: (1) $45 + \frac{260-240}{10} \times 7.5 = 60$ 吨

答: 售价为 240 元时, 月销量为 60 吨.

$$(2) y = (X-100)(45 + \frac{260-X}{10} \times 7.5)$$

$$y = -\frac{3}{4}X^2 + 315X - 24000$$

$$(3) y = -\frac{3}{4}X^2 + 315X - 24000$$

$$y = -\frac{3}{4}(X-210)^2 + 9075$$

\therefore 当售价定为 210 元时,

月利润最大.

(4) 我认为小静说的不对.

当月利润最大时, X 为 210 元. 此时
月销售额为 17325 元.

而当 $X=200$ 时, 月销售额为 18000 元.

$$17325 < 18000$$

\therefore 月利润最大时, 销售额不是最大.

\therefore 小静说的不对.

24. 解: (1) 当 $a=0$ 时, $y=x^2$. 顶点 $(0,0)$

当 $a=1$ 时, $y=(x-1)^2 + \frac{1}{2}$. 顶点 $(1, \frac{1}{2})$

~~当~~ 设直线 $l: y=kx (k \neq 0)$

把 $(1, \frac{1}{2})$ 代入. $k = \frac{1}{2}$

$$\therefore y = \frac{1}{2}x.$$

(2) $P(2,4)$ 在 $y=x^2$ 上. 顶点 $(6,3)$

\therefore 解析式为 $y=(x-6)^2 + 3$.

$y=x^2$ 向上移 3 个单位, 向右移 6 个单位
得到 $y=(x-6)^2 + 3$.

$\therefore P(2,4)$ 上移 3 个单位, 右移 6 个单

位得到 $P_1(8,7)$



$$(3) \quad OP = \sqrt{2^2 + 4^2} = 2\sqrt{5}$$

设平移后点的坐标为 $(t, \frac{1}{2}t)$.

$$\text{所以 } t^2 + (\frac{1}{2}t)^2 = (2\sqrt{5})^2.$$

解得 $t = \pm 4$.

\therefore 平移后点坐标为 $(4, 2)$ 或 $(-4, -2)$.

\therefore 此时二次函数解析式为 $y = (x-4)^2 + 2$ 或 $y = (x+4)^2 - 2$

25. 解: (1)

① 过点 B 作 $BN \perp x$ 轴于 N .

$\because \triangle AMB$ 为等腰直角三角形

$$\therefore \angle ABM = 45^\circ$$

$\because AB \parallel x$ 轴

$$\therefore \angle BMN = \angle ABM = 45^\circ$$

$$\therefore \angle MBN = 90^\circ - 45^\circ = 45^\circ$$

$$\therefore \angle BMN = \angle MBN$$

$$\therefore MN = BN$$

设 $B(n, n)$. 代入 $y = x^2$. 得 $n = n^2$

$$\therefore n = 1 \text{ 或 } n = 0 \text{ (舍)}$$

$$\therefore B(1, 1)$$

$$\therefore MN = BN = 1$$

$$\therefore \text{原} MN = BN = 1$$

$$\therefore MB = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$

$$\therefore MA = MB = \sqrt{2}$$

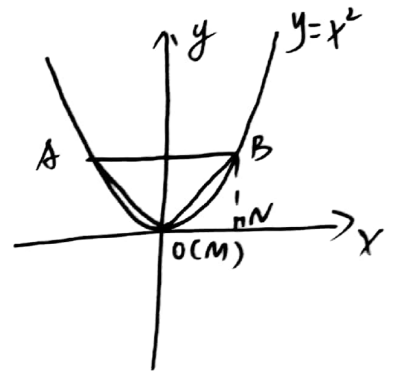
在 $Rt \triangle AMB$ 中. $AB = \sqrt{MB^2 + MA^2} = 2$

\therefore 抛物线 $y = x^2$ 的“完美三角形”的斜边 $AB = 2$

② \because 抛物线 $y = x^2 + 1$ 与 $y = x^2$ 形状相同.

\therefore 抛物线 $y = x^2 + 1$ 与 $y = x^2$ 的“完美三角形”的斜边长的数量关系是相等.

\therefore “相等”



(2) \because 抛物线 $y=ax^2$ 与 $y=ax^2+4$ 形状相同.

\therefore 它们的“完美三角形”全等.

$\because y=ax^2+4$ 的“完美三角形”斜边长为4.

$\therefore y=ax^2$ 的“完美三角形”斜边长为4

$\therefore B(2,2)$ 或 $(2,-2)$

把 B 代入 $y=ax^2$

$$\therefore a = \pm \frac{1}{2}$$

(3) $\because y=mx^2+2x+n-5$ 的最大值为-1

$$\therefore \frac{4m(n-5)-4}{4m} = -1$$

$$\therefore mn-4m-1=0$$

\because 抛物线 $y=mx^2+2x+n-5$ 的“完美三角形”斜边长为 n .

\therefore 抛物线 $y=mx^2$ 的“完美三角形”斜边长为 n .

$$\therefore B\left(\frac{n}{2}, -\frac{n}{2}\right)$$

\therefore 代入抛物线 $y=mx^2$, 得 $\left(\frac{n}{2}\right)^2 \cdot m = -\frac{n}{2}$

$$\therefore mn = -2 \text{ 或 } n=0 \text{ (舍)}$$

$$\therefore m = -\frac{3}{4}$$

$$\therefore n = \frac{8}{3}$$

