

2018~2019 学年度第一学期期中考试

八年级数学试题

(时间: 120 分钟 试卷满分 120 分)

一、选择题 (本大题有 10 小题, 每小题 3 分, 共 30 分)

1. 下列图形中不是轴对称图形的是 ( )



2. 在平面直角坐标系中, 点  $P(-3, 2)$  在 ( )

A. 第一象限 B. 第二象限 C. 第三象限 D. 第四象限

3. 三角形中最大的内角不能小于 ( )

A.  $30^\circ$  B.  $45^\circ$  C.  $60^\circ$  D.  $90^\circ$

4. 下列关于两个三角形全等的说法:

- ①三个角对应相等的两个三角形全等;
- ②三条边对应相等的两个三角形全等;
- ③有两边和它们的夹角对应相等的两个三角形全等;
- ④有两边和其中一边上的高对应相等的两个三角形全等.

正确的说法个数是 ( )

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

5. 在平面直角坐标系中, 点  $P(2, -3)$  关于  $x$  轴的对称点是 ( )

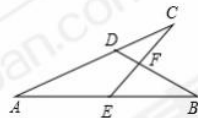
A.  $(-2, 3)$  B.  $(2, 3)$  C.  $(-2, -3)$  D.  $(-3, 2)$

6. 如图所示,  $\angle A=28^\circ$ ,  $\angle BFC=92^\circ$ ,  $\angle B=\angle C$ , 则  $\angle BDC$  的度数是 ( )

A.  $85^\circ$  B.  $75^\circ$  C.  $64^\circ$  D.  $60^\circ$

7. 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AD \perp BC$ ,  $CE \perp AB$ , 垂足分别是  $D, E$ ,  $AD, CE$  交于点  $H$ , 已知  $EH=EB=3$ ,  $AE=5$ , 则  $CH$  的长是 ( )

A. 1 B. 2 C.  $\frac{3}{5}$  D.  $\frac{5}{3}$



第 6 题图



第 7 题图

8. 如图所示的正方形网格中, 网格线的交点称为格点, 已知  $A, B$  是两格点, 如果  $C$  也是图中的格点, 且使得  $\triangle ABC$  为等腰三角形, 则点  $C$  的个数是 ( )

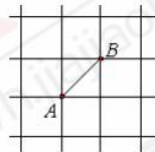
A. 6 个 B. 7 个 C. 8 个 D. 9 个

9. 如图,  $AB=2$ ,  $BC=AE=6$ ,  $CE=CF=7$ ,  $BF=8$ , 则四边形  $ABDE$  与  $\triangle CDF$  面积的比值是 ( )

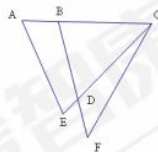
- A.  $\frac{1}{2}$       B.  $\frac{2}{3}$       C.  $\frac{3}{4}$       D. 1

10. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中,  $BC$ 的垂直平分线 $DF$ 交 $\triangle ABC$ 的外角平分线 $AD$ 于点 $D$ ,  $DE \perp AB$ 于点 $E$ , 且 $AB > AC$ , 则( )

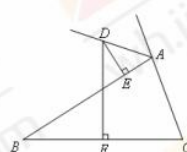
- A.  $BC=AC+AE$     B.  $BE=AC+AE$     C.  $BC=AC+AD$     D.  $BE=AC+AD$



第 8 题图



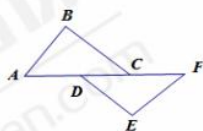
第 9 题图



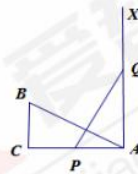
第 10 题图

**二、填空题。(本大题有 6 小题, 每小题 3 分, 共 18 分)**

11. 若一个多边形的内角和是外角和的 2 倍, 则它的边数是\_\_\_\_\_;
12. 设 $\triangle ABC$ 的三边长分别为  $a$ 、 $b$ 、 $c$ , 其中  $a$ 、 $b$  满足  $|a+b-6|+(a-b+4)^2=0$ , 则第三边长  $c$  的取值范围是\_\_\_\_\_;
13. 点  $M(-5, 3)$  关于直线  $x=1$  的对称点的坐标是\_\_\_\_\_;
14. 如图所示, 在 $\triangle FED$ 中,  $AD=FC$ ,  $\angle A=\angle F$ , 如果用“SAS”证明 $\triangle ABC \cong \triangle FED$ , 只需添加条件\_\_\_\_\_即可.
15. 在 $\triangle ABC$ 中, 高  $AD$ 、 $BE$  所在的直线相交于点  $G$ , 若  $BG=AC$ , 则 $\angle ABC$ 的度数是\_\_\_\_\_;
16. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $BC=6$ ,  $AC=8$ , 一条线段  $PQ=AB=10$ ,  $P$ 、 $Q$  两点分别在  $AC$  和过点  $A$  且垂直于  $AC$  的射线  $AX$  上运动, 如果以  $A$ 、 $P$ 、 $Q$  为顶点的三角形与 $\triangle ABC$  全等, 则  $AP=_____$ .



第 14 题图



第 16 题图

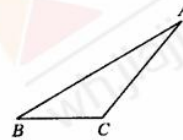
**三、解答题(本大题有 8 小题, 共 72 分)**

17. 解方程组 (本题 8 分, 每小题 4 分)

(1) 解方程组 
$$\begin{cases} 3x-y=7 \\ 3x-2y=3 \end{cases}$$

(2) 解方程 
$$\begin{cases} x+2y=4 \\ 3x-y=5 \end{cases}$$

18. (本题 8 分) 如图所示, 在  $\triangle ABC$  中:
- (1) 画出  $BC$  边上的高  $AD$  和中线  $AE$ ; (3 分)
  - (2) 若  $\angle B=30^\circ$ ,  $\angle ACB=130^\circ$ , 求  $\angle BAD$  和  $\angle CAD$  的度数. (5 分)

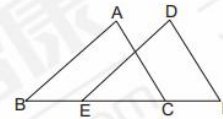


第 18 题图

19. (本题 8 分) 如图, 点  $B, E, C, F$  在同一直线上, 且  $AB=DE, AC=DF, BE=CF$ , 请将下面说明  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  的过程和理由补充完整.

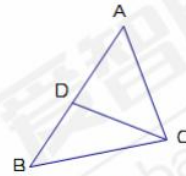
解:  $\because BE=CF$  ( )  
 $\therefore BE+EC=CF+EC$   
 即  $BC=EF$   
 在  $\triangle ABC$  和  $\triangle DEF$  中  

$$\begin{cases} AB= & ( ) \\ & = DF & ( ) \\ BC= & \end{cases}$$
  
 $\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF$  ( )



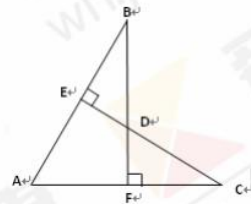
第 19 题图

20. (本题 8 分) 如图所示,  $D$  是边  $AB$  的中点,  $\triangle BCD$  的周长比  $\triangle ACD$  的周长大  $3\text{cm}$ ,  $BC=8\text{cm}$  求边  $AC$  的长.



第 20 题图

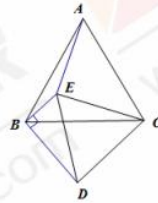
21. (本题 8 分) 已知, 如图所示,  $CE \perp AB$  与  $E$ ,  $BF \perp AC$  与  $F$ , 求证: (1)  $\triangle BDE \cong \triangle CDF$ ; (2) 点  $D$  在  $\angle BAC$  的角平分线上.



第 21 题图

22. (本题 10 分) 如图, 设  $\triangle ABC$  和  $\triangle CDE$  都是等边三角形, 并且  $\angle EBD=90^\circ$ .

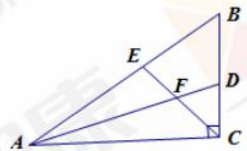
- (1) 求证:  $\triangle ACE \cong \triangle BCD$ ;
- (2) 求  $\angle AEB$  的度数.



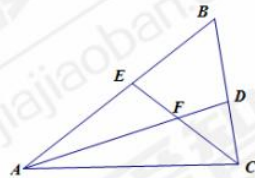
第 22 题图

23. (本题 10 分) (1) 如图 1, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ACB$  是直角,  $\angle B=60^\circ$ ,  $AD$ 、 $CE$  分别是  $\angle BAC$ 、 $\angle BCA$  的平分线,  $AD$ 、 $CE$  相交于点  $F$ .

- (1) 直接写出  $\angle AFC$  的度数: \_\_\_\_\_;
- (2) 请你判断并写出  $FE$  与  $FD$  之间的数量关系;
- (3) 如图 2, 在  $\triangle ABC$  中, 如果  $\angle ACB$  不是直角, 而(1)中的其它条件不变, 试判断线段  $AE$ 、 $CD$  与  $AC$  之间的数量关系并说明理由.



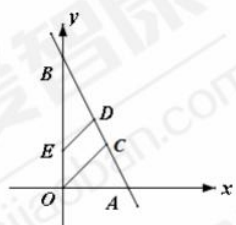
第 23 题图 1



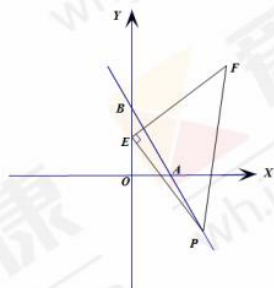
第 23 题图 2

24. (本题 12 分) 如图 1, 直线  $AB$  分别与  $x$  轴、 $y$  轴交于  $A$ 、 $B$  两点,  $OC$  平分  $\angle AOB$  交  $AB$  于点  $C$ , 点  $D$  为线段  $AB$  上一点, 过点  $D$  作  $DE \parallel OC$  交  $y$  轴于点  $E$ , 已知  $AO=m$ ,  $BO=n$ , 且  $m$ 、 $n$  满足  $(n-6)^2 + |n-2m|=0$ .

- (1) 求  $A$ 、 $B$  两点的坐标;
- (2) 若点  $D$  为  $AB$  中点, 求  $OE$  的长;
- (3) 如图 2, 若点  $P(x, -2x+6)$  为直线  $AB$  在  $x$  轴下方的一点, 点  $E$  是  $y$  轴的正半轴上一动点, 以  $E$  为直角顶点作等腰直角  $\triangle PEF$ , 使点  $F$  在第一象限, 且  $F$  点的横、纵坐标始终相等, 求点  $P$  的坐标.



第 24 题图 1



第 24 题图 2

{ 参考答案 }

1. C

2. B

3. C

4. B

5. B

6. D

7. B

8. C

9. D

10. B

11. 6

12.  $4 < c < 6$

13. (7, 3)

14. AB=EF

15.  $45^\circ$  或  $135^\circ$

16. 6 或 8

17. 解方程组 (本题8分, 每小题4分)

(1) 解方程组 
$$\begin{cases} 3x - y = 7 \\ 3x - 2y = 3 \end{cases}$$

解: ①-②得:  $y = 4$

将  $y = 4$  代入①得:  $x = \frac{11}{3}$

原方程组的解是 
$$\begin{cases} x = \frac{11}{3} \\ y = 4 \end{cases}$$

(2) 解方程 
$$\begin{cases} x + 2y = 4 \\ 3x - y = 5 \end{cases}$$

解: ①+②×2得:  $7x = 14$   $x = 2$

将  $x=2$  代入①得:  $y=1$

原方程组的解是  $\begin{cases} x=2 \\ y=1 \end{cases}$

18. (本题 8 分, 每小题 4 分)

(1)

(2)  $\because AD \perp BC$  于  $D$ ,  $\angle ADB=90^\circ$

$\angle B=30^\circ \therefore \angle BAD=60^\circ$

$\because \angle ACB=130^\circ$ ,  $\angle ACD$  是  $\triangle ABC$  的外角

$\therefore \angle ACD=180^\circ - \angle ACB$

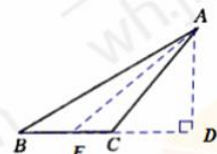
$= 180^\circ - 130^\circ$

$= 50^\circ$

$\angle CAD=180^\circ - \angle ACD - \angle ADC$

$= 180^\circ - 50^\circ - 90^\circ$

$= 40^\circ$



第 18 题图

19. (本题 8 分)

解:  $\because BE=CF$  ( 已知 )

$\therefore BE+EC=CF+EC$

即  $BC=EF$

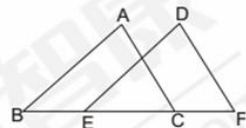
在  $\triangle ABC$  和  $\triangle DEF$  中

$AB = DE$  ( 已知 )

$\angle ACB = \angle DFE$  ( 已知 )

$BC = EF$

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF$  ( SSS )



20. (本题 8 分)

解:  $\because D$  是边  $AB$  的中点,

$BC=8\text{cm}$ ,

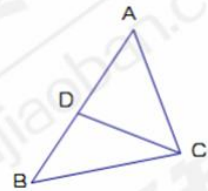
$\triangle BCD$  的周长比  $\triangle ACD$  的周长大  $3\text{cm}$ ,

$\therefore (BC+BD+CD) - (AC+AD+CD) = 3$  .....5 分

$\therefore 8+BD+CD-AC-AD-CD=3$

$\therefore AC=8-3=5\text{cm}$ .....7 分

$\therefore$  边  $AC$  的长为  $5\text{cm}$ .....8 分



第 20 题图

21. (本题 8 分)

证明: (1)  $\because CE \perp AB$  与  $E$ ,  $BF \perp AC$ ,

$$\therefore \angle AEC = \angle AFB = 90^\circ$$

在  $\triangle BDE$  和  $\triangle CDF$  中

$$\angle AEC = \angle AFB \text{ (已证)}$$

$$\angle BDE = \angle CDF \text{ (对顶角)}$$

$$BD = CD \text{ (已知)}$$

$$\therefore \triangle BDE \cong \triangle CDF \text{ (AAS)} \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

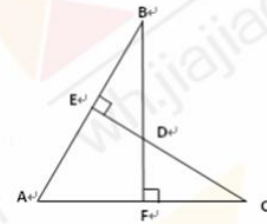
$$(2) \because \triangle BDE \cong \triangle CDF$$

$$\therefore DE = DF$$

又  $\because DE \perp AB$ ,  $DF \perp AC$ ,

$\therefore AD$  平分  $\angle BAC$

$\therefore$  点  $D$  在  $\angle BAC$  的角平分线上.  $\dots\dots\dots 8$  分



第 21 题图

22. (本题 10 分)

(1) 证明:  $\because \triangle ABC$  和  $\triangle CDE$  都是等边三角形,

$$\therefore \angle ACB = \angle ECD = 60^\circ$$

$$AC = BC \quad EC = DC$$

$$\therefore \angle ACB - \angle BCE = \angle ECD - \angle BCE$$

$$\therefore \angle ACE = \angle BCD$$

在  $\triangle ACE$  和  $\triangle BCD$  中

$$AC = BC \text{ (已证)}$$

$$\angle ACE = \angle BCD \text{ (已证)}$$

$$EC = DC \text{ (已证)}$$

$$\therefore \triangle ACE \cong \triangle BCD \text{ (SAS)} \dots\dots\dots 4 \text{ 分}$$

$$(2) \because \triangle ACE \cong \triangle BCD$$

$$\therefore \angle AEC = \angle BDC$$

$$\therefore \angle AEB + \angle AEC + \angle BEC = 360^\circ$$

$$\therefore \angle AEB = 360^\circ - (\angle AEC + \angle BEC) = 360^\circ - (\angle BDC + \angle BEC) \dots\dots\dots 6 \text{ 分}$$

在四边形  $BDCE$  中,  $\angle EBD + \angle BEC + \angle ECD + \angle BDC = 360^\circ$

$$\text{其中, } \angle EBD = 90^\circ \quad \angle ECD = 60^\circ$$

$$\therefore \angle BEC + \angle BDC = 360^\circ - (\angle EBD + \angle ECD) \dots\dots\dots 8 \text{ 分}$$

$$\angle AEB = 360^\circ - (\angle AEC + \angle BEC)$$

$$= 360^\circ - 360^\circ + (\angle EBD + \angle ECD)$$

$$= \angle EBD + \angle ECD$$

$$= 90^\circ + 60^\circ$$

$$= 150^\circ \dots\dots\dots 10 \text{ 分}$$

23. (本题 10 分)

(1) 直接写出  $\angle AFC$  的度数: 120°;  $\dots\dots\dots 3$  分

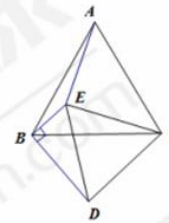
(2)  $FE = FD$ ; 证明如下:

过  $F$  作  $FG \perp AB$ ,  $FH \perp BC$ ,  $FM \perp AC$ , 垂足分别为  $G$ 、 $H$ 、 $M$

$$\therefore \angle BGF = \angle BHF = 90^\circ$$

$\because AD$ 、 $CE$  分别是  $\angle BAC$ 、 $\angle BCA$  的平分线,  $AD$ 、 $CE$  相交于点  $F$

$$\therefore FG = FM \quad FH = FM$$

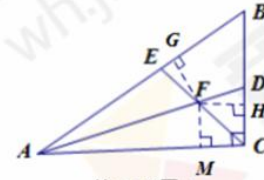


第 22 题图



$\therefore FG=FH=FM$   
 在四边形 BGFH 中,  $\angle GBH + \angle BGF + \angle GFH + \angle BHF = 360^\circ$   
 $\therefore \angle GFH = 120^\circ$   
 又  $\because \angle AFC = \angle EFD = 120^\circ$   
 $\therefore \angle GFH = \angle EFD = 120^\circ$   
 $\therefore \angle EFG + \angle GFD = \angle HFD + \angle GFD$   
 $\therefore \angle EFG = \angle HFD$  .....5分

在  $\triangle EFG$  和  $\triangle DFH$  中  
 $\angle EGF = \angle DHF = 90^\circ$  (已证)  
 $FG = FH$  (已证)  
 $\angle EFG = \angle HFD$  (已证)  
 $\therefore \triangle EFG \cong \triangle DFH$  (ASA)  
 $\therefore FE = FD$  .....7分



第 23 题图 1

(3)  $AE + CD = AC$ ; 证明如下:  
 过 F 作  $FP \perp AB$ ,  $FQ \perp BC$ ,  $FR \perp AC$ , 垂足分别为 P、Q、R  
 $\therefore \angle APF = \angle ARF = \angle CDF = 90^\circ$

同理 (2) 可知  $FP = FQ = FR$ ,  $\triangle EFP \cong \triangle DFQ$   $\therefore EP = DQ$  .....8分

$\because AD$ 、 $CE$  分别是  $\angle BAC$ 、 $\angle BCA$  的平分线,  
 $\therefore \angle BAD = \angle CAD$   $\angle ACE = \angle BC$

在  $\triangle APF$  和  $\triangle ARF$  中  
 $\angle APF = \angle ARF = 90^\circ$  (已证)

$AF = AF$  (公共边)  
 $\angle EFG = \angle HFD$  (已证)

$\therefore \triangle APF \cong \triangle ARF$  (AAS)  
 $\therefore AP = AR$

$\therefore AP = AE + EP = AR$  .....10分

同理可证  $\triangle CFQ \cong \triangle CFR$

$\therefore CQ = CR$

$\therefore CR = CD + DQ$

$AR + RC = AE + EP + CD + DQ = AC$

$\because EP = DQ$   
 $\therefore AC = AE + CD$  .....12分

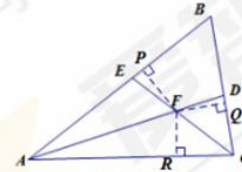
24. (本题 12 分)

(1) 证明:  $\because (n-6)^2 + |n-2m| = 0$ .  $\therefore m = 3$   $n = 6$

$\therefore AO = 3, BO = 6$   
 $\therefore A(3, 0), B(0, 6)$  .....3分

(2) 延长  $DE$  交  $x$  轴于点  $F$ , 延长  $FD$  到点  $G$ , 使得  
 $DG = DF$ , 连接  $BG$

设  $OE = x$   
 $\because OC$  平分  $\angle AOB$   
 $\therefore \angle BOC = \angle AOC = 45^\circ$



第 23 题图 2

$\because DE \parallel OC \therefore \angle EFO = \angle FEO = \angle BEG = \angle BOC = \angle AOC = 45^\circ \dots\dots\dots (4 \text{分})$

$\therefore OE = OF = x$

在  $\triangle ADF$  和  $\triangle BDG$  中

$$\therefore \begin{cases} AD = BD \\ \angle ADF = \angle BDG \\ DF = DG \end{cases}$$

$\therefore \triangle ADF \cong \triangle BDG \text{ (SAS)}$

$\therefore BG = AF = 3 + x, \angle G = \angle AFE = 45^\circ \dots\dots\dots (5 \text{分})$

$\therefore \angle G = \angle BEG = 45^\circ$

$\therefore BG = BE = 6 - x$

$\therefore 6 - x = 3 + x \dots\dots\dots (6 \text{分})$

解得:  $x = 1.5$

$\therefore OE = 1.5 \dots\dots\dots (7 \text{分})$

(3) 分别过点  $F, P$  作  $FM \perp y$  轴于点  $M, PN \perp y$  轴于点  $N$

设点  $E$  为  $(0, m)$

$\therefore$  点  $P$  的坐标为  $(x, -2x + 6)$

则  $PN = x, EN = m + 2x - 6 \dots\dots\dots (8 \text{分})$

$\therefore \angle PEF = 90^\circ \therefore \angle PEN + \angle FEM = 90^\circ$

$\therefore FM \perp y$  轴

$\therefore \angle MFE + \angle FEM = 90^\circ$

$\therefore \angle PEN = \angle MFE$

在  $\triangle EFM$  和  $\triangle PEN$  中

$$\therefore \begin{cases} \angle MFE = \angle PEN \\ \angle FME = \angle PNE \\ EF = EP \end{cases}$$

$\therefore \triangle EFM \cong \triangle PEN \text{ (AAS)}$

$\therefore ME = NP = x, FM = EN = m + 2x - 6 \dots\dots\dots (9 \text{分})$

$\therefore$  点  $F$  为  $(m + 2x - 6, m + x) \dots\dots\dots (10 \text{分})$

$\therefore F$  点的横坐标与纵坐标相等

$\therefore m + 2x - 6 = m + x \dots\dots\dots (11 \text{分})$

解得:  $x = 6$

$\therefore$  点  $P$  为  $(6, -6) \dots\dots\dots (12 \text{分})$