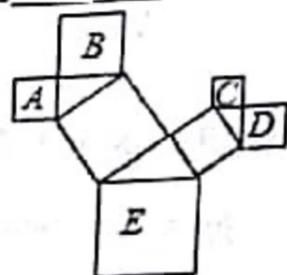


1. 在实数 $\sqrt{25}$, 3.131131113 , (相邻两个 3 之间依次多一个 1), π , $\frac{22}{7}$, $\sqrt{3}$ 中无理数的个数有 ()
- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个
2. 以下列各组数据为边长作三角形, 其中能组成直角三角形的是 ()
- A. 3, 5, 3 B. 6, 8, 10 C. 7, 20, 25 D. 6, 12, 13
3. 已知一个数的算术平方根是 7, 则这个数是 ()
- A. $\sqrt{7}$ B. $\pm\sqrt{7}$ C. 49 D. ± 49
4. 下列运算正确的 ()
- A. $(-3)^2 = -9$ B. $\sqrt{(-5)^2} = -5$ C. $\sqrt{\frac{25}{16}} = \pm\frac{5}{4}$ D. $\sqrt[3]{-64} = -4$
5. 下列描述不能确定具体位置的是 ()
- A. 某电影院 6 排 7 座 B. 岳麓山北偏东 40 度
C. 劳动西路 428 号 D. 北纬 28 度, 东经 112 度
6. 估计 $\sqrt{26}$ 的值在 ()
- A. 2 和 3 之间 B. 3 和 4 之间 C. 4 和 5 之间 D. 5 和 6 之间
7. 下列各点中, 位于第二象限的是 ()
- A. (8, -1) B. (8, 0) C. $(-\sqrt{7}, 3)$ D. (0, -4)
8. 下列方程中, 是二元一次方程的是 ()
- A. $3x - 2y = 4z$ B. $4x + y = 2$ C. $\frac{1}{x} + 4y = 6$ D. $6xy + 9 = 0$
9. 平面直角坐标系中, 点 $P(-2, 3)$ 关于 y 轴对称的点 Q 的坐标是 ()
- A. (2, -3) B. (-2, -3) C. (2, 3) D. (3, -2)
10. 今年哥哥的年龄是妹妹的 2 倍, 2 年前哥哥的年龄是妹妹的 3 倍, 求 2 年前哥哥和妹妹的年龄, 设 2 年前哥哥 x 岁, 妹妹 y 岁, 依题意, 得到的方程组是 ()
- A.
$$\begin{cases} x+2=3(y+2) \\ x=2y \end{cases}$$
 B.
$$\begin{cases} x-2=3(y-2) \\ x=2y \end{cases}$$

C.
$$\begin{cases} x+2=2(y+2) \\ x=3y \end{cases}$$
 D.
$$\begin{cases} x-2=3(y-2) \\ x=3y \end{cases}$$

二. 填空题 (每题 4 分, 共 16 分)

11. 如图是一株美丽的勾股树, 其中所有的四边形都是正方形, 所有的三角形都是直角三角形. 若正方形 A 、 B 、 C 、 D 的面积分别为 2, 5, 1, 2, 则最大正方形 E 的面积是_____.



12. 16 的平方根是_____, -27 的立方根是_____.

13. 若点 A 在第三象限, 且点 A 到 x 轴的距离是 2, 到 y 轴的距离是 3, 则 A 的坐标是_____.

14. $\sqrt{(-3)^2} + |\sqrt{3} - 2| =$ _____.

三. 解答题 (共 54 分)

15. 计算: (每题 5 分, 共 10 分)

(1) $\sqrt{20} - \sqrt{5} + \sqrt{12} + (\pi - 3)^0$

(2) $(\sqrt{3} - 2\sqrt{12}) \div \sqrt{3} - 6\sqrt{\frac{1}{2}}$

16. 解方程组 (每题 5 分, 共 10 分)

(1)
$$\begin{cases} 4x + 3y = 5 \\ x - y = 3 \end{cases}$$

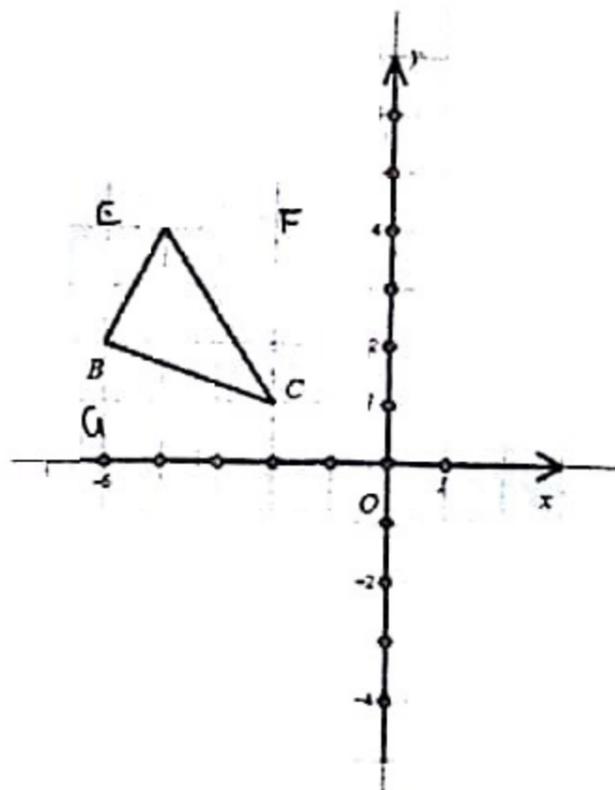
(2)
$$\begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ 4x - 5y = -1 \end{cases}$$

17. (8 分) $\triangle ABC$ 在平面直角坐标系中的位置如图所示:

(1) 作 $\triangle ABC$ 关于 x 轴对称的 $\triangle A_1B_1C_1$

(2) B 点到原点的距离是_____.

(3) 求 $\triangle ABC$ 的周长



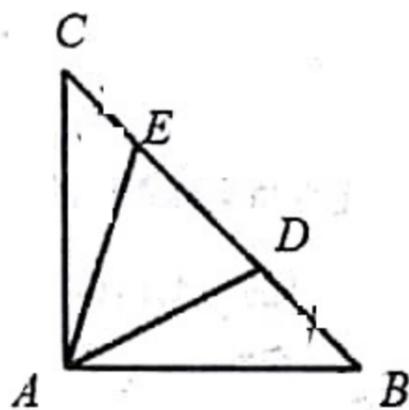
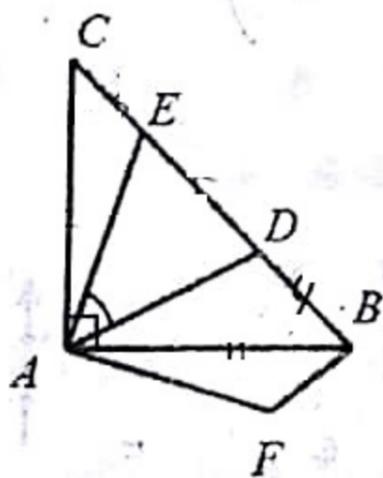
18. (8分) 若 $\begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}$ 是关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} ax+by=2 \\ bx+ay=7 \end{cases}$ 的解, 求 $(a+b)(a-b)$ 的值.

19. (8分) 某厂的甲、乙两个小组共同生产某种产品, 若甲先生产 1 天, 然后两组又各生产 5 天, 则两组的产量一样多. 若甲组先生产了 300 个产品, 然后两组又各生产 4 天, 则乙组比甲组多生产 100 个产品, 两组每天生产多少个产品?

20. (10分) 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle BAC=90^\circ$, $AC=AB$, D, E 是 BC 边上的点, 且 $\angle EAD=45^\circ$,

(1) 求 CE, DB, ED 之间的数量关系. 小明将 $\triangle ACE$ 绕点 A 顺时针旋转 90° 到 $\triangle ABF$, 请你根据这个思路求 CE, DB, ED 之间的数量关系;

(2) 当 $BD=4, CE=3$ 时, 求 $\triangle AED$ 的面积.



B卷(50分)

21. 已知 x, y 满足 $\sqrt{x+1} + |y-3x+1| = 0$, 则 $y^2 - 5x$ 的平方根是_____.

22. 已知关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} x+y=k \\ x-2y=3-k \end{cases}$ 的解 x 比 y 的值大 1, 则 $k=$ _____.

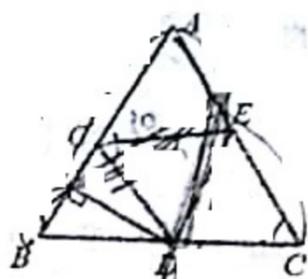
23. 点 $P(2a+1, a-3)$ 到 x 轴的距离和到 y 轴的距离相等, 则 $a=$ _____.

24. 如图, 一个动点在平面坐标系中从点 A_1 出发按如下路径运动, $A_1(1, 2) \rightarrow A_2(-1, 2) \rightarrow A_3(-1, -2) \rightarrow A_4(1, -2) \rightarrow A_5(2, 4) \rightarrow A_6(-2, 4) \rightarrow A_7(-2, -4) \rightarrow A_8(2, -4) \rightarrow A_9(3, 6), \dots$, 按此规律则点 A_{2018} 的坐标是_____.

25. 如图, 在等边 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC=BC=4$, 点 D, E 分别是边 BC, AC 上的动点, 沿 DE 所在直线折叠 $\angle C$, 使点 C 对应点 C' 始终落在边 AB 上, 若 $\triangle BC'D$ 为直角三角形, 则 $BD=$ _____.



24 题图



25 题图

26. (8分) 已知 $x = \frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{5}}, y = \frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{5}}$,

(1) 求 $x^2 - xy + y^2$ 的值;

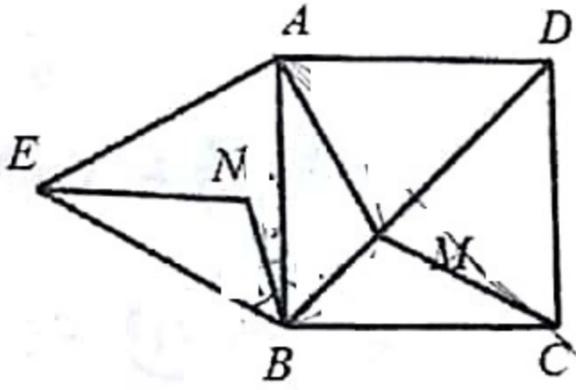
(2) 求 $x + y + 1$ 的整数部分 a 和小数部分 b 分别是多少?

27. (10分) 如图, 正方形 $ABCD$ 中 M 为对角线 BD 上任意一点, $\triangle ABE$ 是等边三角形, 将 BM 绕点 B 逆时针旋转 60° 得到 BN , 连接 EN 、 AM 、 CM

(1) 求证: $\triangle AMB \cong \triangle ENB$

(2) 当 M 在何处时, $AM+BM+CM$ 的值最小, 画出点 M 的位置并说明理由;

(3) 当正方形的边长为 4 时, 求 $AM+BM+CM$ 的最小值



28. (12分) 如图, 以长方形 $OABC$ 的顶点 O 为原点, OA 所在直线为 x 轴, OC 所在直线为 y 轴, 建立平面直角坐标系. 已知 $OA=5$, $OC=2\sqrt{3}$, M 为边 CB 上一点, $CM=3$, $MN \parallel y$ 轴交 OA 于点 N , 折叠长方形 $OABC$, 使 C 点落在线段 MN 上点 E 处, 折痕与边 CB 、 OC 交于点 D 、 F

- (1) 当点 F 与点 O 重合时, 如图 1, 求点 D 和 E 的坐标;
 (2) 在 (1) 的条件下, 在线段 OA 上是否存在一点 P , 使 $\triangle OEP$ 为等腰三角形, 若存在, 求出所以满足条件的点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.

- (3) 在折叠长方形的过程中, 如图 2, 点 E 在线段 MN 上运动, 求出使 NE 最小时和最大时点 E 的坐标.

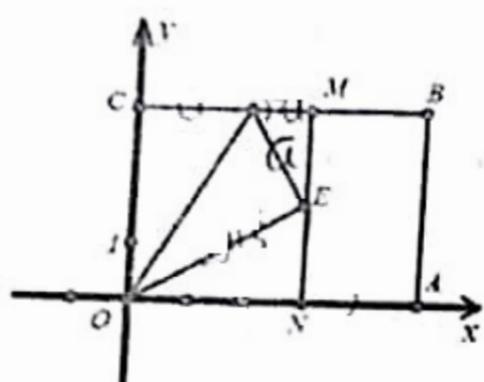


图 1

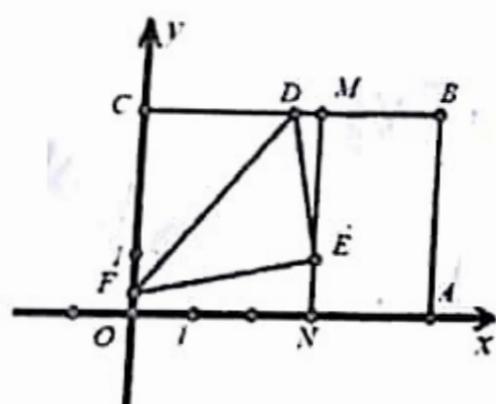


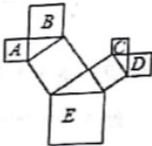
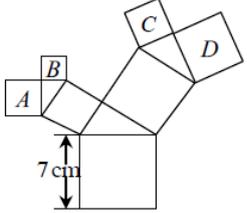
图 2

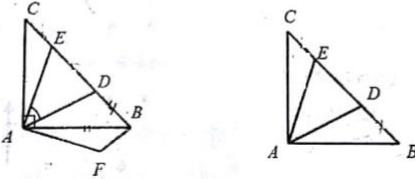
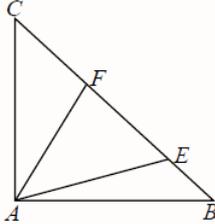
某七初学校初二（上）期中数学试卷分析

题型	题号	考察板块	考察内容	分值	难度	题型	题号	考察板块	考察内容	分值	难度
A卷						B卷					
单选题	1	实数	实数基本概念	3	☆	填空题	21	实数	平方根概念和基本运算	4	☆
	2	勾股定理	勾股定理基本概念	3	☆		22	方程与不等式	二元一次方程组解法	4	☆
	3	实数	平方根概念	3	☆		23	位置与坐标	平面直角坐标系基本概念	4	☆☆
	4	实数	二次根式计算	3	☆		24	位置与坐标	找规律	4	☆☆☆
	5	位置与坐标	平面直角坐标系基本概念	3	☆		25	勾股定理	解三角形	4	☆☆☆☆
	6	实数	高斯记号	3	☆	解答题	26	实数	二次根式知二推二/高斯记号	8	☆☆
	7	位置与坐标	平面直角坐标系基本概念	3	☆		27	勾股定理	将军饮马/解三角形	10	☆☆☆☆
	8	方程与不等式	二元一次方程基本概念	3	☆		28	位置与坐标	等腰存在性/折叠最值问题	12	☆☆☆☆
	9	位置与坐标	坐标系中的点的变换	3	☆						
		10	方程与不等式	二元一次方程组的应用	3	☆☆	本套试卷比较符合高新区初二上半期考试特点，A卷侧重基础考查，B卷难度增大。其中A20、B24、B25、B27、B28为难题，A6、A20、B23、B26为易错题。大部分板块考查较为简单，实数、勾股定理和坐标分值占比较大，难题出现在：找规律、全等与勾股、等腰存在性问题、将军饮马和勾股结合的题目上。 试卷题型较常规，题量适中，计算量较大，对学生来说考试时间合适，考高分有一定难度。预估各班型平均分：直升班142、满分班135、培优班125。				
填空题	11	勾股定理	勾股树	4	☆						
	12	实数	平方根/立方根的基本运算	4	☆						
	13	位置与坐标	平面直角坐标系基本概念	4	☆						
	14	实数	二次根式的化简求值	4	☆☆						
解答题	15	实数	二次根式计算	10	☆						
	16	方程与不等式	二元一次方程组解法	10	☆						
	17	位置与坐标	坐标系中的点的变换	8	☆						
	18	方程与不等式	二元一次方程组解法	8	☆						
	19	方程与不等式	方程的应用	8	☆						
	20	勾股定理	勾股定理与全等综合	10	☆☆☆						

2018-2019 某七初学校初二（上）数学期中

匹配度分析

考试题目	学而思题目	
<p>【某七初期中 1】</p> <p>1. 在实数$\sqrt{25}$, 3.131131113, (相邻两个3之间依次多一个1), π, $\frac{22}{7}$, $\sqrt{3}$中无理数的个数有 ()</p> <p>A. 1个 B. 2个 C. 3个 D. 4个</p>	<p>【初一春季. 敏学班. 第十二讲. 例题 8 (2)】</p> <p>例题 8</p> <p>(2) 下列各数: ①3.141、②0.33333.....、③$\sqrt{5}-\sqrt{7}$、④π、⑤$\pm\sqrt{2.25}$、⑥$-\frac{2}{3}$、⑦0.3030003000003... (相邻两个3之间0的个数逐次增加2), 其中是有理数的有_____ ; 是无理数的有_____ . (填序号)</p>	
<p>【某七初期中 2】</p> <p>2. 以下列各组数据为边长作三角形, 其中能组成直角三角形的是 ()</p> <p>A. 3, 5, 3 B. 6, 8, 10 C. 7, 20, 25 D. 6, 12, 13</p>	<p>【初一春季. 敏学班. 第十三讲. 例题 6 (1)】</p> <p>例题 6</p> <p>(1) 下列各组数分别为一个三角形三边的长, 其中不能构成直角三角形的一组是 ()</p> <p>A. 8, 10, 12 B. 3, 4, 5 C. 6, 8, 10 D. 5, 12, 13</p>	
<p>【某七初期中 6】</p> <p>6. 估计$\sqrt{26}$的值在 ()</p> <p>A. 2和3之间 B. 3和4之间 C. 4和5之间 D. 5和6之间</p>	<p>【初一春季. 敏学班. 第十二讲. 例题 9】</p> <p>例题 9</p> <p>(1) $\sqrt{79}$的值介于2个连续的整数n和$n+1$之间, 则整数n为 ()</p> <p>A. 7 B. 8 C. 9 D. 10</p> <p>(2) 若$m=\sqrt{40}-4$, 则估计m的范围为 ()</p> <p>A. $1 < m < 2$ B. $2 < m < 3$ C. $3 < m < 4$ D. $4 < m < 5$</p>	
<p>【某七初期中 9】</p> <p>9. 平面直角坐标系中, 点$P(-2, 3)$关于y轴对称的点Q的坐标是 ()</p> <p>A. (2, -3) B. (-2, -3) C. (2, 3) D. (3, -2)</p>	<p>【初二暑假. 勤思班. 第六讲. 例题 2】</p> <p>例题 2</p> <p>(1) 点$P(3, -5)$关于x轴对称的点的坐标为 ()</p> <p>A. (-3, -5) B. (5, 3) C. (-3, 5) D. (3, 5)</p> <p>(2) 点$P(-2, 1)$关于y轴对称的点的坐标为 ()</p> <p>A. (-2, -1) B. (2, 1) C. (2, -1) D. (-2, 1)</p>	
<p>【某七初期中 11】</p> <p>11. 如图是一株美丽的勾股树, 其中所有的四边形都是正方形, 所有的三角形都是直角三角形. 若正方形A、B、C、D的面积分别为2, 5, 1, 2, 则最大正方形E的面积是_____.</p> <div style="text-align: center;">  </div>	<p>【初二暑假. 勤思班. 第三讲. 例题 1 (2)】</p> <p>例题 1</p> <p>(2) 如图 1-2, 所有的四边形都是正方形, 所有的三角形都是直角三角形, 其中最大的正方形的边长为7cm, 则正方形A、B、C、D的面积之和为_____.</p> <div style="text-align: center;">  <p style="text-align: center;">图 1-2</p> </div>	

<p>【某七初期中 13】</p> <p>13. 若点 A 在第三象限, 且点 A 到 x 轴的距离是 2, 到 y 轴的距离是 3, 则 A 的坐标是_____.</p>	<p>【初二暑假. 勤思班. 第五讲. 演练 5】</p> <p>演练 5</p> <p>如果点 M 在第三象限, 且点 M 到 x 轴距离为 3, 到 y 轴的距离为 4, 则点 M 的坐标_____.</p>
<p>【某七初期中 18】</p> <p>18. (8 分) 若 $\begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}$ 是关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} ax+by=2 \\ bx+ay=7 \end{cases}$ 的解, 求 $(a+b)(a-b)$ 的值.</p>	<p>【初二暑假. 勤思班. 第四讲. 例题 3】</p> <p>例题 3</p> <p>(1) 若方程组 $\begin{cases} 2x+3y=7 \\ ax-by=6 \end{cases}$ 与方程组 $\begin{cases} ax+by=4 \\ 4x-5y=3 \end{cases}$ 有相同的解, 求 $-10a+2b$ 的立方根.</p> <p>(2) 已知关于 x, y 的二元一次方程组 $\begin{cases} 3y+2x=k+3 \\ 2y-x=2k-1 \end{cases}$ 的解满足 $x+y=6$, 求 k 的值.</p>
<p>【某七初期中 20】</p> <p>20. (10 分) 如图, 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle BAC=90^\circ$, $AC=AB$, D, E 是 BC 边上的点, 且 $\angle EAD=45^\circ$,</p> <p>(1) 求 CE, DB, ED 之间的数量关系. 小明将 $\triangle ACE$ 绕点 A 顺时针旋转 90° 到 $\triangle ABF$, 请你根据这个思路求 CE, DB, ED 之间的数量关系;</p> <p>(2) 当 $BD=4, CE=3$ 时, 求 $\triangle AED$ 的面积.</p> 	<p>【初二秋季. 勤思班. 第三讲. 例题 2】</p> <p>例题 2</p> <p>如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC=90^\circ$, $AB=AC=\frac{5}{2}a$ (a 为常数), 点 E, F 在斜边 BC 上, 且 $BE=\frac{\sqrt{2}}{2}a$, $\angle EAF=45^\circ$, 求 EF 的长. (用含 a 的代数式表示).</p> 
<p>【某七初期中 21】</p> <p>21. 已知 x, y 满足 $\sqrt{x+1} + y-3x+1 = 0$, 则 $y^2 - 5x$ 的平方根是_____.</p>	<p>【初一春季. 敏学班. 第十二讲. 例题 3】</p> <p>例题 3</p> <p>(1) 已知 $y = \sqrt{2x-1} - \sqrt{1-2x} + 8x$, 则 $xy =$_____.</p> <p>(2) 已知 $y = \sqrt{2x+3} + \sqrt{- x^2-4 }$, 则 $x+y =$_____.</p> <p>(3) 若 $\sqrt{x-1} + (y-2)^2 = 0$, 求 $\sqrt{5x+y^2}$ 的平方根.</p> <p>(4) $x+2y-3 + \sqrt{x+5} = 0$, 求 $y-x$ 的算术平方根.</p>
<p>【某七初期中 22】</p> <p>22. 已知关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} x+y=k \\ x-2y=3-k \end{cases}$ 的解 x 比 y 的值大 1, 则 $k =$_____.</p>	<p>【初二暑假. 勤思班. 第四讲. 例题 3】</p> <p>例题 3</p> <p>(1) 若方程组 $\begin{cases} 2x+3y=7 \\ ax-by=6 \end{cases}$ 与方程组 $\begin{cases} ax+by=4 \\ 4x-5y=3 \end{cases}$ 有相同的解, 求 $-10a+2b$ 的立方根.</p> <p>(2) 已知关于 x, y 的二元一次方程组 $\begin{cases} 3y+2x=k+3 \\ 2y-x=2k-1 \end{cases}$ 的解满足 $x+y=6$, 求 k 的值.</p>

【某七初期中 23】

23. 点 $P(2a+1, a-3)$ 到 x 轴的距离和到 y 轴的距离相等, 则 $a=$ _____

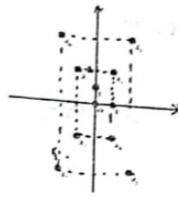
【初二暑假. 勤思班. 第五讲. 例题 8】

例题 8

已知点 $(m-1, 3m-4)$ 到 x 轴、 y 轴的距离相等, 则该点坐标为 _____.

【某七初期中 24】

24. 如图, 一个动点在平面直角坐标系中从点 A 出发按如下路径运动, $A_1(1, 2) \rightarrow A_2(-1, 2) \rightarrow A_3(-1, -2) \rightarrow A_4(1, -2) \rightarrow A_5(2, 4) \rightarrow A_6(-2, 4) \rightarrow A_7(-2, -4) \rightarrow A_8(2, -4) \rightarrow A_9(3, 6) \dots$ 按此规律则点 A_{2018} 的坐标是 _____.



24 题图

【初二秋季. 勤思班. 第七讲. 例题 4】

例题 4

(1) 如图 4-1, 在一单位为 1 的方格纸上, $\triangle A_1A_2A_3, \triangle A_3A_4A_5, \triangle A_5A_6A_7, \dots$ 都是斜边在 x 轴上, 斜边长分别为 2, 4, 6, \dots 的等腰直角三角形, 若 $\triangle A_1A_2A_3$ 的顶点坐标分别为 $A_1(2, 0), A_2(1, -1), A_3(0, 0)$, 则依图中所示规律, A_{2012} 的坐标为 ()
 A. (1008, 0) B. (1006, 0) C. (2, 2012) D. (2, 1006)

(2) 如图 4-2, 在平面直角坐标系中, 函数 $y=x$ 和 $y=-\frac{1}{2}x$ 的图象分别为直线 l_1, l_2 , 过点 $A_1(1, -\frac{1}{2})$ 作 x 轴的垂线交 l_1 于点 A_2 , 过点 A_2 作 y 轴的垂线交 l_2 于点 A_3 , 过点 A_3 作 x 轴的垂线交 l_1 于点 A_4 , 过点 A_4 作 y 轴的垂线交 l_2 于点 A_5, \dots 依次进行下去, 则点 A_{2018} 的横坐标为 _____.

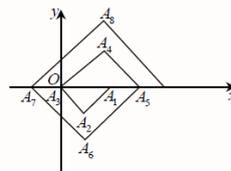


图 4-1

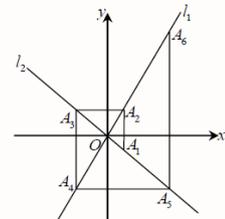
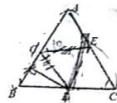


图 4-2

【某七初期中 25】

25. 如图, 在等边 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC=BC=4$, 点 D, E 分别是边 BC, AC 上的动点, 沿 DE 所在直线折叠 $\angle C$, 使点 C 对应点 C' 始终落在边 AB 上, 若 $\triangle BC'D$ 为直角三角形, 则 $BD=$ _____.



25 题图

【初二秋季. 勤思班. 第六讲. 例题 6】

例题 6

(1) 在直角坐标系中点 $A(2, -2), B(2, 3), C$ 是坐标轴上一点, 若 $\triangle ABC$ 是直角三角形, 则 C 的坐标为 _____.

(2) 在直角坐标系中, A, B 两点的坐标分别为 $(2, 4), (5, 0)$, 点 P 是 x 轴上一点, 且 $\triangle ABP$ 为直角三角形, 则点 P 的坐标为 _____.

【某七初期中 26】

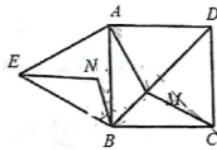
26. (8分) 已知 $x = \frac{1}{\sqrt{7}-\sqrt{5}}$, $y = \frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{5}}$,

- (1) 求 $x^2 - xy + y^2$ 的值;
- (2) 求 $x + y + 1$ 的整数部分 a 和小数部分 b 分别是多少?

【某七初期中 27】

27. (10分) 如图, 正方形 $ABCD$ 中 M 为对角线 BD 上任意一点, $\triangle ABE$ 是等边三角形, 将 BM 绕点 B 逆时针旋转 60° 得到 BN , 连接 EN 、 AM 、 CM

- (1) 求证: $\triangle AMB \cong \triangle ENB$
- (2) 当 M 在何处时, $AM+BM+CM$ 的值最小, 画出点 M 的位置并说明理由;
- (3) 当正方形的边长为 4 时, 求 $AM+BM+CM$ 的最小值



【某七初期中 28】

28. (12分) 如图, 以长方形 $OABC$ 的顶点 O 为原点, OA 所在直线为 x 轴, OC 所在直线为 y 轴, 建立平面直角坐标系. 已知 $OA=5$, $OC=2\sqrt{3}$, M 为边 CB 上一点, $CM=3$, $MN \parallel y$ 轴交 OA 于点 N , 折叠长方形 $OABC$, 使 C 点落在线段 MN 上点 E 处, 折痕与边 CB 、 OC 交于点 D 、 F

- (1) 当点 F 与点 O 重合时, 如图 1, 求点 D 和 E 的坐标;
- (2) 在 (1) 的条件下, 在线段 OA 上是否存在一点 P , 使 $\triangle OEP$ 为等腰三角形, 若存在, 求出所有满足条件的点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.
- (3) 在折叠长方形的过程中, 如图 2, 点 E 在线段 MN 上运动, 求出使 NE 最小时和最大时点 E 的坐标.

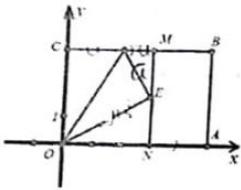


图 1

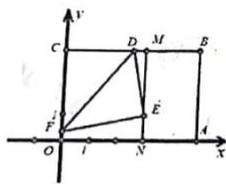


图 2

【初二暑假. 勤思班. 第二讲. 演练 5】

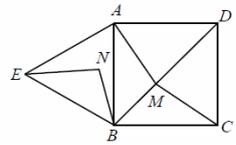
演练 5

10. 若 $\sqrt{2}$ 的小数部分为 a , $\sqrt{3}$ 的小数部分为 b , 则 $\sqrt{2}a + \sqrt{3}b - 5 =$ _____.
11. 已知 $x = \frac{1}{2+\sqrt{3}}$, $y = \frac{1}{2-\sqrt{3}}$.
 - ① 求 $x^2 + y^2 + xy$;
 - ② 若 x 的小数部分为 a , y 的小数部分为 b , 求 $(a+b)^2 + \sqrt{(a-b)^2}$ 的值.

【初一春季. 创新班. 第十三讲. 演练 4】

演练 4

5. 如图, 四边形 $ABCD$ 是正方形, $\triangle ABE$ 是等边三角形, M 为对角线 BD (不含 B 点) 上任意一点, 将 BM 绕点 B 逆时针旋转 60° 得到 BN , 连接 EN 、 AM 、 CM .
 - (1) 求证: $\triangle AMB \cong \triangle ENB$;
 - (2) ① 当 M 点在何处时, $AM + CM$ 的值最小;
 - ② 当 M 点在何处时, $AM + BM + CM$ 的值最小, 并说明理由;
 - (3) 当 $AM + BM + CM$ 的最小值为 $\sqrt{3} + 1$ 时, 求正方形的边长.

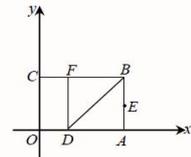
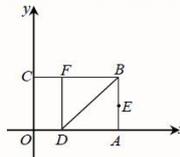


【初二秋季. 勤思班. 第六讲. 例题 5】

例题 5

如图, 以长方形 $OABC$ 的顶点 O 为原点, OA 所在直线为 x 轴, OC 所在直线为 y 轴, 建立平面直角坐标系. 已知 $OA=3$, $OC=2$, 点 E 是 AB 的中点, 在 OA 上取一点 D , 连结 BD , 点 A 关于 BD 的对称点恰好落在线段 BC 边上的点 F 处.

- (1) 直接写出点 E 、 F 的坐标;
- (2) 在线段 CB 上是否存在一点 P , 使 $\triangle OEP$ 为等腰三角形, 若存在, 求出所有满足条件的点 P 的坐标. 若不存在, 请说明理由.



备用图

【初二暑假. 勤思班. 第三讲. 例题 5】

例题 5

如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB=5$, $AD=13$. 折叠纸片, 使点 A 落在 BC 边上的 A' 处, 折痕为 PQ . 当点 A' 在 BC 边上移动时, 折痕的端点 P , Q 也随之移动. 若限定点 P , Q 分别在 AB , AD 边上移动, 则点 A' 在 BC 边上可移动的最大距离为 _____.

【解析】如图 1, 当点 P 与点 B 重合时, 根据翻折对称性可得

$$BA' = AB = 5,$$

如图 2, 当点 D 与点 Q 重合时, 根据翻折对称性可得 $A'D = AD = 13$,

在 $Rt\triangle A'CD$ 中, $A'D^2 = A'C^2 + CD^2$, 即 $13^2 = (13 - A'B)^2 + 5^2$,

解得: $A'B = 1$, 所以点 A' 在 BC 上可移动的最大距离为 $5 - 1 = 4$.

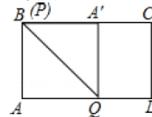


图 1

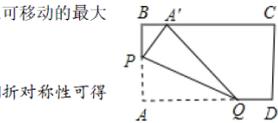


图 2

2018-2019 学年 某七初 学校 初二 年级上半期 半期 试题详解

解题老师: 王理
许如俊
陈宽南

名师微点评

A 卷

一. 选择题.

1. C

[解析] 无理数有 $3.131131113\dots$; $-\pi$; $\sqrt{3}$. 共3个

2. B

3. C

4. D

[解析] A. $(-3)^2 = 9$

B. $\sqrt{(-5)^2} = 5$

C. $\sqrt{\frac{25}{16}} = \frac{5}{4}$

D. $\sqrt[3]{-64} = -4$

故选D

5. B

6. D

[解析] $\sqrt{25} < \sqrt{26} < \sqrt{36}$, $\therefore \sqrt{26}$ 的值在 5 和 6 之间.

7. C

8. B

9. C

[解析] 关于y轴对称的点, 横坐标互为相反数, 纵坐标相等.

10. C

2018-2019 学年 _____ 学校 _____ 年级上半期 _____ 试题详解

名师微点评

解题老师:

二. 填空题

11. 10

[解析] 斜边上正方形的面积, 等于两个直角边上正方形面积之和.

12. $\pm 4; -3$ 13. $(-3, -2)$ 14. $5 - \sqrt{3}$

[解析] 原式 = $| -3 | + | \sqrt{3} - 2 | = 3 + [-(\sqrt{3} - 2)] = 5 - \sqrt{3}$

三. 解答题

$$\begin{aligned} 15. (1) \text{解: 原式} &= 2\sqrt{5} - \sqrt{5} + 2\sqrt{3} + 1 \\ &= \sqrt{5} + 2\sqrt{3} + 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \text{解: 原式} &= (\sqrt{3} - 4\sqrt{3}) \div \sqrt{3} - \sqrt{36 \times \frac{1}{2}} \\ &= -3\sqrt{3} \div \sqrt{3} - \sqrt{18} \\ &= -3 - 3\sqrt{2} \end{aligned}$$

解题老师:

名师微点评

$$16. (1) \begin{cases} 4x+3y=5 \dots ① \\ x-y=3 \dots ② \end{cases}$$

解: ② \times 3+①, 得:

$$7x = 14 \quad \text{解得 } x=2 \dots ③$$

将③代入②, 得:

$$2-y=3 \quad \text{解得 } y=-1$$

$$\therefore \text{原方程组的解为 } \begin{cases} x=2 \\ y=-1 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x+3y=5 \dots ① \\ 4x-5y=-1 \dots ② \end{cases}$$

解: ① \times 2-②, 得:

$$11y = 11 \quad \text{解得 } y=1 \dots ③$$

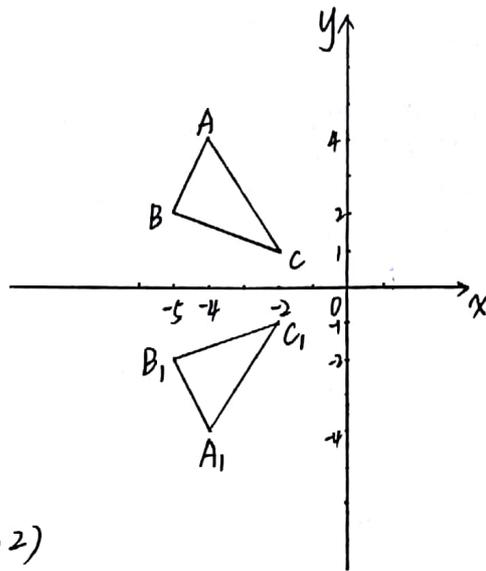
将③代入①, 得:

$$2x+3=5 \quad \text{解得 } x=1$$

$$\therefore \text{原方程组的解为 } \begin{cases} x=1 \\ y=1 \end{cases}$$

解题老师:

17. 解: (1) 如图:



(2) 由图易知 $B(-5, 2)$

$$\begin{aligned} \therefore B \text{ 点到原点的距离 } d_{B \rightarrow 0} &= \sqrt{(-5-0)^2 + (2-0)^2} \\ &= \sqrt{25+4} = \sqrt{29} \end{aligned}$$

(3) 由图易知 $A(-4, 4), B(-5, 2), C(-2, 1)$

$$\therefore AB = \sqrt{(-4+5)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{1+4} = \sqrt{5}$$

$$BC = \sqrt{(-5+2)^2 + (2-1)^2} = \sqrt{9+1} = \sqrt{10}$$

$$CA = \sqrt{(-2+4)^2 + (1-4)^2} = \sqrt{4+9} = \sqrt{13}$$

$$\begin{aligned} \therefore \triangle ABC \text{ 的周长 } l_{\triangle ABC} &= AB + BC + CA \\ &= \sqrt{5} + \sqrt{10} + \sqrt{13} \end{aligned}$$

18. 解: 将 $\begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}$ 代入方程组 $\begin{cases} ax+by=2 \\ bx+ay=7 \end{cases}$ 得:

$$\begin{cases} 2a+b=2 \\ 2b+a=7 \end{cases} \text{ 解得: } \begin{cases} a=-1 \\ b=4 \end{cases}$$

$$\therefore (a+b)(a-b) = a^2 - b^2 = (-1)^2 - 4^2 = 1 - 16 = -15$$

解题老师:

19. 解: 设甲组每天生产 x 个产品, 乙组每天生产 y 个产品.

$$\therefore \text{依题意可列出方程组} \begin{cases} x + 5x = 5y \\ 300 + 4x = 4y - 100 \end{cases}$$

$$\text{解得: } \begin{cases} x = 500 \\ y = 600 \end{cases} \therefore \begin{array}{l} \text{甲组每天生产 } 500 \text{ 个产品,} \\ \text{乙组每天生产 } 600 \text{ 个产品.} \end{array}$$

答: 甲组每天生产 500 个产品, 乙组每天生产 600 个产品.

20. 解: (1) $CE^2 + DB^2 = ED^2$

证明: 连接 DF . 由已知易得:

$\triangle ABC$ 为等腰 Rt 三角形, $\triangle AEC \cong \triangle AFB$

$$\therefore BF = CE, \angle ABF = \angle C = 45^\circ$$

$$\therefore \angle DBF = \angle ABD + \angle ABF = 45^\circ + 45^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore DB^2 + BF^2 = DF^2$$

$$\therefore \triangle AEC \cong \triangle AFB \therefore AE = AF, \angle CAE = \angle BAF$$

$$\therefore \angle EAD = 45^\circ, \angle CAB = 90^\circ \therefore \angle CAE + \angle DAB = 45^\circ$$

$$\therefore \angle BAF + \angle DAB = 45^\circ \text{ 即 } \angle DAF = \angle DAE = 45^\circ$$

在 $\triangle EAD$ 和 $\triangle FAD$ 中:

$$\begin{cases} AE = AF \\ \angle EAD = \angle FAD \\ AD = AD \end{cases} \therefore \triangle EAD \cong \triangle FAD (SAS)$$

$$\therefore ED = FD$$

$$\text{又 } CE = BF, DB^2 + BF^2 = DF^2$$

$$\therefore CE^2 + DB^2 = ED^2, \text{ 证之.}$$

解题老师:

12). 过点A作 $AH \perp BC$ 于点H

$\therefore \triangle AHC$ 是等腰Rt三角形

由(1)知 $DF = \sqrt{BD^2 + BF^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5$

$\therefore ED = DF = 5$

$\therefore BC = BD + DE + EC = 4 + 5 + 3 = 12$

$\therefore AC = \frac{BC}{\sqrt{2}} = \frac{12}{\sqrt{2}} = 6\sqrt{2}$

在等腰Rt $\triangle AHC$ 中: $AH = \frac{AC}{\sqrt{2}} = 6$

$\therefore S_{\triangle AED} = \frac{1}{2} \cdot DE \cdot AH = \frac{1}{2} \times 5 \times 6 = 15$

B 卷

一. 填空题

21. $\pm\sqrt{21}$

[解析] 由 $\begin{cases} \sqrt{x+1} = 0 \\ |y-3x+1| = 0 \end{cases}$ 解得: $\begin{cases} x = -1 \\ y = -4 \end{cases}$

$\therefore y^2 - 5x = (-4)^2 - 5 \times (-1) = 16 + 5 = 21$

$\therefore y^2 - 5x$ 的平方根是 $\pm\sqrt{21}$.

22. 3

[解析] 解方程组得 $\begin{cases} x = \frac{1}{3}k + 1 \\ y = \frac{2}{3}k - 1 \end{cases} \therefore x - y = 1$

$\therefore \frac{1}{3}k + 1 - \frac{2}{3}k - 1 = 1$ 解得 $k = 3$

解题老师:

23. $\frac{2}{3}$ 或 -4

[解析] ① 当 $2a+1 = a-3$ 时: 解得 $a = -4$

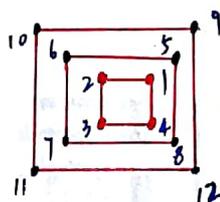
② 当 $2a+1 = -(a-3)$ 时: 解得 $a = \frac{2}{3}$

综上所述: $a = \frac{2}{3}$ 或 -4

24. $(-505, 1010)$

[解析] $A_1, A_2, A_3, \dots, A_n$, 每四个数可看作一个:

周期分布:



$\therefore 2018 \div 4 = 504 \dots 2$, 为第 505 组, 第 2 个数, 相同位置.

易知 $A_{2018} (505, 1010)$

25. $16-8\sqrt{3}$ 或 $2\sqrt{3}-2$

[解析] ① $\angle BC'D = 90^\circ$, 如图 1.

② $\angle BDC' = 90^\circ$, 如图 2.

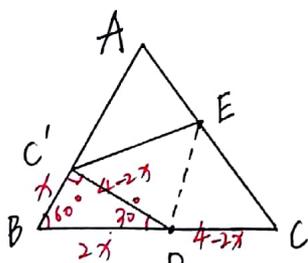
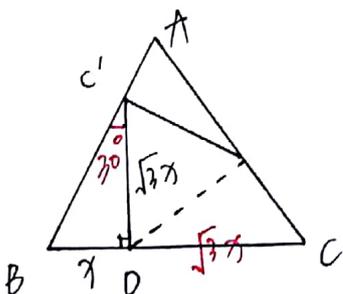


图 1



设: $BC' = x$

$\therefore BD = 2x, CD = C'D = 4-2x$

在 $Rt\triangle BC'D$ 中: $x^2 + (4-2x)^2 = (2x)^2$

即: $x^2 + 16 - 16x + 4x^2 = 4x^2$

$\therefore (x-8)^2 = 48$

$\therefore x_1 = 8-4\sqrt{3}$

$x_2 = 8+4\sqrt{3} > 4$ (舍)

$\therefore BD = 2 \times (8-4\sqrt{3})$

$= 16-8\sqrt{3}$

设 BD 为 x , 则 $C'D = \sqrt{3}x$

$\therefore CD = \sqrt{3}x$

$\therefore x + \sqrt{3}x = 4$

$\therefore x = \frac{4}{\sqrt{3}+1}$

$= 2\sqrt{3}-2$

2018-2019 学年 _____ 学校 _____ 年级上半期 _____ 试题详解

名师微点评

解题老师:

26.

解: 由题可知:

$$x = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{5}}{(\sqrt{7} + \sqrt{5})(\sqrt{7} - \sqrt{5})} = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{5}}{2} = \frac{\sqrt{7}}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$y = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{(\sqrt{7} + \sqrt{5})(\sqrt{7} - \sqrt{5})} = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{2} = \frac{\sqrt{7}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore (1) \quad & x^2 - xy + y^2 \\ &= (x+y)^2 - 2xy \\ &= 7 - \frac{3}{2} \\ &= \frac{11}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & x + y + 1 \\ &= \frac{\sqrt{7}}{2} + \frac{\sqrt{5}}{2} + \frac{\sqrt{7}}{2} - \frac{\sqrt{5}}{2} + 1 \\ &= \sqrt{7} + 1 \end{aligned}$$

$$\therefore 4 < 7 < 9$$

$$\therefore 2 < \sqrt{7} < 3, \quad 3 < \sqrt{7} + 1 < 4$$

$$\therefore a = 3$$

$$\begin{aligned} b &= \sqrt{7} + 1 - 3 \\ &= \sqrt{7} - 2 \end{aligned}$$

$$\therefore a \text{ 的值为 } 3, \quad b \text{ 的值为 } \sqrt{7} - 2$$

解题老师:

名师微点评

27.

(1) 证明: 依题意得: $AB=EB$, $NB=MB$, $\angle ABE=\angle MBN=60^\circ$

$\therefore \angle 2=\angle 3$

在 $\triangle AMB$ 和 $\triangle ENB$ 中,

$$\begin{cases} AB=EB \\ \angle 2=\angle 3 \\ MB=NB \end{cases}$$

$\therefore \triangle AMB \cong \triangle ENB (SAS)$

(2) $\because \triangle AMB \cong \triangle ENB$

$\therefore AM=EN$

$\therefore AM+BM+CM = EN+BM+CM$

连接 NM , 易证 $\triangle MNB$ 为等边三角形

$\therefore AM+BM+CM = EN+NM+MC$

\therefore 当 M 在 EC 与 BD 交点处时, $AM+BM+CM$ 有最小值, 如图.

(3) 过 E 作 BC 垂线交 BC 延长线为 H

如图在 $Rt\triangle EHC$ 中,

$EC^2 = EH^2 + CH^2$

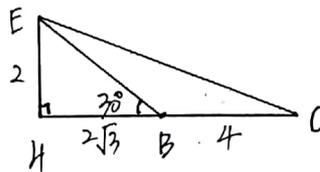
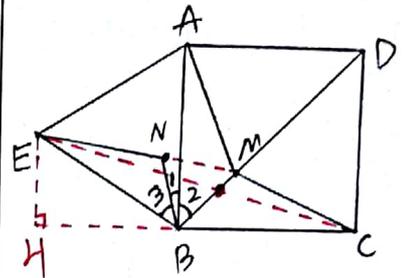
$\because BC=BE=4, \angle H=90^\circ, \angle EBH=30^\circ$

$\therefore EH=2, HB=2\sqrt{3}$

$\therefore EC^2 = 2^2 + (4+2\sqrt{3})^2$

$\therefore EC = 2\sqrt{2+2\sqrt{3}}$

$\therefore AM+BM+CM$ 的最小值为 $2\sqrt{2+2\sqrt{3}}$



解题老师:

名师微点评

8. (1) $D(2, 2\sqrt{3})$
 $E(3, \sqrt{3})$

(2) 由(1)知 $E(3, \sqrt{3})$

在 $Rt\triangle OEN$ 中, $ON=3, EN=\sqrt{3}, \angle ONE=90^\circ$

$\therefore OE = \sqrt{3^2 + (\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{3}$

设 OA 上存在点 $P(a, 0)$ 使得 $\triangle OEP$ 为等腰三角形.

① 当 $OE=OP$ 时, $P_1(2\sqrt{3}, 0)$

② 当 $EO=EP$ 时, $P_2(6, 0)$. (舍去)

③ 当 $PO=PE$ 时, 法 I. 在 $Rt\triangle OQP_3$ 中, $\angle EON=30^\circ$

$OQ = \frac{1}{2}OE = \sqrt{3}$

$\therefore OP_3 = 2, P_3(2, 0)$

法 II. $\because P_3O = P_3E$

$\therefore a = \sqrt{(\sqrt{3})^2 + (3-a)^2}$

解得: $a=2$

$\therefore P_3(2, 0)$

综上, 满足条件的 P 点坐标为: $(2\sqrt{3}, 0), (2, 0)$

(3) 依题意当 D 点靠近 M 时, NE 减小, D 点和 M 点重合时,

NE 最小, 如图 2. $NE = 2\sqrt{3} - 3$

$\therefore E$ 点坐标为 $(3, 2\sqrt{3} - 3)$

当 F 点越靠近 O 时, NE 越大, 当 F 和 O 重合时, NE 最大,

如图 3. 在 $Rt\triangle ONE$ 中, $ON=3, OE=2\sqrt{3}, \angle ONE=90^\circ$

$\therefore NE = \sqrt{3}$

$\therefore E$ 点坐标为 $(3, \sqrt{3})$

综上, NE 最小时 E 点坐标为 $(3, 2\sqrt{3} - 3)$

NE 最大时, E 点坐标为 $(3, \sqrt{3})$

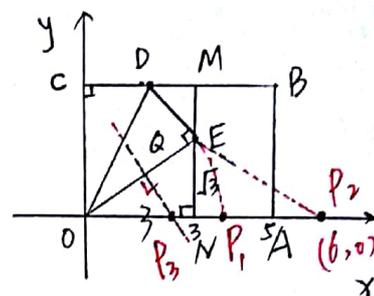


图 1.

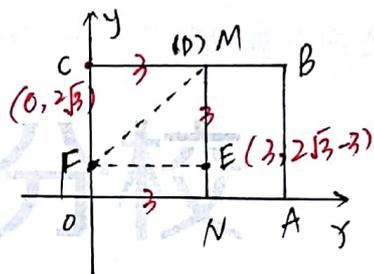


图 2.

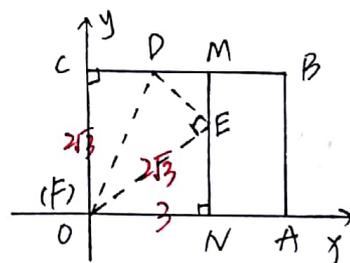


图 3.