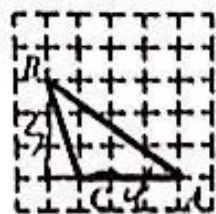


嘉祥初三 2018-2019 学年度上期上期半期试题

A 卷 (共 100 分)

一、选择题 (每小题 3 分, 共 30 分)

1. 如图, 在 6×6 的正方形网格中, $\triangle ABC$ 的顶点都在小正方形的顶点上, 则 $\tan \angle BAC$ 的值是 ()



- A. $\frac{4}{5}$ B. $\frac{4}{3}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{3}{5}$

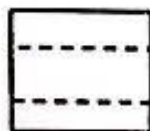
2. 已知 $a > b$, 则下列不等式中, 正确的是 ()

- A. $-a > -b$ B. $4a < 4b$ C. $a+3 > b+3$ D. $2a-1 > 3b-1$

3. 如图是一个空心圆柱体, 它的主视图是 ()



A



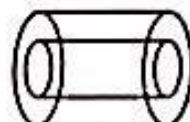
B



C



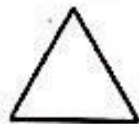
D



4. 2015 年 3 月 28 日, 国家发展改革委、外交部、商务部联合发布了《推动共建丝绸之路经济带和 21 世纪海上丝绸之路的愿景与行动》. 2015 年, 中国企业共对“一带一路”相关的 49 个国家进行了直接投资, 我国承接“一带一路”相关国家服务外包合同金额 178.3 亿美元. “178.3 亿”用科学记数法表示为 ()

- A. 1.783×10^8 B. 1.783×10^9 C. 1.783×10^{10} D. 1.783×10^{11}

5. 几何图形中, 一定是轴对称图形的有 ()



等边三角形



直角三角形



平行四边形



正五边形

- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

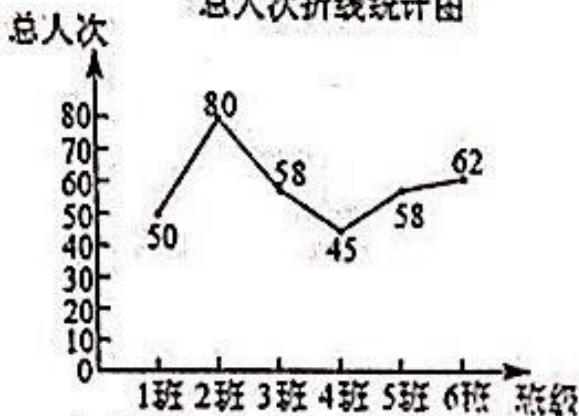
6. 为了美化环境, 我县加大对绿化的投资, 2016 年用于绿化的投资为 20 万元, 2018 年用于绿化的投资为 25 万元, 求这两年绿化投资的年平均增长率. 设这两年绿化投资的年平均增长率为 x , 根据题意, 所列方程为 ()

- A. $20x^2 = 25$ B. $20(1+x) = 25$ C. $20(1+x)^2 = 25$ D. $20(1+x) + 20(1+x)^2 = 25$

7. 某校九年级参加了“维护校区周边环境”、“维护繁华街道卫生”、“义务扫路”等志愿者活动, 如图是根据该校九年级六个班的同学某天“义务扫路”总人次所绘制的折线统计图, 则关于这六个数据中, 下列说法正确的是 ()

九年级六个班的同学某天“义务指路”

总人次折线统计图

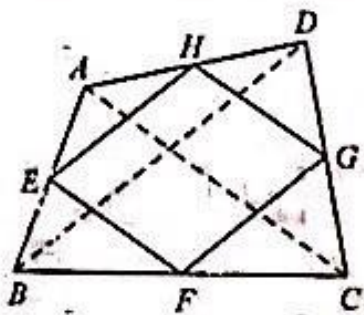


- A. 极差是 40 B. 众数是 58 C. 中位数是 51.5 D. 平均数是 60

8. 若关于 x 的方程 $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 有实数根, 则 k 的取值范围是 ()

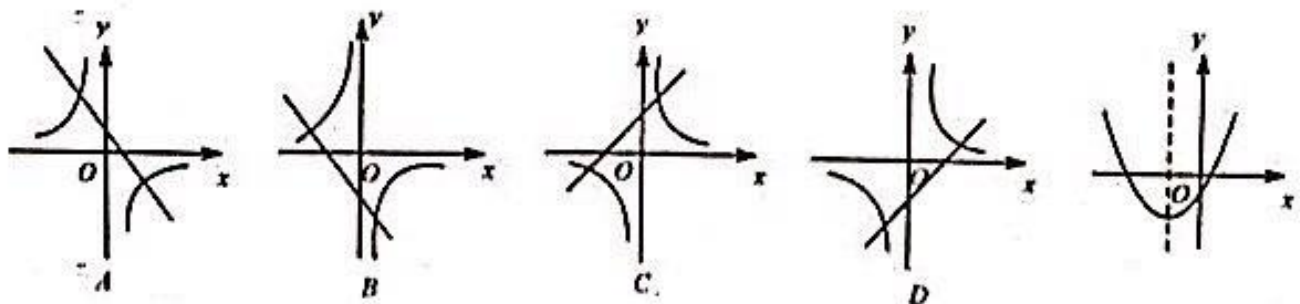
- A. $k \geq -4$ 且 $k \neq 0$ B. $k \geq -4$ C. $k > -4$ 且 $k \neq 0$ D. $k > -4$

9. 如图, 四边形 $ABCD$ 中, 点 E, F, G, H 分别是边 AB, BC, CD, DA 的中点. 若四边形 $EFGH$ 为菱形, 则对角线 AC, BD 应满足条件是 ()



- A. $AC \perp BD$ B. $AC = BD$ C. $AC \perp BD$ 且 $AC = BD$ D. 不确定

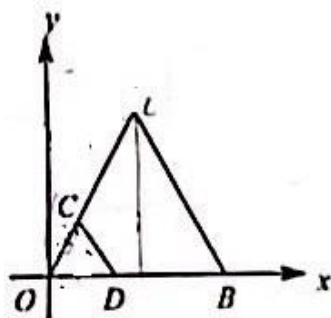
10. 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象如图所示, 则反比例函数 $y = \frac{a}{x}$ 与一次函数 $y = ax + b$ 在同一坐标系内的大致图象是 ()



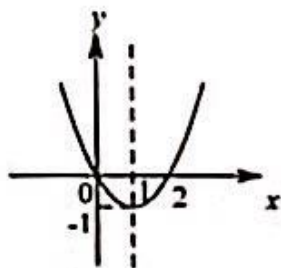
二、填空题 (每小题 4 分, 共 16 分)

11. 使分式 $\frac{x^2}{x^2+x}$ 有意义的条件是 _____.

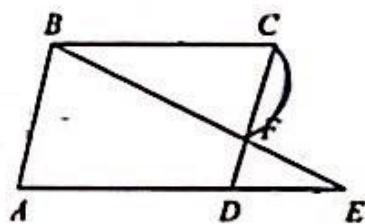
12. 如图, 线段 CD 两个端点的坐标分别为 $C(1, 2)$ 、 $D(2, 0)$, 以原点为位似中心, 将线段 CD 放大得到线段 AB , 若点 B 的坐标为 $(5, 0)$, 则点 A 的坐标为_____.



13. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象如图所示, 则这个二次函数的表达式是_____.



14. 如图所示, E 为平行四边形 $ABCD$ 的边 AD 延长线上一点, 且 D 为 AE 的黄金分割线, 即 $AD = \frac{\sqrt{5}-1}{2} AE$, BE 交 DC 于点 F , 已知 $AB = \sqrt{5} + 1$, 则 $CF =$ _____.



三、计算题

15. (每小题 6 分)

(1) 计算: $-2^4 - \sqrt{12} + |1 - 4\sin 60^\circ| + \left(\pi - \frac{2}{3}\right)^0$;

(2) 解方程: $2x^2 - 4x - 1 = 0$

16. (6分) 先化简, 再求值: $\left(\frac{x}{x-1}+1\right)+\frac{4x-4x+1}{1-x}$, 其中 x 是满足不等式组 $\begin{cases} 2x+1 > -3 \\ x+2 \leq 3 \end{cases}$ 的最小整数.

四、解答题

17. (8分) 自行车因其便捷环保深受人们喜爱, 成为日常短途代步与健身运动首选. 如图1是某品牌自行车的实物图. 图2是它的简化示意图, 经测量, 车轮的直径为66cm, 车座 B 到地面的距离 BE 为90cm, 中轴轴心 C 到地面的距离 CF 为33cm, 车架中立管 BC 的长为60cm, 后轮切地面 L 于点 D . (参考数据: $\sin 72^\circ \approx 0.95$, $\cos 18^\circ \approx 0.95$, $\tan 43.5^\circ \approx 0.95$)

(1) 求 $\angle ACB$ 的大小; (精确到 1°)

(2) 如果希望车座 B 到地面的距离 $B'E'$ 为96.8cm, 车架中立管 BC 拉长的长度 BB' 应是多少? (结果取整数)



图1

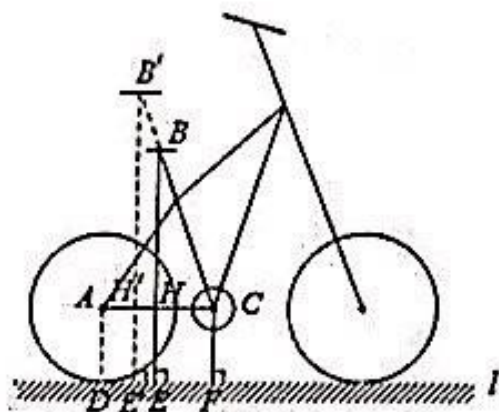


图2

18. (8分) 李克强总理说:“一个国家养成全民阅读习惯非常重要...我希望全民阅读能够形成一种氛围, 无处不在。”为了响应国家的号召, 某“希望”学校的全体师生掀起了阅读热潮. 下面是该校三个年级的学生人数分布扇形统计图与学生在4月份阅读课外书籍人次的统计图表. 其中七年级的学生人数为240人, 请解答下列问题:

图书种类	频数	频率
科普书籍	A	B
文学	1200	C
漫画丛书	D	0.35
其他	200	0.05

(1) 该校七年级学生人数所在扇形的圆心角为_____, 该校的学生总人数为_____;

(2) 请补全条形统计图;

(3) 为了鼓励学生读书, 学校决定在“五·四”青年节举行两场读书报告会. 报告会的内容从“科普书籍”“文学”“漫画丛书”“其他”中任选两个, 用画树状图或列表的方法求两场报告会的内容恰好是“科普书籍”与“漫画丛书”的概率. (“科普书籍”“文学”“漫画丛书”“其他”, 可以分别用 K 、 M 、 N 、 Q 来表示).

B 卷 (共 50 分)

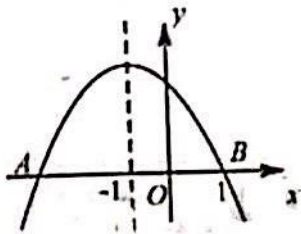
填空题 (每小题 4 分, 共 20 分)

设 x_1, x_2 是 $x^2 + 5x - 3 = 0$ 一元二次方程的两个实根, 且 $2x_1(x_2^2 + 6x_2 - 3) + a = 4$, 则 $a =$ _____.

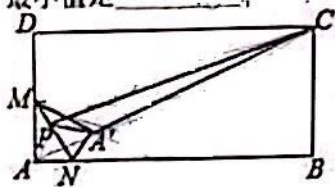
从 -2, -1, 1, 2 这四个数中任取一个作为 a 的值, 再从余下的三个数中任取一个数作为 b 的值,

不等式组 $\begin{cases} x > a \\ x < b \end{cases}$ 有整数解的概率是 _____.

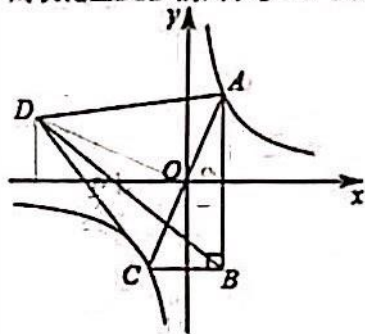
3. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 图象如图所示, 现有下列结论 ① $abc > 0$; ② $a + b + c < 0$; ③ $c = 2a$; ④ $a - b > 0$; 则其中正确的结论是 _____ (只填写序号).



24. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = 4$, $AD = 2$, M 是 AD 边的中点, N 是 AB 边上的一动点, 将 $\triangle AMN$ 沿 MN 所在直线翻折得到 $\triangle A'MN$, 连接 $A'C$. 在 MN 上存在一动点 P , 连接 $A'P$, CP , 则 $\triangle A'PC$ 周长的最小值是 _____.



25. 如图, 已知双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($k \neq 0$) 与正比例函数 $y = mx$ ($m \neq 0$) 交于 A, C 两点, 以 AC 为边作等边三角形 ACD , 且 $S_{\triangle ACD} = 20\sqrt{3}$, 再以 AC 为斜边作直角三角形 ABC , 使 $AB \parallel y$ 轴, 连接 BD , 若 $\triangle ABD$ 的周长比 $\triangle BCD$ 的周长多 4, 则 $k =$ _____.



解答题

(本题 8 分) 为满足社区居民健身的需要, 市政府准备采购若干套健身器材免费供给社区, 经考察, 劲松公司有 A, B 两种型号的健身器材可供选择.

1) 劲松公司 2015 年每套 A 型健身器材的售价为 2.5 万元, 经过连续两年降价, 2017 年每套售价为 1.6 万元, 求每套型健身器材年平均下降率 n ;

2) 2017 年市政府经过招标, 决定年内采购并安装劲松公司 A, B 两种型号的健身器材共 80 套, 采购专项费总计不超过 112 万元, 采购合同规定: 每套 A 型健身器材售价为 1.6 万元, 每套 B 型健身器材售价为 1.2 万元.

① A 型健身器材最多可购买多少套?

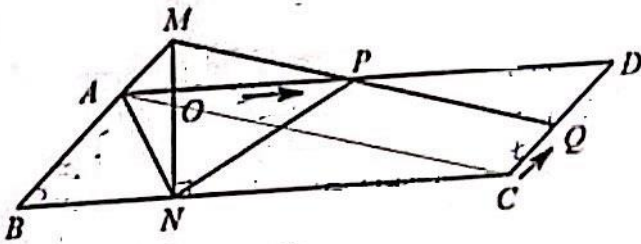
② 安装完成后, 若每套 A 型和 B 型健身器材一年的养护费分别是购买价的 5% 和 15%, 市政府计划支出 10 万元进行养护, 问该计划支出能否满足一年的养护需要?

27. (本题 10 分) 已知: 如图, 平行四边形 $ABCD$ 中, $AD=3\text{cm}$, $CD=1\text{cm}$, $\angle B=45^\circ$, 点 P 从点 A 出发, 沿 AD 方向匀速运动, 速度为 3cm/s ; 点 Q 从点 C 出发, 沿 CD 方向匀速运动, 速度为 1cm/s , 连接并延长 QP 交 BA 的延长线于点 M , 过 M 作 $MN \perp BC$, 垂足是 N , 设运动时间为 t (s) ($0 < t < 1$) 解答下列问题:

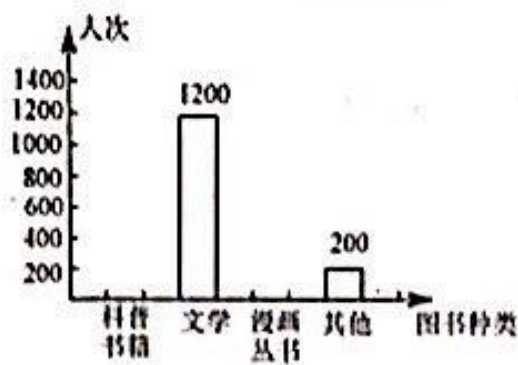
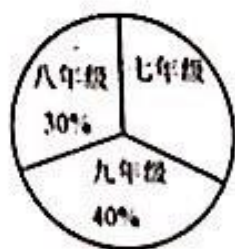
(1) 当 t 为何值时, 四边形 $AQDM$ 是平行四边形?

(2) 设四边形 $ANPM$ 的面积为 v (cm^2), 求 v 与 t 之间的函数关系式;

(3) 连接 AC , 是否存在某一时刻 t , 使 NP 与 AC 的交点把线段 AC 分成 $\sqrt{2}:1$ 的两部分? 若存在, 求出相应的 t 值; 若不存在, 说明理由.



28. (12 分) 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 AB 交两坐标轴于 A , B 两点, $OA > OB$, 且 OA , OB 的长分别是一元二次方程 $x^2 - 7x + 12 = 0$ 的两根.

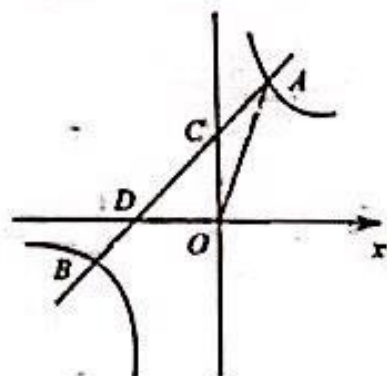


19. (10分) 如图, 反比例函数 $y = \frac{2}{x}$ 的图象与一次函数 $y = kx + b$ 的图象交于点 $A(1, m)$ 、 $B(-2, n)$ 两点, 一次函数图象与 y 轴交于点 C , 与 x 轴交于点 D .

(1) 求一次函数的解析式;

(2) 观察图象, 写出 $\frac{2}{x} > kx + b$ 时自变量 x 的取值范围;

(3) 在第三象限的反比例图象上是否存在一个点 P , 使得 $S_{\triangle OCP} = S_{\triangle OCD}$? 若存在请求出来 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.

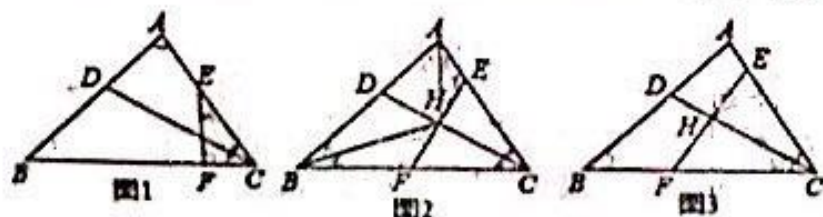


20. (10分) $\triangle ABC$ 中, $BC > AC$, CD 平分 $\angle ACB$ 交于 AB 于 D , E 、 F 分别是 AC 、 BC 边上的两点, EF 交于 CD 于 H .


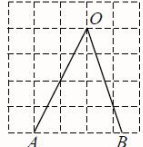
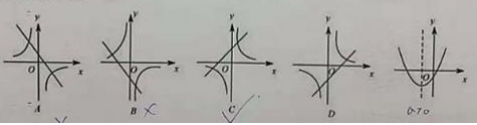
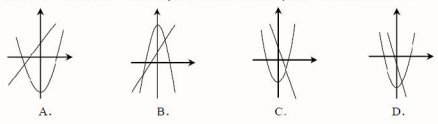
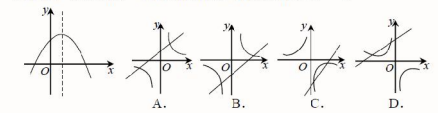
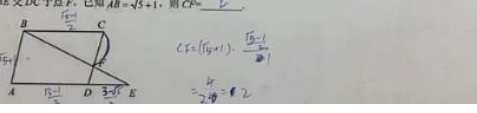
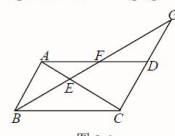
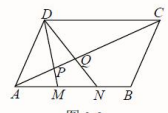
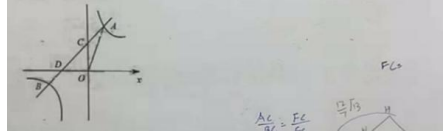
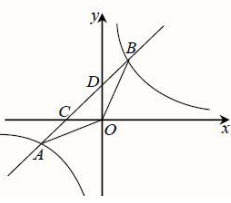
(1) 如图1, 若 $\angle EFC = \angle A$, 求证: $CE \cdot CD = CH \cdot BC$;

(2) 如图2, 若 BH 平分 $\angle ABC$, $CE = CF$, $BF = 3$, $AE = 2$, 求 EF 的长;

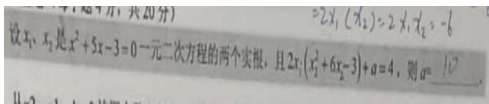
(3) 如图3, 若 $CE \neq CF$, $\angle CEF = \angle B$, $\angle ACB = 60^\circ$, $CH = 5$, $CE = 4\sqrt{3}$, 求 $\frac{AC}{BC}$ 的值.



相似度匹配

考试题目	学而思题目	相似度
<p>【某祥半期 A1】</p> <p>1. 如图, 在 6×6 的正方形网格中, $\triangle ABC$ 的顶点都在小正方形的顶点上, 则 $\tan \angle BAC$ 的值是 ()</p>  <p>A. $\frac{4}{5}$ B. $\frac{4}{3}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{3}{5}$</p>	<p>【秋季勤思班第七演练一】</p> <p>题1</p> <p>(1) 如图, 正方形网格中, $\angle AOB$ 如图放置, 则 $\cos \angle AOB$ 的值为 _____.</p>  <p>(2) 计算: $(\pi+3)^0 + \tan 60^\circ - \cos 30^\circ - 1 - \sqrt{2} \times \sqrt{6} =$ _____.</p>	95%
<p>【某祥半期 A8】</p> <p>8. 若关于 x 的方程 $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 有实数根, 则 k 的取值范围是 ()</p> <p>A. $k \geq -4$ 且 $k \neq 0$ B. $k \geq -4$ C. $k > -4$ 且 $k \neq 0$ D. $k > -4$</p>	<p>【秋季勤思班第一讲例 1】</p> <p>例题1</p> <p>(1) (16 石宝半期) 已知 $x = -1$ 是一元二次方程 $ax^2 + bx - 10 = 0$ 的一个解, 且 $a + b \neq 0$, 则代数式 $\frac{a^2 - b^2}{2a + 2b}$ 的值为 _____.</p> <p>(2) 关于 x 的方程 $(k-1)x^2 - 2x + 1 = 0$ 有实数根, 则实数 k 的取值范围是 _____.</p> <p>(3) (17 实外半期) 关于 x 的一元二次方程 $(1-2k)x^2 - 2\sqrt{k+1}x - 1 = 0$ 有两个不相等的实数根, k 的取值范围是 _____.</p>	95%
<p>【某祥半期 A10】</p> <p>10. 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象如图所示, 则反比例函数 $y = \frac{a}{x}$ 与一次函数 $y = ax + b$ 在同一坐标系内的大致图象是 ()</p> 	<p>【秋季敏学班第八讲例 4】</p> <p>例题4</p> <p>(1) 在同一坐标系中, 一次函数 $y = ax + b$ 与二次函数 $y = bx^2 + a$ 的图象可能是 ()</p>  <p>(2) (青羊区一诊) 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象如图所示, 反比例函数 $y = \frac{b}{x}$ 与一次函数 $y = cx + a$ 在同一平面直角坐标系中的大致图象是 ()</p> 	95%
<p>【某祥半期 A14】</p> <p>14. 如图所示 E 为平行四边形 $ABCD$ 的边 AD 延长线上一点, 且 D 为 AE 的黄金分割线, 即 $AD = \frac{\sqrt{5}-1}{2} AE$, BE 交 DC 于点 F, 已知 $AB = \sqrt{5} + 1$, 则 $CF =$ _____.</p> 	<p>【暑假勤思班第二讲例 3】</p> <p>例题3</p> <p>(1) 如图 3-1, 已知 $\square ABCD$ 中, 过点 B 的直线顺次与 AC、AD 及 CD 的延长线相交于点 E、F、G, 若 $BE = 5$, $EF = 2$, 则 FG 的长为 _____.</p>  <p>(2) 如图 3-2, 已知在 $\square ABCD$ 中, M、N 为 AB 的三等分点, DM、DN 分别交 AC 于 P、Q 两点, 则 $AP:PQ:QC =$ _____.</p> 	90%
<p>【某祥半期 A19】</p> <p>19. (10分) 如图, 反比例函数 $y = \frac{2}{x}$ 的图象与一次函数 $y = kx + b$ 的图象交于点 $A(1, m)$、$B(-2, n)$ 两点, 一次函数图象与 y 轴交于点 C, 与 x 轴交于点 D.</p> <p>(1) 求一次函数的解析式;</p> <p>(2) 观察图象, 写出 $kx + b > \frac{2}{x}$ 时自变量 x 的取值范围;</p> <p>(3) 在第三象限的反比例图象上是否存在一个点 P, 使得 $S_{\triangle ACP} = S_{\triangle ABC}$? 若存在请求出点 P 的坐标, 若不存在, 请说明理由.</p> 	<p>【秋季勤思班第五讲例 1】</p> <p>例题1</p> <p>(锦江区一诊) 如图, 一次函数 $y_1 = kx + b$ 的图象与反比例函数 $y_2 = \frac{m}{x}$ 的图象交于点 A、B 两点, 与 x 轴、y 轴交于 C、D 两点, 且点 C、D 刚好是线段 AB 的三等分点, $OD = 2$, $\tan \angle DCO = \frac{2}{3}$.</p>  <p>(1) 求一次函数与反比例函数的解析式;</p> <p>(2) 求 $\triangle AOB$ 的面积;</p> <p>(3) 若 $y_1 = y_2$, 请直接写出相应自变量 x 的取值范围.</p>	95%

【某祥半期 B21】



【秋季勤思班第一讲例 2】

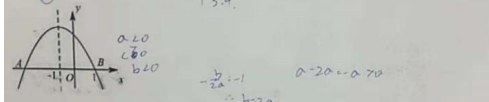
例题2

- (1) (17 七中育才半期) 已知 $x^2 - 2x - 2 = 0$, 代数式 $(x-1)^2 + 2017$ 的值为_____.
- (2) (17 西川半期) 已知 $(a^2 + b^2)(a^2 - 3 + b^2) - 10 = 0$, 则 $a^2 + b^2$ 的值为_____.
- (3) (17 石室联中半期) 若 α, β 是方程 $2x^2 - 5x - 1 = 0$ 的两个实数根, 则 $2\alpha^2 + 3\alpha\beta + 5\beta$ 的值为_____.
- (4) (17 成外半期) 已知 m 是方程 $x^2 - 2017x + 1 = 0$ 的一个根, 则代数式 $m^2 - 2018m + \frac{m^2 + 1}{m} + 3$ 的值为_____.

90%

【某祥半期 B23】

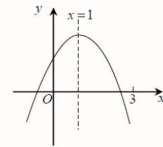
3. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 图象如图所示, 现有下列结论: ① $abc > 0$; ② $a + b + c < 0$; ③ $a - b > 0$; ④ $a - b > 0$; 则其中正确的结论是_____ (只填写序号).



【秋季勤思班第八讲例 2】

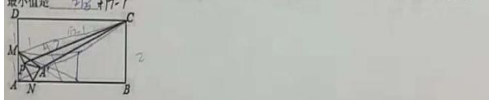
例题2

- (1) 二次函数 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 图象如图, 下列结论:
- ① $abc > 0$;
 - ② $2a + b = 0$;
 - ③ 当 $m = 1$ 时, $a + b > am^2 + bm$;
 - ④ $a - b + c > 0$;
 - ⑤ 若 $ax_1^2 + bx_1 = ax_2^2 + bx_2$, 且 $x_1 \neq x_2$, $x_1 + x_2 = 2$.
- 其中正确的有_____.

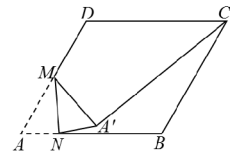


【某祥半期 B24】

24. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB = 4, AD = 2$, M 是 AD 边的中点, N 是 AB 边上的一动点, 将 $\triangle AMN$ 沿 MN 所在直线翻折得到 $\triangle A'MN$, 连接 $A'C$. 在 MN 上存在一动的点 P , 连接 $A'P, CP$, 则 $\triangle A'PC$ 周长的最小值是_____.



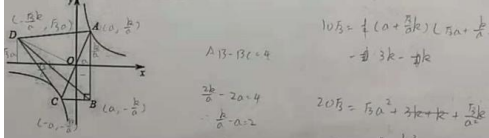
- (1) (成都中考) 如图 6-1, 在边长为 2 的菱形 $ABCD$ 中, $\angle A = 60^\circ$, M 是 AD 边的中点, N 是 AB 边上的一动点, 将 $\triangle AMN$ 沿 MN 所在的直线翻折得到 $\triangle A'MN$, 连接 $A'C$, 则 $A'C$ 长度的最小值是_____.



95%

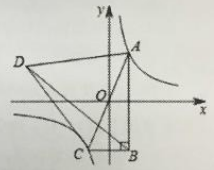
【某祥半期 B25】

25. 如图, 已知双曲线 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 与正比例函数 $y = mx (m \neq 0)$ 交于 A, C 两点, 以 AC 为边作等边三角形 ACD , 且 $S_{\triangle ACD} = 20\sqrt{3}$, 再以 AC 为斜边作直角三角形 ABC , 使 $AB \parallel y$ 轴, 连接 BD , 若 $\triangle ABD$ 的周长比 $\triangle BCD$ 的周长多 4, 则 $k =$ _____.



【创新班 B 填狂练】

6. 如图, 已知双曲线 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 与正比例函数 $y = mx (m \neq 0)$ 交于 A, C 两点, 以 AC 为边作等边三角形 ACD , 且 $S_{\triangle ACD} = 20\sqrt{3}$, 再以 AC 为斜边作直角三角形 ABC , 使 $AB \parallel y$ 轴, 连接 BD . 若 $\triangle ABD$ 的周长比 $\triangle BCD$ 的周长多 4, 则 $k =$ _____.



100%

解题老师: 初三全体数学老师

A 卷

一. 选择题

1. C 2. C 3. B 4. C 5. B 6. C 7. B 8. B 9. B 10. C

解析:

8. ①当方程为一元二次方程时,
有实数根, 则

$$\Delta = 16 + 4k \geq 0$$

$$\therefore k \geq -4 \text{ 且 } k \neq 0$$

②当方程为一元一次方程时,

则 $k=0$, $4x+4=0$ 有实根

$$\therefore k=0$$

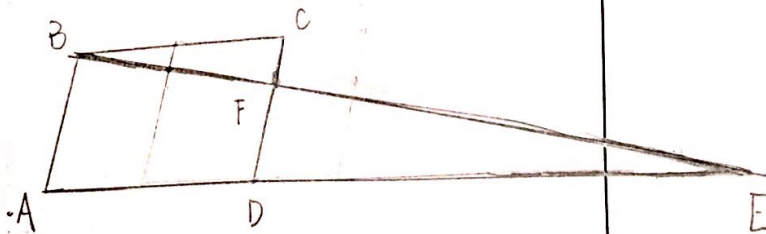
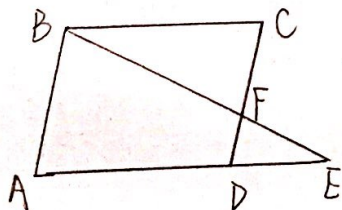
题中要求为方程(可为一元二次也可为一元一次方程), 故 $k \geq -4$

二. 填空题

11. $x \neq 0$ 且 $x \neq -1$ 12. $(\frac{5}{2}, 5)$ 13. $y = x^2 - 2x$ 14. $\sqrt{5}-1$ 或 2

解析:

14.



①当 D 为靠近 E 的黄金分割点时,

$$\therefore BC \parallel DE$$

$$\therefore \triangle BCF \sim \triangle EFD$$

$$\therefore \frac{DE}{CB} = \frac{DF}{CF} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$$

$$DF + CF = \sqrt{5} + 1, \therefore CF = \frac{\sqrt{5}-1}{2} (\sqrt{5}+1) = 2$$

②当 D 为靠近 A 的黄金分割点时,

$$\text{同理 } \triangle BCF \sim \triangle EFD$$

$$\therefore \frac{BC}{DE} = \frac{CF}{DF} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$$

$$DF + CF = \sqrt{5} + 1$$

$$\therefore DF = \frac{\sqrt{5}-1}{2} (\sqrt{5}+1) = 2 \therefore CF = CD - DF = \sqrt{5} - 1$$

需分类讨论



解题老师: 初三全体数学老师

三. 计算题

15. (1) $2^4 - \sqrt{2} + |1 - 4\sin 60^\circ| + (\pi - \frac{2}{3})^0$

原式 = $16 - 2\sqrt{2} + |1 - 2\sqrt{3}| + 1$

= $16 - 2\sqrt{2} + 2\sqrt{3} + 1$

= 17

(2) 解方程:

$2x^2 - 4x + 1 = 0$

解: $2(x^2 - 2x) = -1$

$2(x^2 - 2x + 1) - 2 = -1$

$2(x-1)^2 = 1$

$(x-1)^2 = \frac{1}{2}$

$x-1 = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$

$x = 1 \pm \frac{\sqrt{2}}{2}$

$\therefore x_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} + 1$

$x_2 = -\frac{\sqrt{2}}{2} + 1$

学而思 | 成都分校

16. 解: $(\frac{x}{x-1} + 1) \div \frac{4x^2 - 4x + 1}{1-x}$

解: 原式 = $(\frac{x}{x-1} + \frac{x-1}{x-1}) \div \frac{(2x-1)^2}{1-x}$

= $\frac{2x-1}{x-1} \cdot \frac{1-x}{(2x-1)^2}$

= $-\frac{1}{2x-1}$

= $\frac{1}{1-2x}$

$\begin{cases} 2x+1 > -3 & \text{①} \\ x+2 \leq 3 & \text{②} \end{cases}$

由①得,

$x > -2$

由②得

$x \leq 1$

$\therefore -2 < x \leq 1$



由题知,

$x = -1$, 验证可以代入

将 $x = -1$ 代入,

原式 = $\frac{1}{1+2} = \frac{1}{3}$



2018-2019 学年 某祥 学校 九 年级上半期 数学 试题详解

名师微点评

解题老师: 初三全体数学老师

17. 解: (1) 由题知, $\triangle BCH$ 为直角三角形

$$\angle BHC = 90^\circ$$

$$\sin \angle ACB = \sin \angle HCB = \frac{BH}{BC} = \frac{BE - HE}{BC}$$

$$\text{由题知, } BH = BE - HE = 90 - 33 = 57 (\text{cm})$$

$$BC = 60 (\text{cm})$$

$$\therefore \sin \angle ACB = \frac{BH}{BC} = 0.95$$

$$\therefore \angle ACB = 72^\circ$$

(2) 由题知,

$$\triangle BCH \sim \triangle B'CH'$$

$$\frac{BC}{B'C} = \frac{BH}{B'H'}$$

$$\therefore \frac{60}{B'C} = \frac{57}{63.8}$$

$$\therefore BC \approx 67 \text{ cm}$$

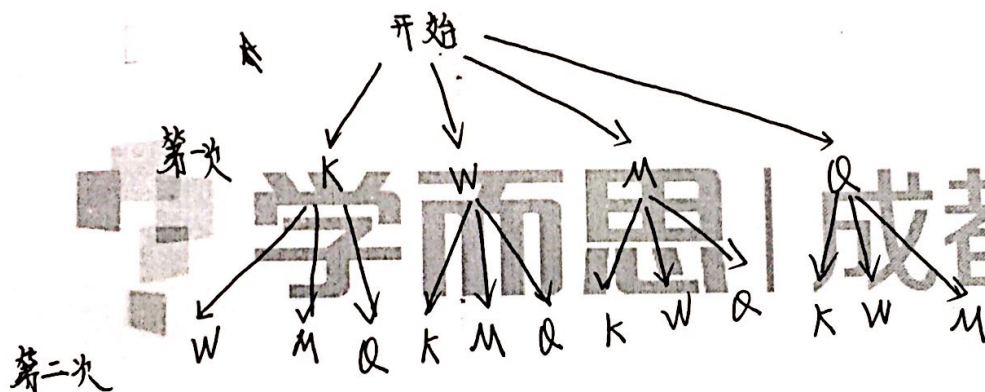
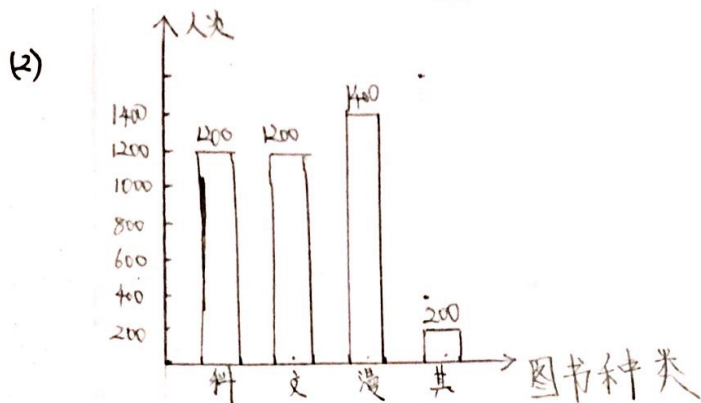
$$\therefore B'B = B'C - BC = 7 \text{ cm}$$

$$\therefore BB' \text{ 应是 } 7 \text{ cm}$$

学而思 | 成都分校



18. (1) 108° , 800 人



19 解(1): $A(1, m)$, $B(2, n)$ 在反比例函数 $y = \frac{2}{x}$ 上

$$\therefore A(1, 2) \quad B(2, 1)$$

将 $A(1, 2)$ $B(2, 1)$ 代入 $y = kx + b$

$$\begin{cases} 2 = k + b \\ 1 = 2k + b \end{cases} \text{ 解得 } \begin{cases} k = 1 \\ b = 1 \end{cases} \therefore \text{一次函数解析式为 } y = x + 1$$

(2) 经观察, $0 < x < 1$ 或 $x < -2$ 时, $\frac{2}{x} > kx + b$

(3) 存在
 $S_{\triangle OCP} = \frac{1}{2} \cdot OC \cdot |x_P|$; $S_{\triangle OCA} = \frac{1}{2} \cdot OC \cdot |x_A| = \frac{1}{2} \times 2 \times 1 = 1$

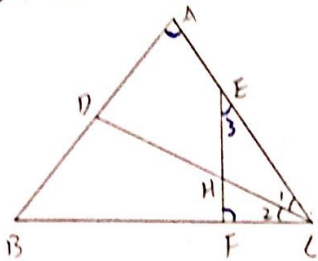
$$\therefore S_{\triangle OCP} = \frac{1}{2} \times 2 \times |x_P| = 1 \quad \therefore x_P = -1$$

$$\therefore P(-1, 2)$$

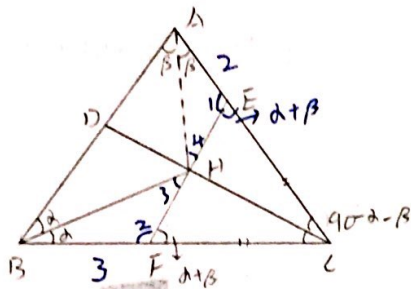


解题老师: 初三 几何 数学 老师

A. 20.



(1) $\because CD$ 为角分线 $\therefore \frac{CE}{CB} = \frac{CH}{CD}$
 $\therefore \angle 1 = \angle 2$
 $\therefore \angle A = \angle EFC$
 $\therefore \angle B = \angle 3$
 $\therefore \triangle CEH \sim \triangle CBD$

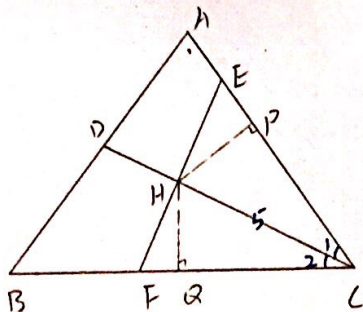


(2) 连接 AH
 $\because BH, CH$ 为角分线
 $\therefore AH$ 为角分线
 $\therefore \angle DBH = \angle FCH = \alpha$
 $\angle DAH = \angle EAH = \beta$
 $\therefore \frac{AE}{EH} = \frac{HE}{BF}$
 $\therefore EH = FH, AE = 2, BF = 3$
 $\therefore EH^2 = 2 \times 3$
 $\therefore EH = \sqrt{6}$

中学而思 | 成都分校

$\angle ECH = \angle FCH = 90^\circ - \alpha - \beta$
 $\therefore CF = CE$

$\therefore CH \perp EF, \angle CEF = \angle CFE$
 $\therefore \angle 1 = \angle 2 = \alpha + \beta$
 $\therefore \angle 3 = \beta, \angle 4 = \alpha$
 $\therefore \triangle AEH \sim \triangle HFB$



(3). 过 H 作 $HP \perp EC$
 过 H 作 $HQ \perp FC$
 $\therefore \angle 1 = \angle 2 = 30^\circ$
 $HC = 5$
 $\therefore HP = \frac{5}{2}, PC = \frac{5\sqrt{3}}{2}$
 $\therefore EC = 4\sqrt{3}$
 $\therefore EP = \frac{3\sqrt{3}}{2}$
 $\therefore HE = \sqrt{13}$

$\frac{CE}{EH} = \frac{CF}{FH} = \frac{4\sqrt{3}}{\sqrt{13}}$
 \therefore 设 $HQ = \sqrt{13}a$
 $FC = 4\sqrt{3}a$
 $\therefore \angle 1 = \angle 2$
 $\therefore CQ = CP = \frac{5\sqrt{3}}{2}$
 $\therefore FQ = 4\sqrt{3}a - \frac{5\sqrt{3}}{2}$
 $\therefore HQ = HP = \frac{5}{2}$

\therefore 在 $Rt\triangle HFQ$ 中 第 5 页, 共 10 页
 $\therefore HF^2 = HQ^2 + FQ^2$
 $\therefore 13a^2 = \frac{25}{4} + (4\sqrt{3}a - \frac{5\sqrt{3}}{2})^2$

根据角分线定理



2018-2019 学年 某校 学校 九 年级上半期 数学 试题详解

名师微点评

解题老师: 初三全体数学老师

$$\therefore a=1 \text{ (舍)} \text{ 或 } a=\frac{5}{7} \quad (a=1 \text{ 时, } FH=EH)$$

$$\therefore FC = \frac{20\sqrt{3}}{7}$$

$$\therefore \angle ECF = \angle ACB$$

$$\angle B = \angle CEF$$

$$\therefore \triangle CEF \sim \triangle CBA$$

$$\therefore \frac{AC}{BC} = \frac{CF}{CE} = \frac{20\sqrt{3}}{4\sqrt{3}} = \frac{5}{1}$$

B卷

21. $a=10$

22. 概率为 $\frac{1}{3}$ 有整数解时, $a < x < b$ 且 $b-a > 1$

当 $b=2$ 时, $a=-1$ 或 -2
 当 $b=1$ 时, $a=-1$ 或 -2

\therefore 一共有4种中小情况

$$\therefore P = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

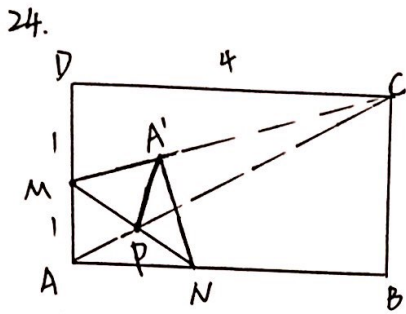
23. ①. ③. ④.

② 当 $x=1$ 时, $y=a+b+c=0$

④ $\therefore x = -\frac{b}{2a} = -1 \quad \therefore b=2a$

$$\therefore a-b = a-2a = -a > 0$$





如图:

连接 CM .

$$\therefore A'C > MC - MA'$$

\therefore 当 M, A', C 共线时, $A'C_{\min} = MC - MA'$

$$\because M \text{ 为 } AB \text{ 中点} \therefore DM = 1 \therefore MC = \sqrt{17} \text{ 又 } MA' = MA = 1$$

$$\therefore A'C_{\min} = \sqrt{17} - 1$$

当 M, A', C 共线时, 连接 AP

$$\therefore AP + PC > AC$$

\therefore 当 A, P, C 共线时, $(AP + PC)_{\min} = AC$

$$\because AD = 2 \quad DC = 4 \quad \therefore AC = 2\sqrt{5}$$

$$\therefore (AP + PC)_{\min} = 2\sqrt{5}$$

$$\therefore \triangle A'PC_{\min} = A'C_{\min} + (AP + PC)_{\min} = \sqrt{17} - 1 + 2\sqrt{5}$$

25. 由题知: A, C 关于原点对称 即 O 为 AC 中点.

$\therefore \triangle ACD$ 为等边三角形, 且 $S_{\triangle ACD} = 20\sqrt{3}$

$$\therefore \frac{\sqrt{3}}{4} AC^2 = 20\sqrt{3} \therefore AC = 4\sqrt{5}$$

$\therefore \triangle ABD - \triangle BCD = 4$ 且 $AD = CD$

$$\therefore AB - BC = 4$$

设 $BC = x$, 则 $AB = 4 + x$

由勾股定理得: $BC^2 + AB^2 = AC^2$

$$x^2 + (4+x)^2 = 80$$

$$(x+8)(x-4) = 0$$

$$x_1 = -8 \text{ (舍)} \quad x_2 = 4$$

$$\therefore BC = 4 \quad AB = 8$$

$\therefore AB \parallel y$ 轴, 令 BC 与 y 轴交于点 T

$$\therefore \triangle OT \sim \triangle CAB \quad \therefore \frac{OT}{AB} = \frac{CT}{CB} = \frac{CO}{AC} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore OT = 4 \quad CT = 2 \quad \therefore C(-2, -4) \quad \therefore k = 8.$$



2018-2019 学年 某校 学校 九 年级上半期 数学 试题详解

名师微点评

解题老师: 初三全体数学老师

26. (1) 20% (2) ① 40套 ② 不能

解析: (1) 由题知 $2.5(1-n)^2 = 1.6$

$$\therefore n = \frac{1}{5}$$

$$\therefore \text{下降率 } n = 20\%$$

(2) ① 设A型购进 x 套, B型购进 $(80-x)$ 套, 则

$$1.6x + (80-x) \cdot 1.2 \leq 112$$

$$\therefore x \leq 40$$

\therefore A型最多购进40套

$$\text{② 由题知 } 1.6x \cdot 5\% + (80-x) \cdot 1.2 \cdot 15\% \leq 10$$

$$\therefore x \geq 44$$

由①知 $x \leq 40$, 矛盾

\therefore 该计划无法满足防护需要

学而思 | 成都分校

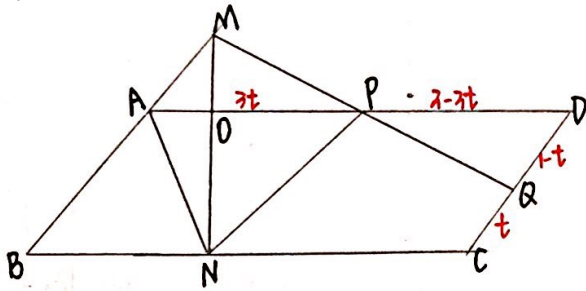


2018-2019 学年 某祥 学校 九 年级上半期 数学 试题详解

名师微点评

解题老师: 初三全体数学老师

27.



(1) 解: 当 $t = \frac{1}{2}$ 时, 四边形 AODM 为平行四边形

$$\because BA \parallel CD$$

$$\therefore \triangle AMP \sim \triangle DRP$$

$$\therefore \frac{AM}{AP} = \frac{DR}{DP}$$

$$\therefore \frac{AM}{t} = \frac{1-t}{1-t} = 1$$

$$AM = t$$

\therefore 四边形 AODM 为平行四边形

$$\therefore AM = DR$$

$$t = 1-t$$

$$\therefore t = \frac{1}{2}$$

学而思 | 成都分校

(2) $S_{\text{四边形 ANPM}} = \frac{1}{2} \cdot AP \cdot MN$
在 $\text{Rt}\triangle BMN$ 中 $\angle B = 45^\circ$

$$\therefore MN = BN = \frac{\sqrt{2}}{2} (1+t)$$

$$\therefore V = \frac{1}{2} \cdot t \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} (1+t)$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{4} t^2 + \frac{\sqrt{2}}{4} t$$

(3) 设 NP 与 AC 交于 H

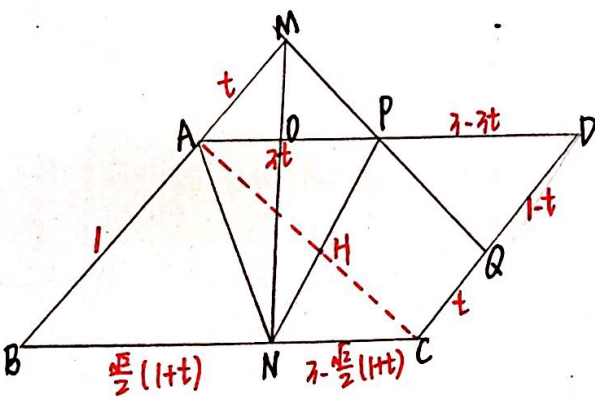
$$\because AD \parallel BC$$

$$\therefore \triangle AHP \sim \triangle CHN \quad \frac{AP}{CN} = \frac{PH}{NH}$$

由题知 $\frac{PH}{NH} = \sqrt{2}$ 或 $\frac{\sqrt{2}}{2}$

$$\therefore \frac{t}{1-\frac{\sqrt{2}}{2}(1+t)} = \sqrt{2} \text{ 或 } \frac{\sqrt{2}}{2}$$

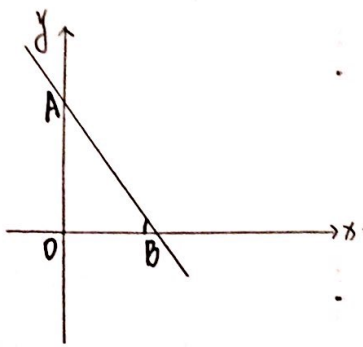
解得 $t = \frac{\sqrt{2}-1}{4}$ 或 $\frac{\sqrt{2}-1}{7}$



解题老师: 初三全体数学老师.

名师微点评

28.



(1) 解: $x^2 - 7x + 12 = 0$

$(x-3)(x-4) = 0$

$x_1 = 3 \quad x_2 = 4$

$\therefore OA > OB$

$\therefore OA = 4 \quad OB = 3$

$\therefore AB = 5$

在 $Rt\triangle AOB$ 中 $\cos \angle ABO = \frac{3}{5}$.

(2) $\because AB = 5$

$\therefore AC = 5\sqrt{2}$

$\therefore CE = \frac{1}{2}AC = \frac{5\sqrt{2}}{2}$

$\because BF$ 平分 $\angle DBC$

\therefore 由角平分线定理得

$$\frac{BE}{BC} = \frac{EF}{FC} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$\therefore FC = \frac{\sqrt{2}}{1+\sqrt{2}} CE = 5\sqrt{2} - 5$

(3) 以 A, B, M, N 为顶点的四边形为菱形

$\therefore \triangle ABM$ 为等腰三角形

1° $AB = AM = 5$

$M_1 (0, 9)$ 此时 $N_1 (3, 5)$

$M_2 (0, -1)$ 此时 $N_2 (3, -5)$

2° $BA = BM = 5$

$M_3 (0, -4)$ 此时 $N_3 (-3, 0)$

3° $MA = MB$

AB 中垂线: $y = \frac{3}{4}x + \frac{7}{8}$

$M_4 (0, \frac{7}{8})$ 此时 $N_4 (3, \frac{25}{8})$

综上 $N (3, 5), (3, -5), (-3, 0), (3, \frac{25}{8})$

