

# 浦东新区 2017 学年第一学期初三教学质量检测 数 学 试 卷

(完卷时间: 100 分钟, 满分: 150 分)

2018.1

考生注意:

1. 本试卷含三个大题, 共 25 题. 答题时, 考生务必按答题要求在答题纸规定的位置上作答, 在草稿纸、本试卷上答题一律无效.
2. 除第一、二大题外, 其余各题如无特别说明, 都必须在答题纸的相应位置上写出证明或计算的主要步骤.

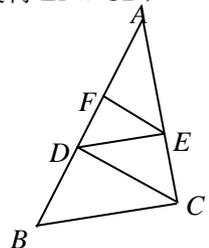
一、选择题: (本大题共 6 题, 每题 4 分, 满分 24 分)

【下列各题的四个选项中, 有且只有一个选项是正确的, 选择正确项的代号并填涂在答题纸的相应位置上】

1. 如果把一个锐角三角形三边的长都扩大为原来的两倍, 那么锐角  $A$  的余切值
  - (A) 扩大为原来的两倍;
  - (B) 缩小为原来的  $\frac{1}{2}$ ;
  - (C) 不变;
  - (D) 不能确定.
2. 下列函数中, 二次函数是
  - (A)  $y = -4x + 5$ ;
  - (B)  $y = x(2x - 3)$ ;
  - (C)  $y = (x + 4)^2 - x^2$ ;
  - (D)  $y = \frac{1}{x^2}$ .
3. 已知在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $AB = 7$ ,  $BC = 5$ , 那么下列式子中正确的是
  - (A)  $\sin A = \frac{5}{7}$ ;
  - (B)  $\cos A = \frac{5}{7}$ ;
  - (C)  $\tan A = \frac{5}{7}$ ;
  - (D)  $\cot A = \frac{5}{7}$ .
4. 已知非零向量  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$ , 下列条件中, 不能判定向量  $\vec{a}$  与向量  $\vec{b}$  平行的是
  - (A)  $\vec{a} \parallel \vec{c}$ ,  $\vec{b} \parallel \vec{c}$ ;
  - (B)  $|\vec{a}| = 3|\vec{b}|$ ;
  - (C)  $\vec{a} = \vec{c}$ ,  $\vec{b} = 2\vec{c}$ ;
  - (D)  $\vec{a} + \vec{b} = \vec{0}$ .
5. 如果二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图像全部在  $x$  轴的下方, 那么下列判断中正确的是
  - (A)  $a < 0$ ,  $b < 0$ ;
  - (B)  $a > 0$ ,  $b < 0$ ;
  - (C)  $a < 0$ ,  $c > 0$ ;
  - (D)  $a < 0$ ,  $c < 0$ .

6. 如图, 已知点  $D$ 、 $F$  在  $\triangle ABC$  的边  $AB$  上, 点  $E$  在边  $AC$  上, 且  $DE \parallel BC$ , 要使得  $EF \parallel CD$ , 还需添加一个条件, 这个条件可以是

- (A)  $\frac{EF}{CD} = \frac{AD}{AB}$ ;
- (B)  $\frac{AE}{AC} = \frac{AD}{AB}$ ;
- (C)  $\frac{AF}{AD} = \frac{AD}{AB}$ ;
- (D)  $\frac{AF}{AD} = \frac{AD}{DB}$ .



(第 6 题图)

二、填空题：(本大题共 12 题，每题 4 分，满分 48 分)

7. 已知  $\frac{x}{y} = \frac{3}{2}$ ，则  $\frac{x-y}{x+y}$  的值是\_\_\_\_\_.

8. 已知线段  $MN$  的长是 4cm，点  $P$  是线段  $MN$  的黄金分割点，则较长线段  $MP$  的长是\_\_\_\_\_cm.

9. 已知  $\triangle ABC \sim \triangle A_1B_1C_1$ ， $\triangle ABC$  的周长与  $\triangle A_1B_1C_1$  的周长的比值是  $\frac{3}{2}$ ， $BE$ 、 $B_1E_1$  分别是

它们对应边上的中线，且  $BE=6$ ，则  $B_1E_1=_____$ .

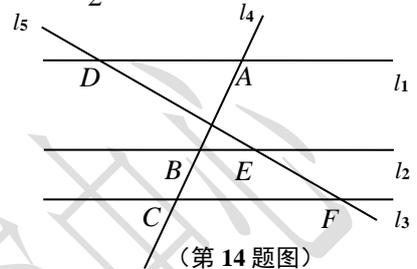
10. 计算： $3a + 2(a - \frac{1}{2}b) = _____$ .

11. 计算： $3 \tan 30^\circ + \sin 45^\circ = _____$ .

12. 抛物线  $y = 3x^2 - 4$  的最低点坐标是\_\_\_\_\_.

13. 将抛物线  $y = 2x^2$  向下平移 3 个单位，所得的抛物线的表达式是\_\_\_\_\_.

14. 如图，已知直线  $l_1$ 、 $l_2$ 、 $l_3$  分别交直线  $l_4$  于点  $A$ 、 $B$ 、 $C$ ，交直线  $l_5$  于点  $D$ 、 $E$ 、 $F$ ，且  $l_1 \parallel l_2 \parallel l_3$ ， $AB=4$ ， $AC=6$ ， $DF=9$ ，则  $DE=_____$ .



(第 14 题图)

15. 如图，用长为 10 米的篱笆，一面靠墙（墙的长度超过 10 米），围成一个矩形花圃，设矩形垂直于墙的一边长为  $x$  米，花圃面积为  $S$  平方米，则  $S$  关于  $x$  的函数解析式是\_\_\_\_\_。（不写定义域）.

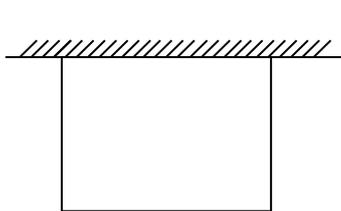
16. 如图，湖心岛上有一凉亭  $B$ ，在凉亭  $B$  的正东湖边有一棵大树  $A$ ，在湖边的  $C$  处测得  $B$  在北偏西  $45^\circ$  方向上，测得  $A$  在北偏东  $30^\circ$  方向上，又测得  $A$ 、 $C$  之间的距离为 100 米，则  $A$ 、 $B$  之间的距离是\_\_\_\_\_米（结果保留根号形式）.

17. 已知点  $(-1, m)$ 、 $(2, n)$  在二次函数  $y = ax^2 - 2ax - 1$  的图像上，如果  $m > n$ ，那么  $a$  \_\_\_\_\_ 0（用“>”或“<”连接）.

18. 如图，已知在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $\cos B = \frac{4}{5}$ ， $BC=8$ ，点  $D$  在边  $BC$  上，将

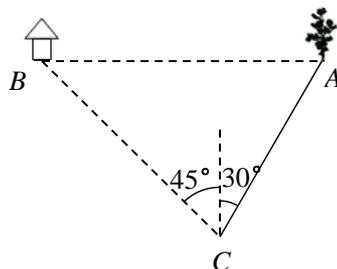
$\triangle ABC$  沿着过点  $D$  的一条直线翻折，使点  $B$  落在  $AB$  边上的点  $E$  处，联结  $CE$ 、

$DE$ ，当  $\angle BDE = \angle AEC$  时，则  $BE$  的长是\_\_\_\_\_.

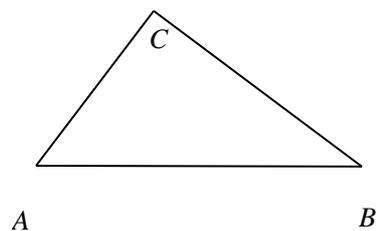


(第 15 题图)

咨询电话：4000-121-121



(第 16 题图)



(第 18 题图)

三、解答题：(本大题共 7 题，满分 78 分)

19. (本题满分 10 分)

将抛物线  $y = x^2 - 4x + 5$  向左平移 4 个单位，求平移后抛物线的表达式、顶点坐标和对称轴.

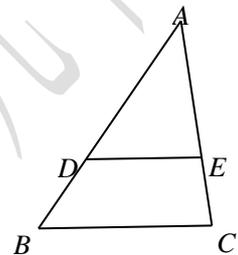
20. (本题满分 10 分，每小题 5 分)

如图，已知  $\triangle ABC$  中，点  $D$ 、 $E$  分别在边  $AB$  和  $AC$  上， $DE \parallel BC$ ，且  $DE$  经过  $\triangle ABC$  的重心，设  $\overrightarrow{BC} = \vec{a}$ .

(1)  $\overrightarrow{DE} =$  \_\_\_\_\_ . (用向量  $\vec{a}$  表示);

(2) 设  $\overrightarrow{AB} = \vec{b}$ ，在图中求作  $\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{a}$ .

(不要求写作法，但要指出所作图中表示结论的向量.)



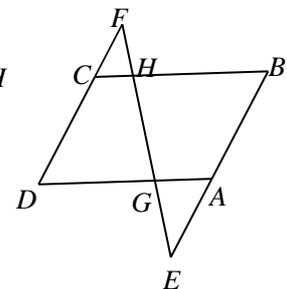
(第 20 题图)

21. (本题满分 10 分，其中第 (1) 小题 4 分，第 (2) 小题 6 分)

如图，已知  $G$ 、 $H$  分别是  $\square ABCD$  对边  $AD$ 、 $BC$  上的点，直线  $GH$  分别交  $BA$  和  $DC$  的延长线于点  $E$ 、 $F$ .

(1) 当  $\frac{S_{\triangle CFH}}{S_{\text{四边形} CDGH}} = \frac{1}{8}$  时，求  $\frac{CH}{DG}$  的值;

(2) 联结  $BD$  交  $EF$  于点  $M$ ，求证： $MG \cdot ME = MF \cdot MH$ .

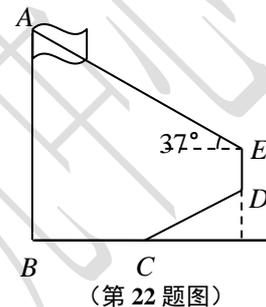


(第 21 题图)

22. (本题满分 10 分, 其中第 (1) 小题 4 分, 第 (2) 小题 6 分)

如图, 为测量学校旗杆  $AB$  的高度, 小明从旗杆正前方 3 米处的点  $C$  出发, 沿坡度为  $i=1:\sqrt{3}$  的斜坡  $CD$  前进  $2\sqrt{3}$  米到达点  $D$ , 在点  $D$  处放置测角仪, 测得旗杆顶部  $A$  的仰角为  $37^\circ$ , 量得测角仪  $DE$  的高为 1.5 米.  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$ 、 $E$  在同一平面内, 且旗杆和测角仪都与地面垂直.

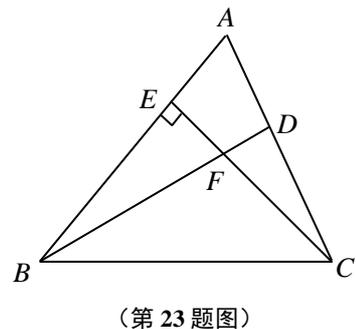
- (1) 求点  $D$  的铅垂高度 (结果保留根号);
  - (2) 求旗杆  $AB$  的高度 (精确到 0.1).
- (参考数据:  $\sin 37^\circ \approx 0.60$ ,  $\cos 37^\circ \approx 0.80$ ,  $\tan 37^\circ \approx 0.75$ ,  $\sqrt{3} \approx 1.73$ .)



23. (本题满分 12 分, 其中第 (1) 小题 6 分, 第 (2) 小题 6 分)

如图, 已知, 在锐角  $\triangle ABC$  中,  $CE \perp AB$  于点  $E$ , 点  $D$  在边  $AC$  上, 联结  $BD$  交  $CE$  于点  $F$ , 且  $EF \cdot FC = FB \cdot DF$ .

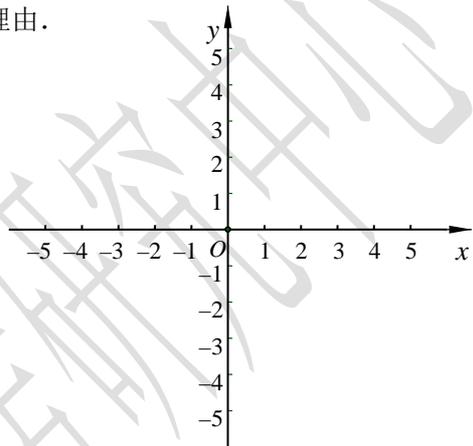
- (1) 求证:  $BD \perp AC$ ;
- (2) 联结  $AF$ , 求证:  $AF \cdot BE = BC \cdot EF$ .



24. (本题满分 12 分, 每小题 4 分)

已知抛物线  $y=ax^2+bx+5$  与  $x$  轴交于点  $A(1, 0)$  和点  $B(5, 0)$ , 顶点为  $M$ . 点  $C$  在  $x$  轴的负半轴上, 且  $AC=AB$ , 点  $D$  的坐标为  $(0, 3)$ , 直线  $l$  经过点  $C, D$ .

- (1) 求抛物线的表达式;
- (2) 点  $P$  是直线  $l$  在第三象限上的点, 联结  $AP$ , 且线段  $CP$  是线段  $CA, CB$  的比例中项, 求  $\tan \angle CPA$  的值;
- (3) 在 (2) 的条件下, 联结  $AM, BM$ , 在直线  $PM$  上是否存在点  $E$ , 使得  $\angle AEM = \angle AMB$ . 若存在, 求出点  $E$  的坐标; 若不存在, 请说明理由.



(第 24 题图)

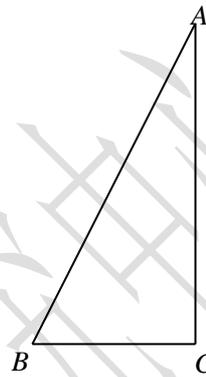
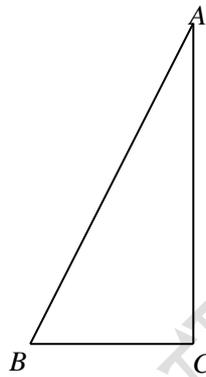
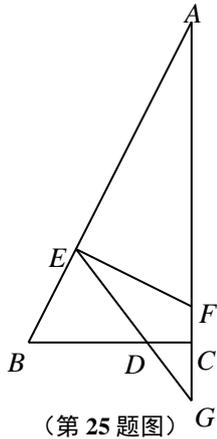
25. (本题满分 14 分, 其中第 (1) 小题 4 分, 第 (2) 小题 5 分, 第 (3) 小题 5 分)

如图, 已知在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  $BC=2$ ,  $AC=4$ , 点  $D$  在射线  $BC$  上, 以点  $D$  为圆心,  $BD$  为半径画弧交边  $AB$  于点  $E$ , 过点  $E$  作  $EF \perp AB$  交边  $AC$  于点  $F$ , 射线  $ED$  交射线  $AC$  于点  $G$ .

(1) 求证:  $\triangle EFG \sim \triangle AEG$ ;

(2) 设  $FG=x$ ,  $\triangle EFG$  的面积为  $y$ , 求  $y$  关于  $x$  的函数解析式并写出定义域;

(3) 联结  $DF$ , 当  $\triangle EFD$  是等腰三角形时, 请直接写出  $FG$  的长度.



## 浦东新区 2017 学年度第一学期初三教学质量检测 数学试卷参考答案及评分标准

一、选择题：(本大题共 6 题，每题 4 分，满分 24 分)

1. C; 2. B; 3. A; 4. B; 5. D; 6. C.

二、填空题：(本大题共 12 题，每题 4 分，满分 48 分)

7.  $\frac{1}{5}$ ; 8.  $2\sqrt{5}-2$ ; 9. 4; 10.  $5a-b$ ; 11.  $\sqrt{3}+\frac{\sqrt{2}}{2}$ ; 12. (0, -4);

13.  $y=2x^2-3$ ; 14. 6; 15.  $S=-2x^2+10x$ ; 16.  $50\sqrt{3}+50$ ; 17.  $>$ ; 18.  $\frac{39}{5}$ .

三、解答题：(本大题共 7 题，满分 78 分)

19. 解:  $\because y=x^2-4x+4-4+5=(x-2)^2+1$ . ..... (3 分)

$\therefore$  平移后的函数解析式是  $y=(x+2)^2+1$ . ..... (3 分)

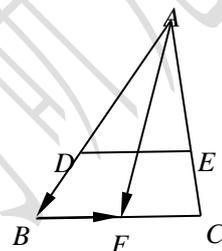
顶点坐标是 (-2, 1). ..... (2 分)

对称轴是直线  $x=-2$ . ..... (2 分)

20. 解: (1)  $\overrightarrow{DE} = \frac{2}{3}\overrightarrow{a}$ . ..... (5 分)

(2) 图正确得 4 分,

结论:  $\overrightarrow{AF}$  就是所要求作的向量. ... (1 分).



(第 20 题图)

21. (1) 解:  $\because \frac{S_{\triangle CFH}}{S_{\text{四边形}CDGH}} = \frac{1}{8}$ ,

$\therefore \frac{S_{\triangle CFH}}{S_{\triangle DFG}} = \frac{1}{9}$ . ..... (1 分)

$\because \square ABCD$  中,  $AD \parallel BC$ ,

$\therefore \triangle CFH \sim \triangle DFG$ . ..... (1 分)

$\therefore \frac{S_{\triangle CFH}}{S_{\triangle DFG}} = \left(\frac{CH}{DG}\right)^2 = \frac{1}{9}$ . ..... (1 分)

$\therefore \frac{CH}{DG} = \frac{1}{3}$ . ..... (1 分)

(2) 证明:  $\because \square ABCD$  中,  $AD \parallel BC$ ,

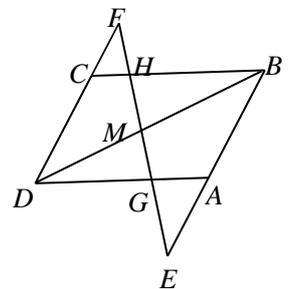
$\therefore \frac{MB}{MD} = \frac{MH}{MG}$ . ..... (2 分)

$\because \square ABCD$  中,  $AB \parallel CD$ ,

$\therefore \frac{ME}{MF} = \frac{MB}{MD}$ . ..... (2 分)

$\therefore \frac{ME}{MF} = \frac{MH}{MG}$ . ..... (1 分)

$\therefore MG \cdot ME = MF \cdot MH$ . ..... (1 分)



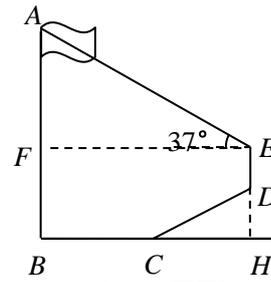
(第 21 题图)

22. 解: (1) 延长 ED 交射线 BC 于点 H.

由题意得  $DH \perp BC$ .

在  $\text{Rt}\triangle CDH$  中,  $\angle DHC=90^\circ$ ,  $\tan \angle DCH=i=1:\sqrt{3}$ . ..... (1 分)

$\therefore \angle DCH=30^\circ$ .  
 $\therefore CD=2DH$ . ..... (1分)  
 $\therefore CD=2\sqrt{3}$ ,  
 $\therefore DH=\sqrt{3}$ ,  $CH=3$ . ..... (1分)  
 答: 点  $D$  的铅垂高度是  $\sqrt{3}$  米. .... (1分)

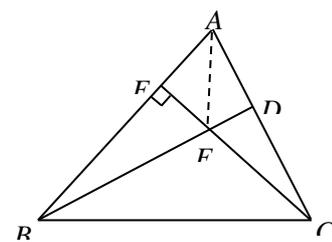


(第 22 题图)

(2) 过点  $E$  作  $EF \perp AB$  于  $F$ .

由题意得,  $\angle AEF$  即为点  $E$  观察点  $A$  时的仰角,  $\therefore \angle AEF=37^\circ$ .  
 $\because EF \perp AB$ ,  $AB \perp BC$ ,  $ED \perp BC$ ,  
 $\therefore \angle BFE = \angle B = \angle BHE = 90^\circ$ .  
 $\therefore$  四边形  $FBHE$  为矩形.  
 $\therefore EF=BH=BC+CH=6$ . ..... (1分)  
 $FB=EH=ED+DH=1.5+\sqrt{3}$ . ..... (1分)  
 在  $\text{Rt}\triangle AEF$  中,  $\angle AFE=90^\circ$ ,  $AF=EF \cdot \tan \angle AEF \approx 6 \times 0.75 \approx 4.5$ . (1分)  
 $\therefore AB=AF+FB=6+\sqrt{3}$  ..... (1分)  
 $\approx 6+1.73 \approx 7.7$ . ..... (1分)  
 答: 旗杆  $AB$  的高度约为 7.7 米. .... (1分)

23. 证明: (1)  $\because EF \cdot FC = FB \cdot DF$ ,  
 $\therefore \frac{EF}{DF} = \frac{FB}{FC}$ . ..... (1分)  
 $\therefore \angle EFB = \angle DFC$ , ..... (1分)  
 $\therefore \triangle EFB \sim \triangle DFC$ . ..... (1分)  
 $\therefore \angle FEB = \angle FDC$ . ..... (1分)  
 $\because CE \perp AB$ ,  
 $\therefore \angle FEB = 90^\circ$ . ..... (1分)  
 $\therefore \angle FDC = 90^\circ$ .  
 $\therefore BD \perp AC$ . ..... (1分)



(第 23 题图)

(2)  $\because \triangle EFB \sim \triangle DFC$ ,  
 $\therefore \angle ABD = \angle ACE$ . ..... (1分)  
 $\because CE \perp AB$ ,  
 $\therefore \angle FEB = \angle AEC = 90^\circ$ .

$$\therefore \triangle AEC \sim \triangle FEB. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\therefore \frac{AE}{FE} = \frac{EC}{EB} \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\therefore \frac{AE}{EC} = \frac{FE}{EB} \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\because \angle AEC = \angle FEB = 90^\circ,$$

$$\therefore \triangle AEF \sim \triangle CEB. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\therefore \frac{AF}{CB} = \frac{EF}{EB}, \therefore AF \cdot BE = BC \cdot EF. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

24. 解: (1)  $\because$  抛物线  $y = ax^2 + bx + 5$  与  $x$  轴交于点  $A(1, 0), B(5, 0)$ ,

$$\therefore \begin{cases} a + b + 5 = 0; \\ 25a + 5b + 5 = 0. \end{cases} \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\text{解得} \begin{cases} a = 1; \\ b = -6. \end{cases} \dots\dots\dots (2 \text{分})$$

$$\therefore \text{抛物线的解析式为 } y = x^2 - 6x + 5 \dots\dots (1 \text{分})$$

(2)  $\because A(1, 0), B(5, 0)$ ,

$$\therefore OA = 1, AB = 4.$$

$\because AC = AB$  且点  $C$  在点  $A$  的左侧,  $\therefore AC = 4$ .

$$\therefore CB = CA + AB = 8. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

$$\because \text{线段 } CP \text{ 是线段 } CA, CB \text{ 的比例中项}, \therefore \frac{CA}{CP} = \frac{CP}{CB}.$$

$$\therefore CP = 4\sqrt{2}. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

又  $\because \angle PCB$  是公共角,

$$\therefore \triangle CPA \sim \triangle CBP.$$

$$\therefore \angle CPA = \angle CBP. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$

过  $P$  作  $PH \perp x$  轴于  $H$ .

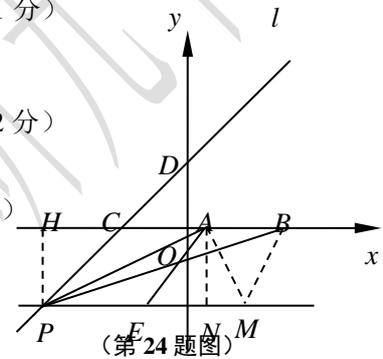
$$\because OC = OD = 3, \angle DOC = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle DCO = 45^\circ. \therefore \angle PCH = 45^\circ$$

$$\therefore PH = CH = CP \sin 45^\circ = 4,$$

$$\therefore H(-7, 0), BH = 12. \therefore P(-7, -4).$$

$$\therefore \tan \angle CBP = \frac{PH}{BH} = \frac{1}{3}, \tan \angle CPA = \frac{1}{3}. \dots\dots\dots (1 \text{分})$$



(3) ∵ 抛物线的顶点是  $M(3, -4)$ , ..... (1分)

又 ∵  $P(-7, -4)$ , ∴  $PM \parallel x$  轴.

当点  $E$  在  $M$  左侧, 则  $\angle BAM = \angle AME$ .

∵  $\angle AEM = \angle AMB$ ,

∴  $\triangle AEM \sim \triangle BMA$ . ..... (1分)

$$\therefore \frac{ME}{AM} = \frac{AM}{BA}. \quad \therefore \frac{ME}{2\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{4}.$$

∴  $ME = 5$ , ∴  $E(-2, -4)$ . ..... (1分)

过点  $A$  作  $AN \perp PM$  于点  $N$ , 则  $N(1, -4)$ .

当点  $E$  在  $M$  右侧时, 记为点  $E'$ ,

∵  $\angle AE'N = \angle AEN$ ,

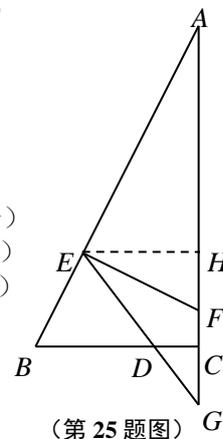
∴ 点  $E'$  与  $E$  关于直线  $AN$  对称, 则  $E'(4, -4)$ . ..... (1分)

综上所述,  $E$  的坐标为  $(-2, -4)$  或  $(4, -4)$ .

25. 解: (1) ∵  $ED = BD$ ,  
 ∴  $\angle B = \angle BED$ . ..... (1分)  
 ∵  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  
 ∴  $\angle B + \angle A = 90^\circ$ .  
 ∵  $EF \perp AB$ ,  
 ∴  $\angle BEF = 90^\circ$ .  
 ∴  $\angle BED + \angle GEF = 90^\circ$ .  
 ∴  $\angle A = \angle GEF$ . ..... (1分)  
 ∵  $\angle G$  是公共角, ..... (1分)  
 ∴  $\triangle EFG \sim \triangle AEG$ . ..... (1分)

(2) 作  $EH \perp AF$  于点  $H$ .  
 ∵ 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $BC = 2$ ,  $AC = 4$ ,  
 ∴  $\tan A = \frac{BC}{AC} = \frac{1}{2}$ .  
 ∴ 在  $\text{Rt}\triangle AEF$  中,  $\angle AEF = 90^\circ$ ,  $\tan A = \frac{EF}{AE} = \frac{1}{2}$ .

∵  $\triangle EFG \sim \triangle AEG$ ,  
 ∴  $\frac{FG}{EG} = \frac{GE}{GA} = \frac{EF}{AE} = \frac{1}{2}$ . ..... (1分)  
 ∵  $FG = x$ ,  
 ∴  $EG = 2x$ ,  $AG = 4x$ .  
 ∴  $AF = 3x$ . ..... (1分)  
 ∵  $EH \perp AF$ ,  
 ∴  $\angle AHE = \angle EHF = 90^\circ$ .  
 ∴  $\angle EFA + \angle FEH = 90^\circ$ .  
 ∵  $\angle AEF = 90^\circ$ ,  
 ∴  $\angle A + \angle EFA = 90^\circ$ .  
 ∴  $\angle A = \angle FEH$ .



(第 25 题图)

$$\therefore \tan A = \tan \angle FEH.$$

$$\therefore \text{在 Rt}\triangle EHF \text{ 中, } \angle EHF=90^\circ, \tan \angle FEH = \frac{HF}{EH} = \frac{1}{2}.$$

$$\therefore EH=2HF.$$

$$\therefore \text{在 Rt}\triangle AEH \text{ 中, } \angle AHE=90^\circ, \tan A = \frac{EH}{AH} = \frac{1}{2}.$$

$$\therefore AH=2EH.$$

$$\therefore AH=4HF.$$

$$\therefore AF=5HF.$$

$$\therefore HF = \frac{3}{5}x.$$

$$\therefore EH = \frac{6}{5}x. \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$$

$$\therefore y = \frac{1}{2} \cdot FG \cdot EH = \frac{1}{2} \cdot x \cdot \frac{6}{5}x = \frac{3}{5}x^2. \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$$

$$\text{定义域: } (0 < x \leq \frac{4}{3}). \dots\dots\dots (1 \text{ 分})$$

$$(3) \text{ 当 } \triangle EFD \text{ 为等腰三角形时, } FG \text{ 的长度是: } \frac{25}{27}, \frac{4}{3}, \frac{25-5\sqrt{5}}{12}. \dots\dots (5 \text{ 分})$$