

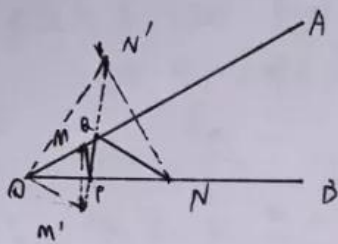
青山区八年级数学期中考试答案 (第 1 页)

1-5. C B A C C 6-10. B B D D D

11. 180 360 360 12. (1, -2) 13. 36°

14. (1, 4) 15. 60° 或 120° 16. 6

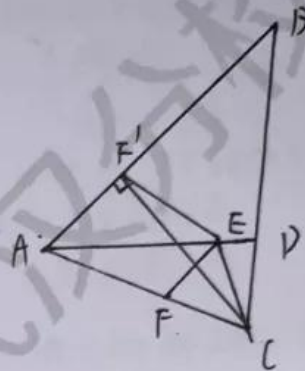
10.



作 M 关于 OB 对称点 M'
作 N 关于 OA 对称点 N'
连接 M'N' 交 OB 于 P. 则 OAPN
此时 MP + PN + ON 最小

$\because \angle AMP = \angle 1$
 $\therefore \angle OMP = \angle OM'P = 180^\circ - \angle 1$
 $\angle ONB = \angle ON'M' = \angle 2$
 $\because \angle AOB = 30^\circ$
 $\therefore \angle AON' = \angle BOM' = 30^\circ$
 $\therefore \angle N'OM' = 90^\circ$
 $\therefore \angle OM'P + \angle ON'M' = 90^\circ$
 $180^\circ - \angle 1 + \angle 2 = 90^\circ$
 $\therefore \angle 1 - \angle 2 = 90^\circ$

16.



在 AB 上取一点 F' 使 AF = AF'

则 $\triangle AFE \cong \triangle AF'E$
 $\therefore EF = EF'$
 \therefore 当 $CF' \perp AB$ 时
有 $CE + EF'$ 最小值
 $\therefore \frac{1}{2} AB \cdot CF' = S_{\triangle ABC}$
 $\therefore \frac{1}{2} \times 10 \cdot CF' = 30$
 $\therefore CF' = 6$
则 $CE + EF$ 最小值为 6

老师: 赵铭 陈能.

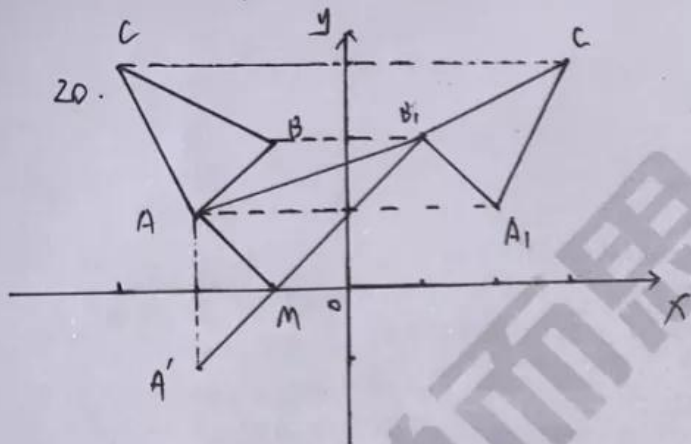
微信扫码
看更多期中试卷



青山区 八年级 数学 期中考试答案 (第 2 页)

17. 设 $\angle B = x$. 则 $\angle A = 2x$, $\angle C = x + 20^\circ$
 ∴ 在 $\triangle ABC$ 内, $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$
 ∴ $2x + x + x + 20^\circ = 180^\circ$
 解得 $x = 40^\circ$
 则 $\triangle ABC$ 三个内角分别为
 $\angle A = 80^\circ$, $\angle B = 40^\circ$, $\angle C = 60^\circ$

19. 三边长为 4cm, 8cm, 8cm
 (4, 4, 12 舍去)



- (1) $C(-3, -3)$
- (2) $A_1(-2, -1)$, $B_1(1, -2)$, $C_1(-3, 3)$
- (3) $M(-1, 0)$

18. ∵ $AB \parallel DE$
 ∴ $\angle A = \angle D$
 ∴ $AF = DC$
 ∴ $AF + FC = DC + FC$
 即 $AC = DF$
 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中
 $\begin{cases} AB = DE \\ \angle A = \angle D \\ AC = DF \end{cases}$
 ∴ $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ (SAS)
 ∴ $\angle ACB = \angle DFE$
 ∴ $BC \parallel EF$

21. (11) 在 $\triangle BAE$ 和 $\triangle ACD$ 中
 $\begin{cases} BA = AC \\ \angle BAE = \angle ACD = 60^\circ \\ AE = CD \end{cases}$
 ∴ $\triangle BAE \cong \triangle ACD$ (SAS)
 ∴ $\angle ABE = \angle CAD$
 ∴ $\angle CAD + \angle BAD = \angle BAC = 60^\circ$
 ∴ $\angle ABE + \angle BAD = 60^\circ$
 ∴ $\angle BPA = 60^\circ$
 又 ∵ $\angle BQP = 90^\circ$
 ∴ $\angle PBA = 30^\circ$
 ∴ $BP = 2PA$

(12) ∵ $\angle ABE + \angle PBC = \angle ABC = 60^\circ$
 又 ∵ $\angle ABE + \angle BAD = 60^\circ$
 ∴ $\angle PBC = \angle QAB$
 在 $\triangle PBC$ 和 $\triangle QAB$ 中
 $\begin{cases} \angle CPB = \angle BQA = 90^\circ \\ \angle PBC = \angle QAB \\ BC = AB \end{cases}$
 ∴ $\triangle PBC \cong \triangle QAB$ (AAS)
 ∴ $PB = AB = 2AP$
 ∴ $\frac{AP}{AB} = \frac{1}{2}$

老师: 赵钊 · 陈敏

微信扫码
看更多期中试卷



青山区 八年级 数学 期中考试答案 (第 3 页)

22. (1) 在 $\triangle APB$ 和 $\triangle ADC$ 中

$$\begin{cases} AD=AD \\ \angle ADB=\angle ADC=90^\circ \\ BD=CD \end{cases}$$

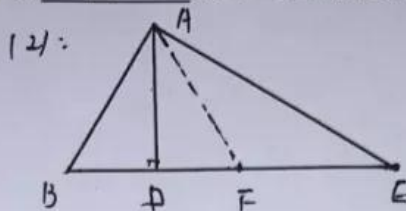
$\therefore \triangle ADB \cong \triangle ADC$ (SAS)

$\therefore AB=AC$

$\therefore C$ 在 AE 中垂线上

$\therefore AC=EC$

$\therefore DE=CE+CD=AC+BD$
 $=AB+BD$



(2): 在 DE 上取一点 F , 使 $DF=BD$

同(1)可证 $\triangle ABD \cong \triangle AFD$

则 $AB=AF, \angle ABD=\angle AFD$

$\therefore \angle B=\angle AFE \therefore \angle AFD=2\angle E$

$\therefore \angle AFD=\angle E+\angle EAF$

$\therefore \angle E=\angle EAF$

$\therefore AF=EF$

$\therefore DE=EF+DF$

$=AF+BD$

$=AB+BD$

(3): $<$

23. (1) $AF=CD$

$BO \perp AD$

(2): 连接 BM

由题 $\triangle DFE \cong \triangle ACB$

$\therefore BE=AB, \angle EBF=\angle BAC$

$\therefore \angle BAC+\angle ABC=90^\circ$

$\therefore \angle EBF+\angle ABC=90^\circ$

$\therefore \angle EBA=90^\circ$

$\therefore \triangle EBA$ 为等腰直角三角形

$\therefore M$ 为 AE 中点

$\therefore \triangle BME$ 为等腰直角三角形

则 $ME=MB, \angle EMB=90^\circ$

$\therefore \angle BME=\angle BFE=90^\circ$

$\therefore \angle MEF+\angle FBM=180^\circ$

又 $\angle FBM+\angle MBC=180^\circ$

$\therefore \angle MEF=\angle MBC$

在 $\triangle MEF$ 和 $\triangle MBC$ 中

$\begin{cases} ME=MB \\ \angle MEF=\angle MBC \\ EF=BC \end{cases}$

$\therefore \triangle MEF \cong \triangle MBC$ (SAS)

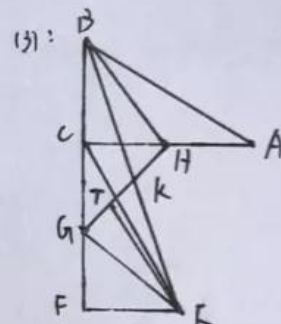
$\therefore MF=MC, \angle EMF=\angle BMC$

$\therefore \angle EMF+\angle FMB=90^\circ$

$\therefore \angle BMC+\angle FMB=\angle FMC=90^\circ$

$\therefore \triangle MFC$ 为等腰直角三角形

$\therefore MF \perp MC, MF=MC$



连接 BH, EG

过 E 作 $ET \parallel BH$

交 GH 于 T

$\therefore AC=CF$

又 H, G 为中点

$\therefore AH=CH=CG=GF$

易证 $\triangle HCB \cong \triangle GFE$

$\therefore BH=EG$

$\angle BHC=\angle EGF$

$\therefore BH \parallel ET$

$\therefore \angle BHT=\angle ETH$

$\therefore \angle ETG=180^\circ-\angle ETH$

$\angle EGT=180^\circ-\angle CGH$

$-\angle EGF$

$=180^\circ-\angle BHC$

$=180^\circ-\angle ETH$

$\therefore \angle EGT=\angle ETG$

$\therefore ET=EG$

另证 $\triangle BHK \cong \triangle ETK$

$\therefore BK=EK$

老师: 陈能 赵铭

微信扫码
看更多期中试卷



青山区 八年级 数学 期中考试答案 (第 4 页)

24. (1): 由题 $b+3=0$ $c-3=0$

$\therefore b=-3, c=3$

$\therefore OA=OB=OC=3$

$\therefore \angle ABC = \angle ACB = 45^\circ$

$\therefore \triangle ABC$ 为等腰三角形

(2): 设 $\angle BCF = \alpha$

易证 $\triangle AFB \cong \triangle AFC$

$\therefore BF=CF$

$\therefore \angle FBC = \alpha$

$\therefore DB=DF$

$\therefore \angle DFB = \angle DBF = 2\alpha$

$\therefore 2\alpha = \angle ABC = 45^\circ$

$\therefore \alpha = 15^\circ$

即 $\angle BCD = 15^\circ$

(3): 连接 CG , 延长 CD 至 M .

$\therefore \angle DEF = 15^\circ, \angle FBC = \angle FCB = 15^\circ$

$\therefore \angle DFB = 30^\circ, \angle BFE = 75^\circ$

$\therefore \angle FDG = \angle BDG = 60^\circ$

$\therefore \angle BDM = 60^\circ$

$\therefore HD$ 平分 $\angle GDM$

过 H 作 $HP \perp DG$ 于 $P, HQ \perp DM$ 于 Q

$\therefore HP = HQ, DP = DQ$

$\therefore \angle CDG = \angle CHG = 60^\circ$

$\therefore \angle QCH = \angle PHG$

在 $\triangle HQC$ 和 $\triangle HPG$ 中

$\angle QCH = \angle PHG$

$\angle HCQ = \angle HPG$

$HQ = HP$

$\therefore \triangle HQC \cong \triangle HPG$ (AAS)

$\therefore QC = PG$

$\therefore \angle HDP = 60^\circ$

$\therefore \angle DHP = 30^\circ$

$\therefore DH = 2DP$

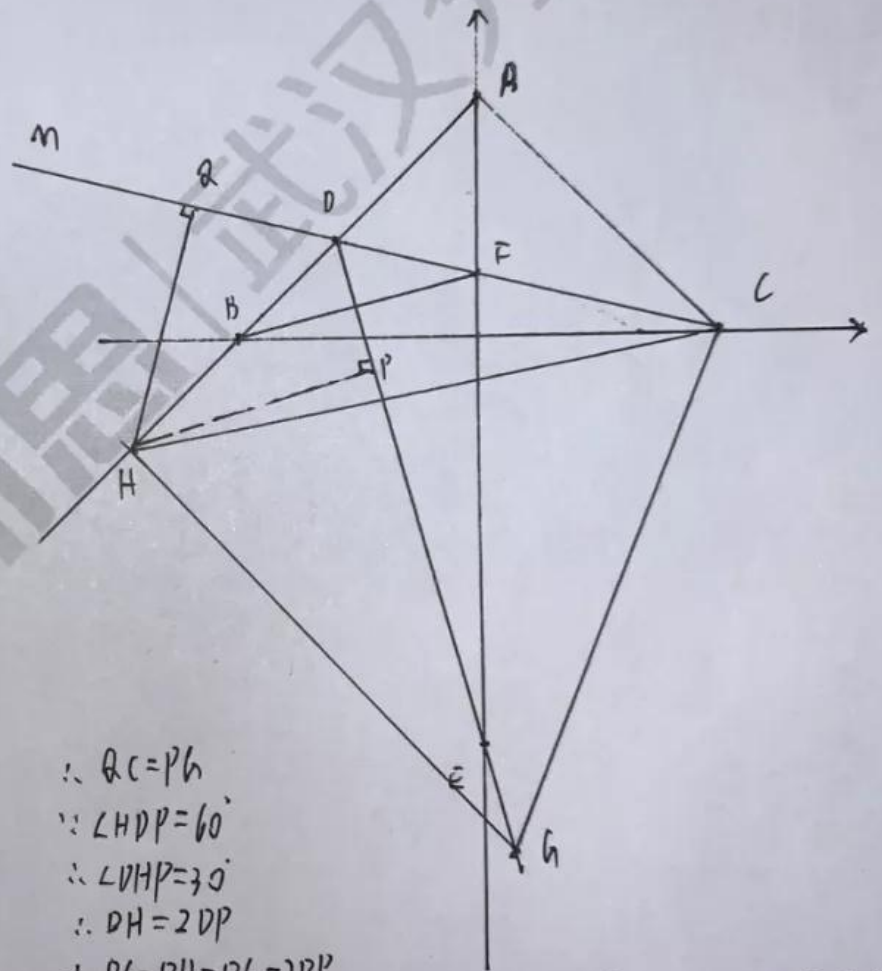
$\therefore DG - DH = DG - 2DP$
 $= DG - DP - DP$
 $= PG - DP$
 $= QC - DQ = DC$

$\therefore \angle ADC = 60^\circ$

$\therefore \angle DCA = 30^\circ$

$\therefore DC = 2AD$

$\therefore \frac{DG - DH}{AD} = 2$



老师: 陈能 赵锐

微信扫码
看更多期中试卷

