

成都七中育才学校初 2019 届九年级（上）半期考试数学试题

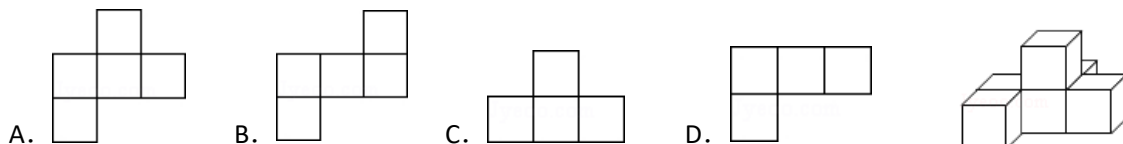
总分： 150 分 时间： 120 分钟

命题人、审题人：罗敏 叶嘉眉

A 卷（100 分）

一、选择题（共 10 小题，每小题 3 分，满分 30 分，请把答案填涂到答题卡上）

1. 如图，由 6 个相同的小正方体搭成的几何体，那么从左面看几何体的平面图形是（ ）



2. 若关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 2x + m = 0$ 有一个解为 $x = -1$ ，则 m 的值为（ ）

- A. 1 B. -3 C. 3 D. 4

3. 下列说法正确的是（ ）

- A. 对角线相等且互相平分的四边形是菱形
 B. 对角线垂直且相等的四边形是正方形
 C. 两角对应相等的两个三角形相似
 D. 两边成比例且一角相等的两个三角形相似

4. 如图，点 P 是线段 AB 的黄金分割点， $AP > BP$ ，若 $AB = 6$ ，则 PB 的长是（ ）

- A. $3(\sqrt{5}-1)$ B. $3(\sqrt{5}+1)$
 C. $9-3\sqrt{5}$ D. $6-3\sqrt{5}$



5. 若关于 x 的方程 $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 有实数根，则 k 的取值范围是（ ）

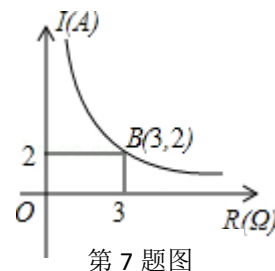
- A. $k > -4$ B. $k \geq -4$ C. $k > -4$ 且 $k \neq 0$ D. $k \geq -4$ 且 $k \neq 0$

6. 已知点 $A(1, y_1)$ 、 $B(2, y_2)$ 、 $C(-2, y_3)$ 都在反比例函数 $y = \frac{6}{x}$ 的图象上，则 y_1 、 y_2 、 y_3 的大小关系是（ ）

- A. $y_3 < y_1 < y_2$ B. $y_1 < y_2 < y_3$ C. $y_2 < y_1 < y_3$ D. $y_3 < y_2 < y_1$

7. 某闭合电路中，电源电压为定值，电流 I (A) 与电阻 R (Ω) 成反比例，如图表示该电路中电流 I 与电阻 R 的函数关系图象。则该电路中某导体电阻为 4 (Ω)，导体内通过的电流为（ ）

- A. 1.5 (A) B. 6 (A) C. $\frac{2}{3}$ (A) D. 4 (A)



第 7 题图

(2) 计算: $(-1)^4 + \sqrt{27} + 2\cos 30^\circ - \tan 60^\circ - (3-\pi)^0$

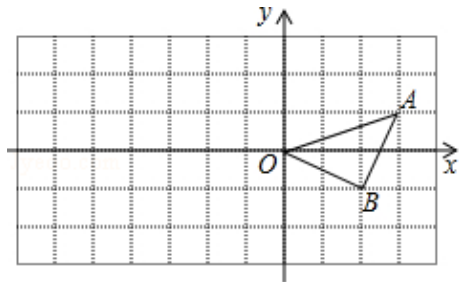
16. (6分) 化简求值: $\frac{x-3}{3x^2-6x} \div (x+2 - \frac{5}{x-2})$, 已知 x 是一元二次方程 $x^2+3x-1=0$ 的实数根.

17. (8分) 已知 O 是坐标原点, A 、 B 的坐标分别为 $(3, 1)$ 、 $(2, -1)$

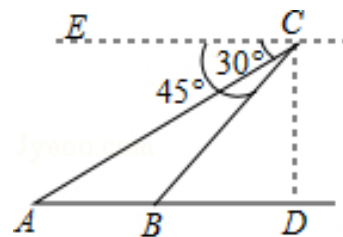
(1) 画出 $\triangle OAB$ 绕点 O 顺时针旋转 90° 后得到的 $\triangle OA_1B_1$;

(2) 在 y 轴的左侧以 O 为位似中心作 $\triangle OAB$ 的位似图形 $\triangle OA_2B_2$, 使新图与原图相似比为 $2:1$

(3) 求出 $\triangle OA_2B_2$ 的面积.

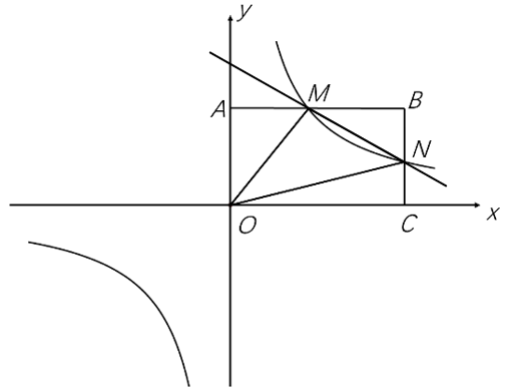


18. (8分) 成都七中育才学校 2018 年秋季运动会上, 学生电视台用无人机航拍技术全程直播. 如图, 在无人机的镜头下, 观测 A 处的俯角为 30° , B 处的俯角为 45° , 如果此时无人机镜头 C 处的高度 CD 为 20 米, 点 A 、 B 、 D 在同一条直线上, 则 A 、 B 两点间的距离为多少米? (结果保留根号)



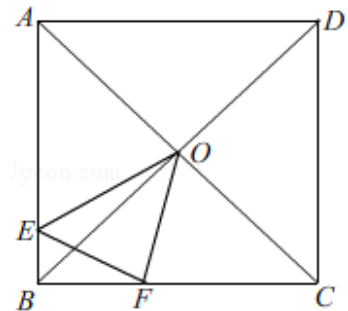
19. (10分) 如图, 在直角坐标系中, 矩形 $OABC$ 的顶点 O 与原点重合, A 、 C 分别在坐标轴上, $OA=2$, $OC=4$, 直线 $y_1 = -\frac{1}{2}x + 3$ 交 AB , BC 分别于点 M , N , 反比例函数 $y_2 = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 M , N .

- (1) 求反比例函数的解析式;
- (2) 直接写出当 $y_1 < y_2$ 时, x 的取值范围;
- (3) 若点 P 在 y 轴上, 且 $\triangle OPM$ 的面积与四边形 $BMON$ 的面积相等, 求点 P 的坐标.



20. (10分) 如图, O 为正方形 $ABCD$ 对角线的交点, E 为 AB 边上一点, F 为 BC 边上一点, $\triangle EBF$ 的周长等于 BC 的长.

- (1) 若 $AB=24$, $BE=6$, 求 EF 的长;
- (2) 求 $\angle EOF$ 的度数;
- (3) 若 $OE = \frac{\sqrt{6}}{2} OF$, 求 $\frac{AE}{CF}$ 的值.



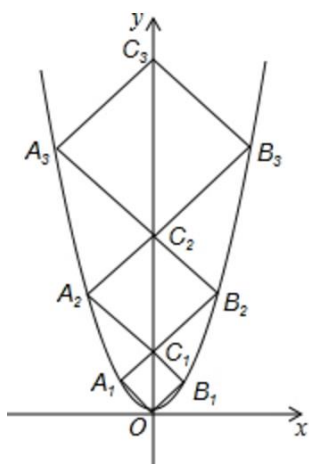
B 卷 (共 50 分)

一、填空题 (每小题 4 分, 共 20 分)

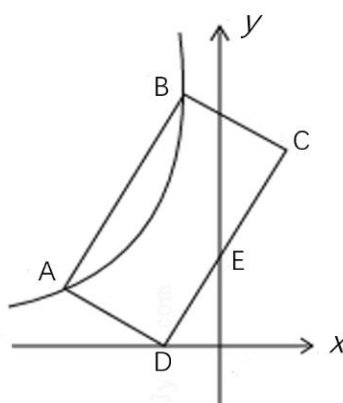
21. 已知 x_1, x_2 是一元二次方程 $x^2 - 2x - 2015 = 0$ 的两根, 则 $x_1^2 + 2x_2 - x_1x_2 - 2016 =$ _____.

22. 已知 $\frac{2b+c}{a} = \frac{2c+a}{b} = \frac{2a+b}{c} = k$, $a+b+c \neq 0$, 将抛物线 $y = 2x^2$ 向右平移 k 个单位, 再向上平移 $2k$ 个单位后, 所得抛物线的表达式为_____ , 对于平移后的抛物线, 当 $2 \leq x \leq 5$ 时, y 的取值范围是_____ .

23. 如图, 已知点 $A_1, A_2, \dots, A_{2018}$ 在函数 $y = 2x^2$ 位于第二象限的图象上, 点 $B_1, B_2, \dots, B_{2018}$ 在函数 $y = 2x^2$ 位于第一象限的图象上, 点 $C_1, C_2, \dots, C_{2018}$ 在 y 轴的正半轴上, 若四边形 $OA_1B_1C_1$ 、 $C_1A_2C_2B_2$, \dots , $C_{2017}A_{2018}C_{2018}B_{2018}$ 都是正方形, 则正方形 $C_{2017}A_{2018}C_{2018}B_{2018}$ 的边长为_____ .



23 题图



24 题图

24. 如图, 矩形 $ABCD$ 中, $\frac{AB}{BC} = 2$, 点 $D(-1, 0)$, 点 A, B 在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象上, CD 与 y 轴的正半轴相交于点 E , 若 E 为 CD 的中点, 则 k 的值为_____ .

25. 一副含 30° 和 45° 角的三角板 ABC 和 DEF 叠合在一起, 边 BC 与 EF 重合, $BC = EF = 12$ (如图 1) , 点 G 为边 BC (EF) 的中点, 边 FD 与 AB 相交于点 H , 此时线段 BH 的长为_____ . 现将三角板 DEF 绕点 G 按顺时针方向旋转 (如图 2) , 在 $\angle CGF$ 从 0° 到 60° 的变化过程中, 点 H 相应移动的路程长为_____ . (结果保留根号)

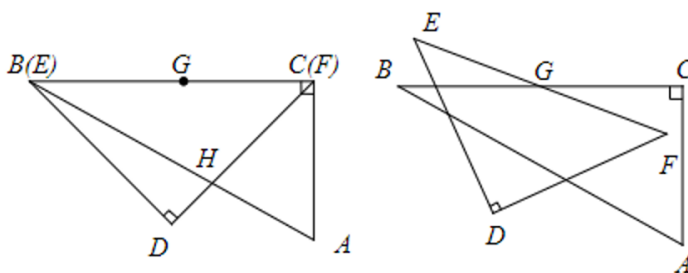


图1

图2

25 题图

二、解答题 (30 分)

26. (8 分) 在信息技术飞速发展的今天, 智能手机的使用呈现出低龄化的趋势, 中小学生学习使用智能手机成为十分普遍的现象, 但智能手机给生活带来便利的同时, 也对中小学生的身心发展带来了一些不利影响, 比如手机屏幕对视力的伤害、关注各种“垃圾新闻”对时间的浪费、沉迷手机游戏缺少运动、人际交往等等, 这些现象引起了家长、学校、社会的广泛关注。对此, 成都某中学学生会发出了“中小学生学习使用非智能手机”的倡议, 鼓励同学们全面发展, 追逐梦想, 把更多时间用在将来能够成就自我的地方。据统计, 今年 9 月该中学使用非智能手机的同学有 128 人, 倡议发出后, 11 月使用非智能手机的同学上升到了 200 人。

(1) 若从 9 月到 11 月使用非智能手机的同学平均增长率相同, 那么按此增长率增长到 12 月份该校使用非智能手机的同学将有多少人?

(2) 某手机制造商发现当下市场上售卖的非智能手机大多品质不佳、外观设计成就, 难以满足市场的需要, 所以该厂决定投入 12 万元全部用于生产 A 型、B 型两款精美的“学生专用手机”投入市场, 一部 A 型手机生产成本为 400 元, 售价为 600 元; 一部 B 型手机生产成本为 600 元, 售价为 930 元, 该厂计划生产 B 型手机的数量不少于 A 型手机数量的 2 倍, 但不超过 A 型手机数量的 2.3 倍, 求生产这批手机并全部售卖后可获得的最大利润。

27. (10 分) 如图 (1), 已知点 G 在正方形 ABCD 的对角线 AC 上, $GE \perp BC$, 垂足为点 E, $GF \perp CD$, 垂足为 F。

(1) 求证: 四边形 CEGF 是正方形并直接写出 $\frac{AG}{BE}$ 的值。

(2) 将正方形 CEGF 绕点 C 顺时针方向旋转 α° ($0 < \alpha < 45$), 如图 (2) 所示, 试探究 AG 与 BE 之间的数量关系, 并说明理由。

(3) 正方形 CEGF 在旋转过程中, 当 B, E, F, 三点在一条直线上时, 如图 (3) 所示, 延长 CG 交 AD 于点 H。若 $AG = 6$, $GH = 2\sqrt{2}$, 求 BC 的长。

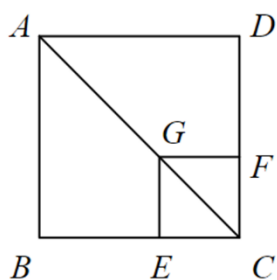


图 (1)

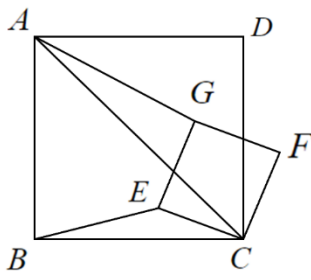


图 (2)

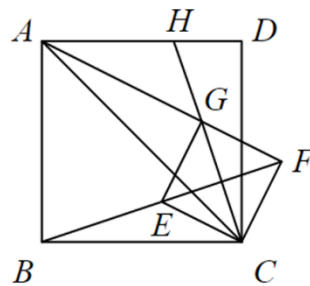


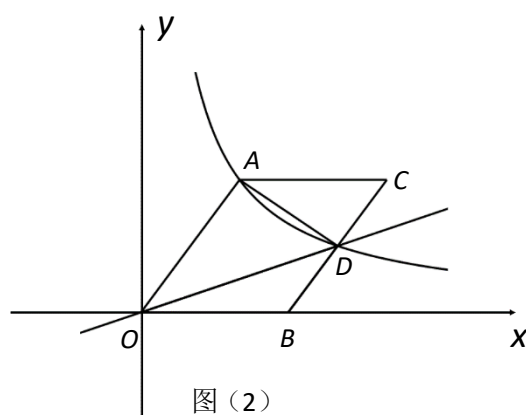
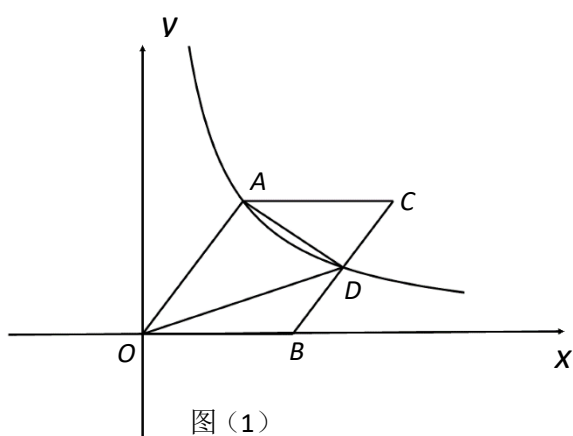
图 (3)

28. (12分) 如图①, O 为坐标原点, 点 B 在 x 轴的正半轴上, 四边形 $OACB$ 是平行四边形, $\sin \angle AOB = \frac{4}{5}$, $OA=5$, 反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k > 0)$ 在第一象限内的图象经过点 A , 与 BC 交于点 D .

(1) 求点 A 的坐标和反比例函数解析式;

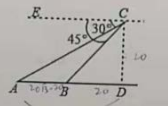
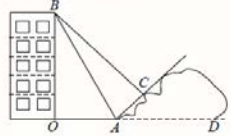
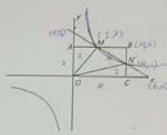
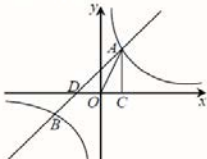
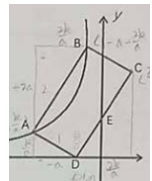
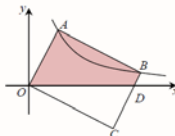
(2) 若 $\frac{CD}{AC} = \frac{5}{9}$, 求点 D 的坐标;

(3) 在(2)中的条件下, 如图(2), 点 P 为直线 OD 上的一个动点, 点 Q 为线双曲线上的一个动点, 是否存在这样的点 P 、点 Q , 使以 B 、 D 、 P 、 Q 为顶点的四边形是平行四边形? 若存在, 请直接写出所有点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.



相似度匹配

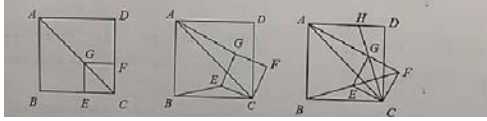
| 考试题目 | 学而思题目 | 相似度 |
|--|--|-----|
| <p>【某育才半期 A4】</p> <p>4. 如图, 点 P 是线段 AB 的黄金分割点, $AP > BP$, 若 $AB=6$, 则 PB 的长是 ()</p> <p>A. $3(\sqrt{5}-1)$ B. $3(\sqrt{5}+1)$ C. $9-3\sqrt{5}$ D. $6-3\sqrt{5}$</p>  | <p>【暑假勤思班第一讲例 2】</p> <p>(2) 已知点 C 是 AB 上的黄金分割点 ($AC > BC$), 若 $AC=2$, 则 AB 等于 ()</p> <p>A. $\sqrt{5}+1$ B. $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ C. $\sqrt{5}-1$ D. $\frac{\sqrt{5}+1}{2}$</p> | 95% |
| <p>【某育才半期 A5】</p> <p>5. 若关于 x 的方程 $kx^2+4x-1=0$ 有实数根, 则 k 的取值范围是 ()</p> <p>A. $k > -4$ B. $k \geq -4$ C. $k > -4$ 且 $k \neq 0$ D. $k \geq -4$ 且 $k \neq 0$</p> | <p>【秋季敏学班第一讲演练 3】</p> <p>(2) 关于 x 的方程 $kx^2+3x-1=0$ 有实数根, 则 k 的取值范围是 _____.</p> | 95% |
| <p>【某育才半期 A6】</p> <p>6. 已知点 $A(1, y_1)$, $B(2, y_2)$, $C(-2, y_3)$ 都在反比例函数 $y = \frac{6}{x}$ 的图象上, 则 y_1, y_2, y_3 的大小关系是 ()</p> <p>A. $y_1 < y_2 < y_3$ B. $y_1 < y_3 < y_2$ C. $y_3 < y_1 < y_2$ D. $y_3 < y_2 < y_1$</p> | <p>【秋季敏学班第五讲例 2】</p> <p>(2) 已知点 $A(-3, y_1)$, $B(-2, y_2)$, $C(3, y_3)$ 都在反比例函数 $y = \frac{4}{x}$ 的图象上, 则 ()</p> <p>A. $y_1 < y_2 < y_3$ B. $y_3 < y_2 < y_1$ C. $y_3 < y_1 < y_2$ D. $y_2 < y_1 < y_3$</p> | 95% |
| <p>【某育才半期 A9】</p> <p>9. 对于二次函数 $y=2x^2+1$, 下列说法中正确的是 ()</p> <p>A. 图象的开口向下 B. 函数的最大值为 1 C. 图象的对称轴为直线 $x=1$ D. 当 $x < 0$ 时 y 随 x 的增大而减小</p> | <p>【秋季敏学班第八讲例 3】</p> <p>例题 3</p> <p>(1) 对于二次函数 $y=2(x-1)^2-8$, 下列说法正确的是 ()</p> <p>A. 图象的开口向下 B. 当 $x=-1$ 时, 取得最小值为 $y=-8$ C. 当 $x < 1$ 时, y 随 x 的增大而减小 D. 图象的对称轴是直线 $x=-1$</p> | 95% |
| <p>【某育才半期 A12】</p> <p>12. 如图, 电线杆上的路灯距离地面 8m, 身高 1.6m 的小明 (AB) 站在距离电线杆的底部 (点 O) 20m 的 A 处, 则小明的影子 AM 长为 _____ m.</p> | <p>【秋季敏学班第二讲例 2】</p> <p>(2) (金牛区期末) 如图 2-2, 小明从路灯 B 下的 A 点, 向前走了 5 米到达 D 点, 发现自己在地面上的影子长 DE 是 2 米, 如果小明的身高为 1.6 米, 那么路灯离地面的高度 AB 是 _____ 米.</p>  | 90% |
| <p>【某育才半期 A13】</p> <p>13. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, CD 是 AB 边上的高, $AC=8$, $BC=6$, 则 $AD=$ _____.</p> | <p>【秋季勤思班第二讲例 2】</p> <p>(5) 如图 2-5, 若 CD 是 $\text{Rt}\triangle ABC$ 斜边 AB 上的高, $AD=3\text{cm}$, $CD=4\text{cm}$, 则 $BC=$ _____.</p> | 90% |

| | | |
|---|---|-----|
| <p>【某育才半期 A14】</p> <p>14. 抛物线 $y = ax^2 + b$ 的形状与 $y = 2x^2$ 的图象的形状相同, 开口方向相反, 与 y 轴交于点 $(0, -2)$, 则该抛物线的解析式为_____.</p> | <p>【暑假敏学班第十讲例 2】</p> <p>(2) 若抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 与 $y = 2x^2$ 的形状相同, 开口方向相反, 且其顶点坐标是 $(0, -2)$, 则该抛物线的函数表达式是_____.</p> | 95% |
| <p>【某育才半期 A18】</p> <p>18. (8 分) 成都七中育才学校 2018 年秋季运动会上, 学生电视台用无人机航拍技术全程直播. 如图, 在无人机的镜头下, 观测 A 处的俯角为 30°, B 处的俯角为 45°, 如果此时无人机镜头 C 处的高度 CD 为 20 米, 点 A、B、D 在同一条直线上, 则 A、B 两点间的距离为多少米? (结果保留根号)</p>  | <p>【秋季勤思班第七讲例 6】</p> <p>例题 6</p> <p>(七中高新半期) 某校九年级的小红同学, 在自己家附近进行测量一座楼房高度的实践活动. 如图, 她在山坡坡脚 A 处测得这座楼房的楼顶 B 点的仰角为 60°, 沿山坡往上走到 C 处再测得 B 点的仰角为 45°. 已知 $OA = 200$ m, 此山坡的坡比 $i = \frac{1}{2}$, 且 O、A、D 在同一条直线上.</p> <p>求: (1) 楼房 OB 的高度; (2) 小红在山坡上走过的距离 AC (计算过程和结果均不取近似值).</p>  | 90% |
| <p>【某育才半期 A19】</p> <p>19. (10 分) 如图, 在直角坐标系中, 矩形 OABC 的顶点 O 与原点重合, A、C 分别在坐标轴上, $OA = 2$, $OC = 4$, 直线 $y_1 = -\frac{1}{2}x + 3$ 交 AB、BC 分别于点 M、N, 反比例函数 $y_2 = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 M、N.</p> <p>(1) 求反比例函数的解析式; (2) 直接写出当 $y_1 > y_2$ 时, x 的取值范围; (3) 若点 P 在 y 轴上, 且 $\triangle OPM$ 的面积与四边形 AMON 的面积相等, 求点 P 的坐标.</p>  | <p>【秋季敏学班第 6 讲例 2】</p> <p>例题 2</p> <p>(育才半期 A19) 如图, 已知反比例函数 $y_1 = \frac{k}{x}$ ($k > 0$) 与一次函数 $y_2 = k_2x + 1$ ($k_2 \neq 0$) 相交于 A、B 两点, AC \perp x 轴于点 C, 若 $\triangle OAC$ 的面积为 1, 且 $AC : OC = 2 : 1$.</p> <p>(1) 求出反比例函数与一次函数的解析式; (2) 请直接写出 B 点的坐标, 再连接 OB, 求 $\triangle AOB$ 的面积; (3) 指出当 x 为何值时, 反比例函数 y_1 的值大于一次函数 y_2 的值.</p> <p>【解析】 (1) $S_{\triangle AOC} = \frac{1}{2} \times OC \cdot AC$ $= \frac{1}{2} \times OC \cdot 2OC = OC^2$, $\therefore OC^2 = 1$, $\therefore OC = 1, AC = 2, A(1, 2)$.</p>  | 90% |
| <p>【某育才半期 B21】</p> <p>21. 已知 x_1, x_2 是一元二次方程 $x^2 - 2x - 2015 = 0$ 的两根, 则 $x_1^2 + 2x_2 - x_1x_2 - 2016 =$_____.</p> | <p>【秋季敏学班第一讲例 6】</p> <p>例题 6</p> <p>(1) 已知 α, β 是一元二次方程 $x^2 + 2x - 7 = 0$ 的两个根, 则 $\alpha^2 + 3\alpha + \beta$ 的值为_____.</p> <p>(2) 已知 x_1, x_2 为方程 $x^2 + 3x + 1 = 0$ 两个实根, 则 $x_1^2 - 3x_2 + x_1x_2 =$_____.</p> <p>(3) (成外半期 A10) 已知 m, n 是方程 $x^2 - 2x - 1 = 0$ 的两个根, 则 $(3m^2 - 7m + 2)(3n^2 - 7n + 2)$ 的值等于 ()</p> <p>A. -15 B. 14 C. -16 D. 19</p> | 90% |
| <p>【某育才半期 B22】</p> <p>22. 已知 $\frac{2b+c}{a} = \frac{2c+a}{b} = \frac{2a+b}{c} = k, a+b+c \neq 0$, 将抛物线 $y = 2x^2$ 向右平移 k 个单位, 再向上平移 $2k$ 个单位后, 所得抛物线的表达式为_____, 对于平移后的抛物线, 当 $2 \leq x \leq 5$ 时, y 的取值范围是_____.</p> | <p>【暑假勤思班第一讲例题 1】</p> <p>(4) 已知: $\frac{b+c}{a} = \frac{a+c}{b} = \frac{a+b}{c} = k$, 则 $k =$_____.</p> | 90% |
| <p>【某育才半期 B24】</p> <p>24. 如图, 矩形 ABCD 中, $\frac{AB}{BC} = 2$, 点 $D(-1, 0)$, 点 A、B 在反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象上, CD 与 y 轴的正半轴相交于点 E, 若 E 为 CD 的中点, 则 k 的值为_____.</p>  | <p>【秋季勤思班第五讲例 5】</p> <p>(2) 如图 5-2, 在直角坐标系中, 矩形 OABC 的顶点 A、B 在双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$) 上, BC 与 x 轴交于点 D. 若点 A 的坐标为 $(1, 2)$, 则四边形 OABD 的面积为_____.</p>  | 90% |

【某育才半期 B27】

27. (10分) 如图(1), 已知点G在正方形ABCD的对角线AC上, $GE \perp BC$, 垂足为点E, $GF \perp CD$, 垂足为点F.

- 求证: 四边形CEGF是正方形并直接写出 $\frac{AC}{DE}$ 的值.
- 将正方形CEGF绕点C顺时针方向旋转 α° ($0 < \alpha < 45$), 如图(2)所示, 试探究AG与BE之间的数量关系, 并说明理由.
- 正方形CEGF在旋转过程中, 当B, E, F, 三点在一条直线上时, 如图(3)所示, 延长CG交AD于点H. 若 $AG=6$, $GH=2\sqrt{2}$, 求BC的长.



【秋季勤思班第3讲】

90%

- ①如图 2-1, 正方形 AEGH 的顶点 E、H 在正方形 ABCD 的边上, 直接写出 $HD:GC:EB$ 的结果 (不必写计算过程);
- ②将图 2-1 中的正方形 AEGH 绕点 A 旋转一定角度, 如图 2-2, 求 $HD:GC:EB$ 的值;
- ③把图 2-2 中的正方形都换成矩形, 如图 2-3, 且已知 $DA:AB=HA:AE=m:n$, 此时 $HD:GC:EB$ 的值与②小题的结果相比有变化吗? 如果有变化, 直接写出变化后的结果 (不必写计算过程).

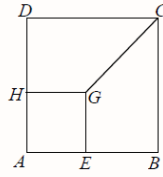


图 2-1

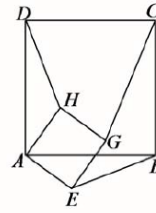


图 2-2

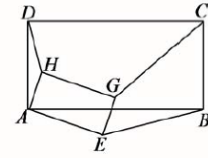
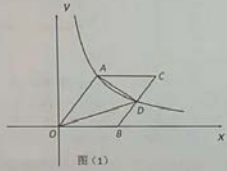


图 2-3

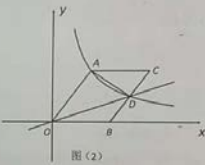
【某育才半期 B27】

28. (12分) 如图①, O为坐标原点, 点B在x轴的正半轴上, 四边形OACB是平行四边形, $\sin \angle AOB = \frac{4}{5}$, $OB=5$, 反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ ($k > 0$) 在第一象限内的图象经过点A, 与BC交于点D.

- 求点A的坐标和反比例函数解析式;
- 若 $\frac{CD}{AC} = \frac{3}{9}$, 求点D的坐标;
- 在(2)中的条件下, 如图(2), 点P为直线OD上的一个动点, 点Q为双曲线上的一个动点, 是否存在这样的点P, 点Q, 使以B, D, P, Q为顶点的四边形是平行四边形? 若存在, 请直接写出所有点P的坐标; 若不存在, 请说明理由.



图(1)



图(2)

【秋季勤思班第6讲例5】

90%

例题5

(17-18 西川半期 B28) 如图 5-1, 已知点 $A(a, 0)$, $B(0, b)$, 且 a, b 满足 $\sqrt{a+1} + (a+b+3)^2 = 0$, $\square ABCD$ 的边AD与y轴交于点E, 且E为AD中点, 双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 经过C、D两点.

- 求k的值;
- 点P在双曲线 $y = \frac{k}{x}$ 上, 点Q在y轴上, 若以点A、B、P、Q为顶点的四边形是平行四边形, 试求满足要求的所有点P、Q的坐标;

2018-2019 学年 七年级 学校 九 年级上半期 数学 试题详解

名师微点评

解题老师: 向永辉, 肖悦, 李欣

一. 选择题

1 ~ 5. C B C C B

6 ~ 10. D A B D C

析: ③. B选项为错误的



风筝模型也符合对角线垂直且相等

学而思 | 成都分校

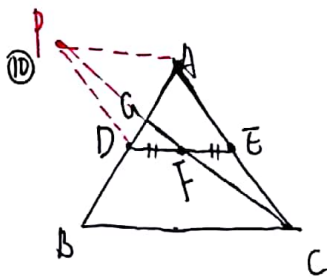
⑤ $kx^2 + 4x - 1 = 0$

① $k \neq 0, \Delta = 4^2 - 4k > 0$

$16 + 4k > 0$

$k > -4$

② $k = 0, 4x - 1 = 0, x = \frac{1}{4}$ 有解.



过点B作AC的平行线, 过点A作BC的平行线, 相交于点P.

$S_{\triangle OEF} = 18 \text{ cm}^2$

$\therefore \frac{GF}{AP} = \frac{1}{2}$

易得 $S_{\triangle PDF} = 18 \text{ cm}^2$

$\therefore S_{\triangle DGF} = 6 \text{ cm}^2$

$\therefore AP \parallel BC \parallel DE$

$\therefore \frac{DF}{AP} = \frac{1}{2}$

第④题想要得到比例, 必须

要构造平行线 构造A.8模型

二. 填空题

11. $2\sqrt{2}$

12. 5

13. 64

14. $V = 2x^2 - 2$



2018-2019 学年 某育才学校 九 年级上半期 数学 试题详解

解题老师: 向永峰, 肖悦, 李欣

名师微点评

计算题必须看条件与结论全部取印

17 图形题注意细节, 拿全分.

15, 16, 17, 必须看条件与结论

15. (1) $x_1 = -\frac{3}{2}, x_2 = 2$

1) 38

16. $\frac{1}{3x+18} = \frac{1}{3x+9}$

代入 = $\frac{1}{3}$ 注意: 整体代入

17. (1) 略

1) 略

13) $S_{\triangle OAB} = 4S_{\triangle OBC} = 4 \times \frac{1}{2} \times (15)^2 = 10.$

18. $(20\beta - 20)$ 米

19. (1) $y = \frac{4}{x}$

1) $0 < x < 2$

或 $x > 4$

13) $p(0, 4)$

学而思 | 成都分校

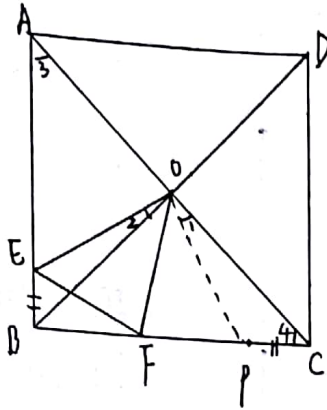


2018-2019 学年 某育才 学校 11 年级上半期 数学 试题详解

名师微点评

解题老师: 向可峰, 肖悦, 李欣

20



20题. 第12)小问利用大角夹半角

第13)小问利用三垂直模型

(3a)模型.

11) $\because AB=24 \quad BE=6 \quad \text{设 } EF=a$

$\therefore BF=18-a$

在Rt $\triangle BEF$ 中

$6^2 + (18-a)^2 = a^2$

$36 + 324 + a^2 - 36a = a^2$

$36a = 360$

$a = 10$

$\therefore EF=10$

12) 在CB上找一点P, 使得CP=BE.

$\therefore BE=CP$

$\angle OBE = \angle OCP = 45^\circ$

$OB=OC$

$\therefore \triangle OCP \cong \triangle OBE$

$\therefore OE=OP, \angle 1 = \angle 2$

$\therefore BE+BF+EF=BC$

$\therefore BE+BF+CP+EF=BC$

$\therefore EF=PF$

$\therefore \triangle OEF \cong \triangle OPF$

$\therefore \angle EOF = \angle POF$

$\therefore \angle 1 = \angle 2$

$\therefore \angle 2 + \angle BOP = \angle 1 + \angle BOP = 90^\circ$

$\therefore \angle EOF = \angle POF = 45^\circ$

13) $\therefore \angle 3 = \angle 4 = \angle EOF = 45^\circ$

$\therefore \angle EOF = \angle AOE + \angle COF = 135^\circ$

又 $\angle AOE + \angle AEO = 135^\circ$

$\therefore \angle COF = \angle AEO$

$\therefore \triangle AOE \sim \triangle CFO$

$\therefore OE=OF = \frac{\sqrt{6}}{2} = 1 = \sqrt{6} = 2$

$\therefore AO=CF = \frac{\sqrt{6}}{2} = 1 = \sqrt{6} = 2$

$AE=OC = \frac{\sqrt{6}}{2} = 1 = \sqrt{6} = 2$

设 $AO=\sqrt{6}a, OC=\sqrt{6}a$

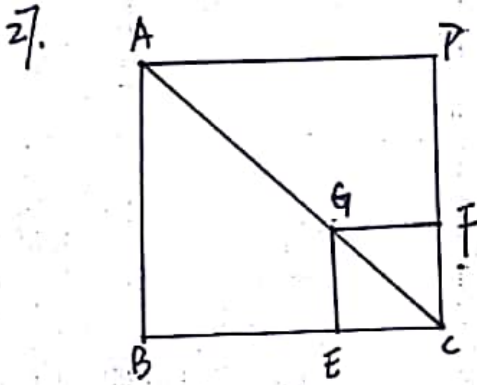
$\therefore CF=2a$

$AE = \sqrt{6}a \cdot \frac{\sqrt{6}}{2} = 3a$

$\therefore \frac{AE}{CF} = \frac{3a}{2a} = \frac{3}{2}$



解题老师: 肖悦 李欣 何永辉



(1) $\because ABCD$ 为正方形

$$\therefore \angle FCG = \angle ECG$$

在 $\triangle GCE$ 和 $\triangle GCF$ 中

$$\begin{cases} \angle GFC = \angle GEC \\ \angle FCG = \angle ECG \\ CG = CG \end{cases}$$

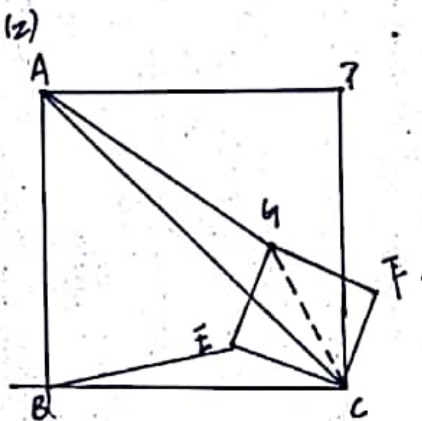
$\therefore \triangle GCE \cong \triangle GCF$ (AAS)

$$\therefore CE = CF$$

$\therefore GF \parallel EC, GB \parallel FC$

\therefore 四边形 $CEGF$ 为正方形

② $\frac{AG}{BE} = \sqrt{2}$



$$\therefore \angle BCA = \angle ECG = 45^\circ$$

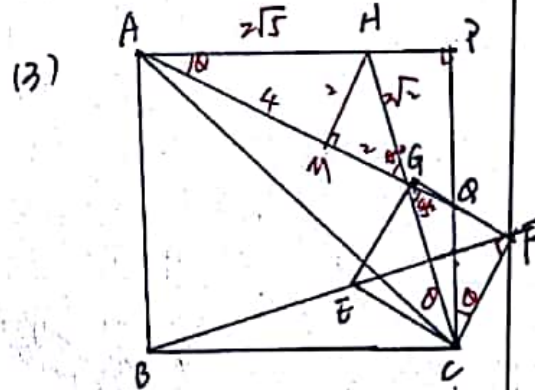
$$\therefore \angle BCE = \angle ACG = 45^\circ - \angle ACG$$

$$\therefore CG = CE = \sqrt{2} = 1 \quad CA = CB = \sqrt{2} = 1$$

$$\therefore \triangle CGA \cong \triangle CEB$$

$$\therefore \frac{AG}{BE} = \frac{GC}{EC} = \sqrt{2}$$

$$\text{即 } AG = \sqrt{2} BE$$



由 (1) 得 $\triangle CBE \cong \triangle CAG$

$$\therefore \angle CBE = \angle CAG$$

$$\angle BEF = \angle CAG + \angle CEB = 45^\circ + 45^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore \angle AGF = 90^\circ$$

即 $AG \perp EF$

过 H 作 $HM \perp AG$ 垂足为 M

$$\therefore HG = 2\sqrt{2}$$

$$\therefore HM = MG = 2$$

$$\therefore AG = 6$$

$$\therefore AM = 4, AH = 2\sqrt{5}$$

$$\therefore \angle D = \angle GFC = 90^\circ$$

$$\angle DOA = \angle FOC \text{ (对顶角)}$$

$$\therefore \triangle DOA \cong \triangle FOC$$

$$\therefore \angle DAO = \angle FCO = \theta$$

$$\therefore \angle FCO = \angle DCA = 45^\circ$$

$$\therefore \angle HCA = \theta$$

$$\therefore \triangle HAG \cong \triangle HCA$$

$$\therefore \frac{HG}{HA} = \frac{AG}{CA}$$

$$\text{即 } \frac{2\sqrt{2}}{2\sqrt{5}} = \frac{6}{AC}$$

$$\therefore AC = \frac{6\sqrt{5}}{2} = 3\sqrt{5}$$

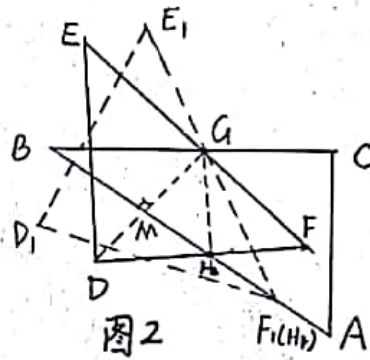
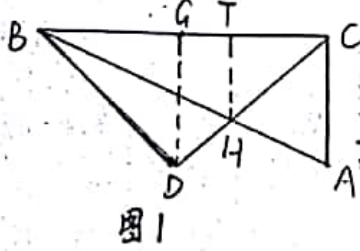
$$\therefore BC = \frac{6\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{10}$$

$$\text{即 } BC = 3\sqrt{10}$$



解题老师: 肖悦、李欣、何永辉

25.



本题难度较大。
首先要分清动态中的极限位置，其次每种情况下要解三角形并线段长。

$$BH = 12\sqrt{3} - 12$$

点H移动路程为: $12\sqrt{3} - 18$

①如图1, 连接DG, 过HT⊥BC交BC于T

则: $DG \perp BC$, $DG = GB = GC = \frac{1}{2}BC = 6$

在等腰Rt△GTH中, 设 $CT = TH = a$

则: $TG = CG = \sqrt{2}a = 6 \Rightarrow a = 3\sqrt{2}$

$$\triangle BTH \sim \triangle BCA \Rightarrow \frac{BT}{BC} = \frac{HT}{AC}$$

$$\text{即: } \frac{12-a}{12} = \frac{a}{4\sqrt{3}} \Rightarrow a = 6\sqrt{3} - 6$$

在Rt△BHT中, $\angle HBT = 30^\circ$

$$\Rightarrow BH = 2HT = 12\sqrt{3} - 12$$

②如图2

(1) 当 $GH \perp DF$ 即 $EF \parallel AB$ 时

BH_2 最短, 此时 $GM \perp BH_2$

$$BM = \frac{\sqrt{3}BG}{2} = 3\sqrt{3}$$

$$MH_2 = \frac{HT_2}{\sqrt{2}} = 3$$

$$\therefore BH_2 = BM + MH_2 = 3\sqrt{3} + 3$$

(2) 当 $\angle CAF = 60^\circ$ 时, BH_1 最长

此时 H_1 与 F_1 重合

在 $\triangle GBF_1$ 中, $\angle GBF_1 = \angle GFB_1 = 30^\circ$

$$\Rightarrow BH_1 = \sqrt{3}BG = 6\sqrt{3}$$

点H是从起始位置先到 H_2 再到 H_1

$$\therefore \text{路程为: } BH - BH_2 + BH_1 - BH_2$$

$$= 12\sqrt{3} - 12 - (3\sqrt{3} + 3) + (6\sqrt{3} - 3)$$

$$= 12\sqrt{3} - 12 - (3\sqrt{3} + 3) + 6\sqrt{3} - (3\sqrt{3} + 3)$$

$$= 12\sqrt{3} - 18$$

26. (1) 解: 设平均增长率为 x

$$\text{由题意得: } 128 \cdot (1+x)^2 = 200$$

$$\text{解得: } x = 25\%$$

$$200 \times (1+25\%) = 250$$

(2) 设A型手机数量为 a 台

$$\text{则利润为: } (600-400)a + (930-600) \cdot \frac{120000-400a}{600}$$

$$= 66000 - 20a$$

$$\therefore 2a \leq \frac{120000-400a}{600} \leq 2.3a$$

$$\therefore \frac{6000}{89} \leq a \leq 75$$

当 $a = \frac{6000}{89}$ 时, 最大利润为: $64644 \frac{46}{89}$ 元

答: (1) 该校12月使用智能手机的同学将有25人 (2) 可获最大利润为 $64644 \frac{46}{89}$ 元



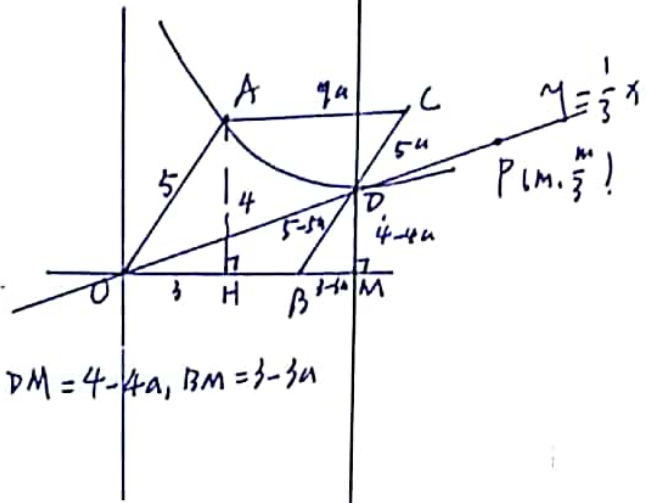
28. 解: (1) 过A作AH⊥OB, 垂足为H.

$$\therefore OA=5, \sin \angle AOB = \frac{4}{5}$$

$$\therefore OH=3, AH=4$$

$$\therefore k=3 \times 4 = 12$$

$$\therefore \text{解析式为 } y = \frac{12}{x}$$



(2) 设 $AC=9a$, 则 $DC=5a, BD=5-5a, DM=4-4a, BM=3-3a$

$$\text{则 } (3+6a)(4-4a) = 12$$

$$\therefore a = \frac{1}{2} \quad \therefore D(6, 2)$$

(3) $O(0,0) D(6,2) \therefore l_{OD}: y = \frac{1}{3}x$

设 $P(m, \frac{12}{m}) B(\frac{3}{2}, 0) D(6, 2)$

$$1^\circ \text{ 以 } BD \text{ 为对角线, 则 } Q(\frac{11}{2}-m, 2-\frac{m}{3}) \text{ 则}$$

$$(\frac{21}{2}-m)(2-\frac{m}{3}) = 12 \Rightarrow m = 18 \text{ 或 } m = -\frac{3}{2} (\text{舍})$$

$$\therefore P_1(18, \frac{2}{3})$$

2° 以 BP 为对角线, 则 $Q(m-\frac{3}{2}, \frac{m}{3}-2)$ 则

$$(m-\frac{3}{2})(\frac{m}{3}-2) = 12 \Rightarrow m = \frac{15+3\sqrt{3}}{4}$$

$$\therefore P_2(\frac{15+3\sqrt{3}}{4}, \frac{5+\sqrt{3}}{4})$$

3° 以 BQ 为对角线, 则 $Q(m+\frac{3}{2}, \frac{m}{3}+2)$

$$(m+\frac{3}{2})(\frac{m}{3}+2) = 12 \Rightarrow m = \frac{3\sqrt{3}-15}{4}$$

$$\therefore P_3(\frac{3\sqrt{3}-15}{4}, \frac{\sqrt{3}-5}{4})$$

