

2018~2019学年广东广州增城市增城市高级中学高 二下学期期中理科数学试卷

一、选择题

(本大题共12小题，每小题5分，共60分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的)

1 某单位有职工

750人，其中青年职工

350人，中年职工

250人，老年职工

150人，为了了解该单位职工的健康情况，用分层抽样的方法从中抽取样本。若样本中的青年职工为

7人，则样本容量为 ()。

A. 7

B. 15

C. 25

D. 35

2 抛物线 $x^2 = 4y$ 的准线方程是 ()。

A. $y = -1$

B. $x = -1$

C. $y = -\frac{1}{16}$

D. $x = -\frac{1}{16}$

3 若

i 是虚数单位，则复数

$z = \frac{2}{1+i}$ 的虚部是 ()。

A. 0

B. 1

C. -1

D. $-i$

4 下列有关命题的说法中错误的是 ()。

A. 若“

$p \wedge q$ ”为真命题，则

p 、

q 均为真命题

B. 若命题

p : “

$\exists x \in R,$

$x^2 \geq 0$ ”，则命题

$\neg p$ 为“

$\forall x \in R,$

$x^2 < 0$ ”

C. “

$x > 2$ ”是“

$x \geq 0$ ”的充分不必要条件

D. “

$\sin x = \frac{1}{2}$ ”的必要不充分条件是“

$x = \frac{\pi}{6}$ ”

5 不等式

$x^2 - ax - b \leq 0$ 的解集为

$\{x | 2 \leq x \leq 3\}$ ，则

a 、

b 的值为 () .

A. $a = 2, b = 3$

B. $a = -2, b = 3$

C. $a = 5, b = -6$

D. $a = -5, b = 6$

6 双曲线

$x^2 - 4y^2 = 16$ 的渐近线

l 的方程和离心率

e 分别为 () .

A. $l: x + 2y = 0, e = \frac{\sqrt{5}}{2}$

B. $l: x \pm 2y = 0, e = \frac{\sqrt{3}}{2}$

C. $l: 2x \pm y = 0, e = \frac{\sqrt{5}}{2}$

D. $l: x \pm 2y = 0, e = \frac{\sqrt{5}}{2}$

7 曲线的极坐标方程 $\rho = 4 \sin \theta$ 化为直角坐标为 () .

A. $x^2 + (y + 2)^2 = 4$

B. $x^2 + (y - 2)^2 = 4$

C. $(x - 2)^2 + y^2 = 4$

D. $(x + 2)^2 + y^2 = 4$

8 如图所示, 在长方体

$ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中,

$AD = AA_1 = 1$,

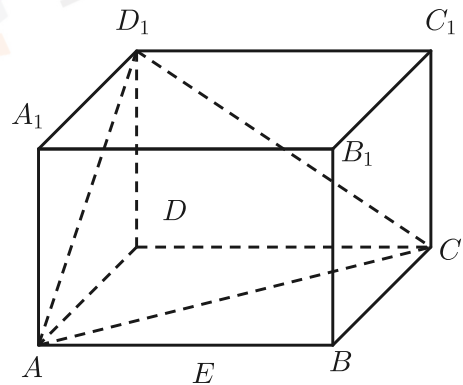
$AB = 2$, 点

E 是棱

AB 的中点, 则点

E 到平面

ACD_1 的距离为 () .



A. $\frac{1}{2}$
C. $\frac{1}{3}$

B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$
D. $\frac{1}{6}$

9 将一枚质地均匀的骰子投两次, 得到的点数依记为

a 和

b , 则方程

$ax^2 + bx + 1 = 0$ 有实数解的概率是 () .

A. $\frac{19}{36}$

B. $\frac{1}{2}$

C. $\frac{7}{36}$

D. $\frac{5}{18}$

10 若对

$x > 0$,

$y > 0$ 有

$(x+2y)\left(\frac{2}{x} + \frac{1}{y}\right) \geq m$ 恒成立, 则

m 的取值范围是 ().

A. $m \leq 8$

B. $m > 8$

C. $m < 0$

D. $m \leq 4$

11 设函数

$f(x)$ 在

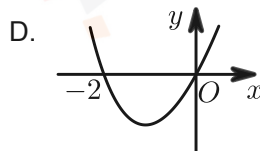
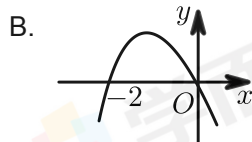
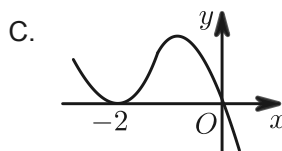
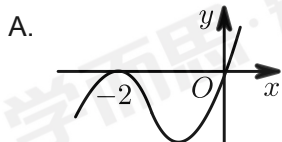
\mathbf{R} 上可导, 其导函数

$f'(x)$, 且函数

$f(x)$ 在

$x = -2$ 处取得极小值, 则函数

$y = xf'(x)$ 的图象可能是 ().



12 集合

$$M = \{(x, y) \mid \begin{cases} x = 3 \cos \theta \\ y = 3 \sin \theta \end{cases} (\theta \text{ 是参数}, 0 < \theta < \pi)\},$$

$N = \{(x, y) \mid y = x + b\}$, 若集合

$M \cap N = \emptyset$, 则

b 应满足 ().

A. $-3\sqrt{2} \leq b \leq 3\sqrt{2}$

B. $-3\sqrt{2} \leq b \leq -3$

C. $-3 \leq b \leq 3\sqrt{2}$

D. $0 \leq b \leq 3\sqrt{2}$

二、填空题

(每小题5分, 满分20分)

13 已知

P 是椭圆

$$\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1 \text{ 上的一点, 若}$$

P 到椭圆右焦点的距离是

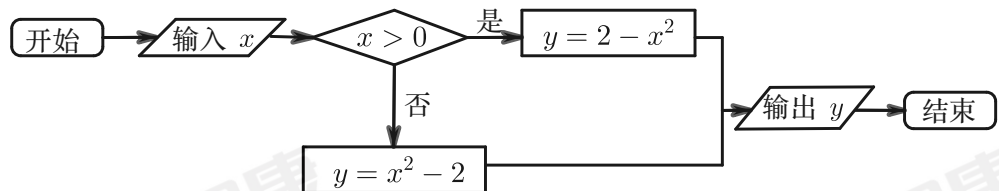
12, 则点

P 到左焦点的距离是 _____ .

14 执行如图所示的程序框图, 当输出的值为

1时, 则输入的

x 的值是 _____ .



15 已知

$$\vec{a} = (2, -1, 3),$$

$$\vec{b} = (-4, 2, x),$$

$$\vec{c} = (1, -x, 2), \text{ 若}$$

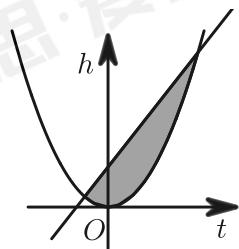
$$(\vec{a} + \vec{b}) \perp \vec{c}, \text{ 则}$$

x 等于 _____ .

16 如图, 直线

$$y = 2x + 3 \text{ 与 抛物线}$$

$$y = x^2 \text{ 所围成的图形的面积是 } \underline{\hspace{2cm}} .$$



三、解答题

(本大题共6小题, 共70分)

17 已知

$$m \in \mathbf{R}, \text{ 复数}$$

$z = (2m^2 - m - 1) + (m^2 + m - 2)i$, (其中 i 为虚数单位) .

(1) 当实数

m 取何值时, 复数

z 是纯虚数.

(2) 若复数

z 在复平面上对应的点位于第四象限, 求实数

m 的取值范围.

18 如图,

$ABCD$ 是边长为

2 的菱形,

$\angle BAD = 60^\circ$,

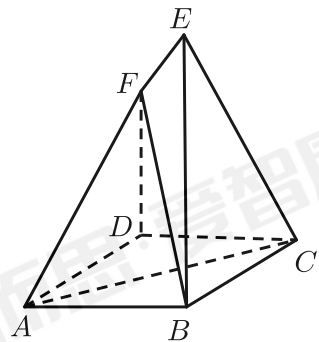
$EB \perp$ 平面

$ABCD$,

$FD \perp$ 平面

$ABCD$,

$EB = 2FD = 2\sqrt{3}$.



(1) 求证: $EF \perp AC$.

(2) 求直线

CE 与平面

ABF 所成角的正弦值.

19 已知抛物线

$E: y^2 = 2px$ ($p > 0$) 的焦点

F ,

E 上一点

$(3, m)$ 到焦点的距离为

4.

(1) 求抛物线 E 的方程.

(2) 过

F 作直线

l , 交抛物线

E 于

A ,

B 两点, 若直线

AB 中点的纵坐标为

-1 , 求直线

l 的方程.

20 已知函数

$f(x) = (ax + b) \ln x - bx + 3$ 在

$(1, f(1))$ 处的切线方程为

$y = 2$.

(1) 求实数

a 、

b 的值.

(2) 求函数 $f(x)$ 的极值.

21 在直角坐标系

xOy 中, 直线

l 的参数方程为

$$\begin{cases} x = -2 + t \\ y = -4 + t \end{cases} \quad ($$

t 为参数). 以原点

O 为极点,

x 轴正半轴为极轴, 建立极坐标系, 曲线

C 的极坐标方程为

$\rho \sin^2 \theta = 2 \cos \theta$. 直线

l 交曲线

C 于

$A,$

B 两点.

(1) 写出直线

l 的极坐标方程和曲线

C 的直角坐标方程.

(2) 设点

P 的直角坐标为

$(-2, -4)$, 求点

P 到

$A,$

B 两点的距离之积.

22 设函数 $f(x) = \ln x + ax$ ($a < 0$). $f(x) = \ln x + ax$ ($a < 0$).

(1) 当 $a = -1$

$a = -1$ 时, $f(x) + m < 0$

$f(x) + m < 0$ 恒成立, 求实数 m

m 的取值范围.

(2) 若 $f(x)$

$f(x)$ 在区间 $(0, 2)$

$(0, 2)$ 为单调函数, 求实数 a

a 的取值范围.