

2018—2019 学年度第一学期部分学校八年级联合测试

数学试卷

一、选择题（每小题 3 分，共 30 分）

1. 下面有 4 个汽车标志图案，其中不是轴对称图形的是（ ）



2. 下列线段长能构成三角形的是（ ）

- A. 3、7、4 B. 2、3、6 C. 5、6、7 D. 1、2、3

3. 如果一个三角形的三条高的交点恰是三角形的一个顶点，那么这个三角形是（ ）

- A. 锐角三角形 B. 钝角三角形 C. 直角三角形 D. 都有可能

4. 如图， AD 和 BC 相交于 O 点， $OA=OC$ ，用“SAS”证明 $\triangle AOB \cong \triangle COD$ 还需（ ）

- A. $AB=CD$ B. $OB=OD$
C. $\angle A=\angle C$ D. $\angle AOB=\angle COD$



5. 如果 n 边形每一个内角等于与它相邻外角的 2 倍，则 n 的值是（ ）

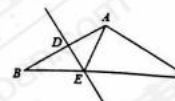
- A. 4 B. 5 C. 6 D. 7

6. 若等腰三角形的两边长分别是 5 和 10，则它的周长是（ ）

- A. 20 B. 25 C. 20 或 25 D. 以上都不对

7. 如图所示，底边 BC 为 $3\sqrt{3}$ ，顶角 A 为 120° 的等腰 $\triangle ABC$ 中， DE 垂直平分 AB 于 D ，则 AE 的长为（ ）

- A. $2\sqrt{3}$ B. $1+\sqrt{3}$ C. $\sqrt{3}$ D. $\frac{3}{2}$

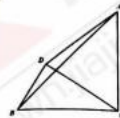


8. 如图， A 、 B 是直线 CD 外两定点， P 为直线 CD 上一动点，当 $PB-PA$ 最大时， $\angle BPC=40^\circ$ ，此时 $\angle APC$ 的度数为（ ）

- A. 40° B. 80° C. 100° D. 140°



9. 如图， $\triangle ABC$ 为等腰直角三角形，



$\angle ACB = 90^\circ$, $\angle BDC = 90^\circ$, $BC = 5$, $CD = 4$, 那么 $\triangle ADC$ 的面积为 ()

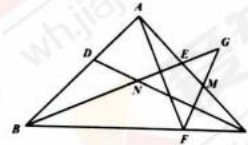
- A. $\frac{25}{2}$ B. 8 C. 15 D. 10

10. 如图, 等腰直角三角形 $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC = 90^\circ$, $AD = AE$, BE 和 CD 交于点

N , $AF \perp BE$, $FG \perp CD$ 交 BE 的延长线于点 G , 下列说法:

- ① $\angle ABE = \angle FAC$; ② AN 垂直平分 BC ; ③ $GE = GM$; ④ $BG = AF + FG$, 其中正确的个数是 ()

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

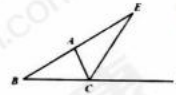


二、填空题 (每小题 3 分, 共 18 分)

11. 点 $(2, -3)$ 关于 x 轴对称的点的坐标为 _____

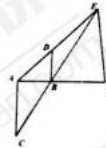
12. 一个多边形的内角和为 540° , 那么从这个多边形的一个顶点出发共有 _____ 条对角线.

13. 如图, CE 是 $\triangle ABC$ 的外角 $\angle ACD$ 的平分线, 且 CE 交 BA 的延长线于点 E , $\angle B = 32^\circ$, $\angle E = 26^\circ$, 那么 $\angle BAC$ 的度数是 _____



14. $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 35^\circ$, 则当 $\angle B =$ _____ 时, $\triangle ABC$ 是等腰三角形.

15. 如图, $\triangle ABC$ 和 $\triangle ABD$ 是一副直角三角板, 其中 $\angle ABC = 60^\circ$, $\angle DAB = 45^\circ$, 延长 AD, CB 交于点 E , 延长 AB 至 F , 使 $BF = 2AB$, 那么 $\angle F$ 的度数是 _____

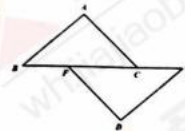


16. 在等边三角形 ABC 内部有一点 O , 已知 $\angle AOB = 113^\circ$, $\angle BOC = 123^\circ$, 若用 OA, OB, OC 三条线段组成一个三角形, 那么这个三角形的三个内角中的最大角的度数是 _____

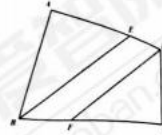
三、解答题 (共 72 分)

17. 已知 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 2\angle B$, $\angle C = \angle B + 20^\circ$, 求 $\triangle ABC$ 的各内角度数.

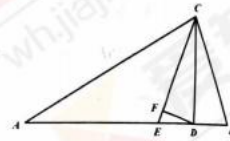
18. 如图, 点 B, F, C, E 在一条直线上, $FB = CE$, $AB \parallel ED$, $AC \parallel FD$. 求证: $AC = DF$.



19. 如图，在四边形 $ABCD$ 中， $\angle A + \angle C = 180^\circ$ ， BE 平分 $\angle ABC$ ， DF 平分 $\angle CDA$ ， $BE \parallel DF$ ，求证： $DC \perp BC$ 。



20. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle A = 40^\circ$ ， $\angle B = 72^\circ$ ， CD 是 AB 边上的高， CE 是 $\angle ACB$ 的平分线， $DF \perp CE$ 于 F ，求 $\angle CDF$ 的度数。



21. 已知 $A(2,3)$ ， $B(5,1)$

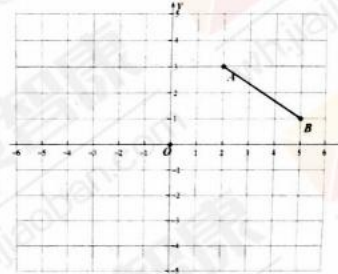
(1) 在图中画出线段 AB 关于 y 轴的对称线段

A_1B_1 ，画出线段 AB 关于 x 轴的对称线段 A_2B_2

(2) 直接写出 $\triangle A_1B_1$ 的面积： $S_{\triangle A_1B_1} =$ _____

(3) P 是 y 轴上一动点， Q 是 x 轴上一动点，当 $AP + PQ + QB$ 最小时， P 是线段 _____ 与 y 轴交点。

A. A_1B_1 B. A_1A_2 C. A_1A_1 D. B_1B_2

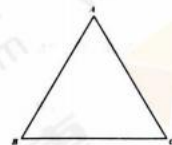
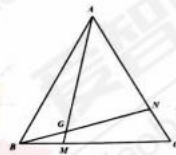


22. 如图， $\triangle ABC$ 是等边三角形， $AB = 6cm$ ，点 M 从 B 向 C 运动，点 N 从 C 向 A 运动。

(当一个点停止运动时，另一点也立即停止运动)，运动时间为 t (单位： s)， AM 与 BN 交于点 G

(1) 点 M 和点 N 的运动速度均为 $2m/s$ ，当 $t = 1$ 时，求 $\angle AGN$ 的度数；

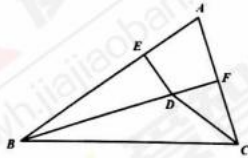
(2) 点 M 的运动速度为 $1m/s$ ，点 N 的运动速度为 $2m/s$ ，两点出发后当 $AM = BN$ 时，求 t 。



23. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 60^\circ$, D 在 $\angle A$ 的平分线上, $DE \perp AB, DF \perp AC$

(1) 当 BD 平分 $\angle ABC$ 时, 求 $\angle BDC$ 的度数;

(2) 当 $\angle BDC = 120^\circ$ 时, 求证: $BC = BE + CF$.



24. 如图 1, 在平面直角坐标系中, O 为原点, A 点在第一象限且横坐标为 m , $B(n, 0)$, m, n

满足 $|m-2| + \sqrt{4-n} = 0$

(1) 判断 $\triangle OAB$ 的形状并给出证明;

(2) 如图 2, $\triangle OAB$ 为锐角三角形, $OC \perp AB$, P 为 x 轴正半轴上一点 (不与 B 重合), 过点

P 作 $PE \perp AO$ 交直线 AO 于点 E , 过点 P 作 $PF \perp AB$ 交直线 AB 于点 F , 探究

PE, PF, OC 的数量关系;

(3) 如图 3, 若 $\angle AOB = 40^\circ$, 延长 AO 至点 M , 使 $AM = 4$, 求 $\angle OBM$ 的度数.

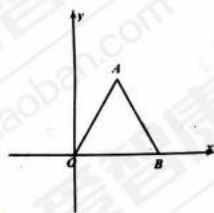


图 1

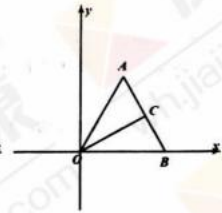


图 2

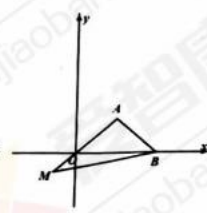


图 3

武昌区八年级八校联考期中考试答案 (第 1 页)

一、选择题

| | | | | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 答案 | D | C | C | B | C | B | C | A | B | D |

二、填空题

11. $(2, 3)$ 12. 2 13. 84°

14. 35° 或 72.5° 或 110° 15. 75° 16. 64°

17. 解: 设 $\angle B = x$ 则 $\angle A = 2x$, $\angle C = x + 20^\circ$

由三角形内角和定理

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\therefore x + 2x + x + 20^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore x = 40^\circ$$

即: $\triangle ABC$ 各内角度数为:

$$\angle A = 80^\circ, \angle B = 40^\circ, \angle C = 60^\circ$$

18. $\because AB \parallel DE$

$$\therefore \angle B = \angle E$$

$$\because AC \parallel DF$$

$$\therefore \angle ACB = \angle DFE$$

又 $\because FB = CE$

$$\therefore FB + FC = CE + FC$$

$$\therefore BC = EF$$

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中

$$\therefore \begin{cases} \angle B = \angle E \\ BC = EF \\ \angle ACB = \angle DFE \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF \text{ (ASA)}$$

$$\therefore AC = DF$$

武昌区八年级八校联考期中考试答案 (第 2 页)

19. 由 BE 平分 $\angle ABC$, DF 平分 $\angle CDA$.

$$\text{设 } \angle ABE = \angle CBE = x$$

$$\angle ADF = \angle CDF = y$$

由 $BE \parallel DF$

$$\therefore \angle AEB = \angle ADF = y$$

$$\angle DFC = \angle EBC = x$$

在四边形 ABCD 中

$$\therefore \angle A + \angle C = 180^\circ$$

$$\therefore \angle ABC + \angle ADC = 180^\circ$$

$$\text{即 } 2x + 2y = 180^\circ \Rightarrow x + y = 90^\circ$$

在 $\triangle CDF$ 中

$$\angle C = 180^\circ - (x + y)$$

$$= 90^\circ$$

即: $DC \perp BC$

20. 在 $\triangle ABC$ 中

$$\therefore \angle A = 40^\circ, \angle B = 72^\circ$$

$$\therefore \angle ACB = 180^\circ - 40^\circ - 72^\circ = 68^\circ$$

\therefore CE 平分 $\angle ACB$

$$\therefore \angle BCE = \frac{1}{2} \angle ACB = 34^\circ$$

在 $\triangle BCD$ 中

$$\therefore CD \perp AB \text{ 且 } \angle B = 72^\circ$$

$$\therefore \angle BCD = 18^\circ$$

$$\therefore \angle DCF = 34^\circ - 18^\circ = 16^\circ$$

在 $\triangle CDF$ 中

$$\therefore DF \perp CE.$$

$$\therefore \angle CDF = 90^\circ - \angle DCF$$

$$= 90^\circ - 16^\circ$$

$$= 74^\circ$$

武昌区八年级八校联考期中考试答案 (第 3 页)

21. <1> 图略

<2> 17

<3> A.

22. <1> 当 $t=1$ 时

$$BM = 2m$$

$$CN = 2m$$

$$\rightarrow BM = CN$$

在 $\triangle ABM$ 和 $\triangle BCN$ 中

$$\therefore \begin{cases} AB = BC \\ \angle ABM = \angle BCN \\ BM = CN \end{cases}$$

$$\therefore \triangle ABM \cong \triangle BCN \text{ (SAS)}$$

$$\therefore \angle BAM = \angle CBN$$

$$\therefore \angle BAM + \angle CBN = \angle AGN$$

$$\text{而 } \angle ABN + \angle CBN = 60^\circ$$

$$\begin{aligned} \therefore \angle AGN &= \angle BAM + \angle CBN \\ &= \angle ABN + \angle CBN \\ &= 60^\circ. \end{aligned}$$

<2> 解: 过 A 作 $AP \perp BC$, 过 B 作 $BQ \perp AC$

$$\rightarrow AP = BQ$$

在 $\text{Rt}\triangle APM$ 和 $\text{Rt}\triangle BQN$ 中

$$\therefore \begin{cases} AM = BN \\ AP = BQ \end{cases}$$

$$\therefore \text{Rt}\triangle APM \cong \text{Rt}\triangle BQN \text{ (HL)}$$

$$\therefore PM = QN$$

$$\therefore AP \perp BC, BQ \perp AC$$

$$\therefore AQ = \frac{1}{2}AC, BP = \frac{1}{2}BC$$

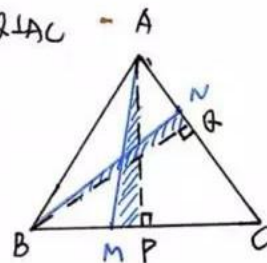
$$\therefore AQ = BP$$

$$\therefore AQ - AN = BP - PM$$

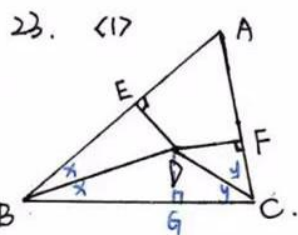
$$\therefore BM = AN$$

$$\text{即: } t = 6 - 2t$$

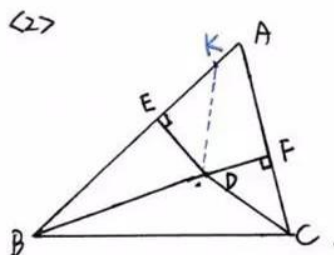
$$\rightarrow t = 2.5$$



武昌区八年级八校联考期中考试答案 (第 4 页)



解: 过D作DG⊥BC,垂足为G
 \because D在 $\angle A$ 平分线上且DE⊥AB, DF⊥AC
 $\therefore DE=DF$
 $\text{又} \because$ BD平分 $\angle ABC$ 且DE⊥AB, DG⊥BC
 $\therefore DE=DG$
 $\therefore DG=DF$. $\text{又} \because$ DG⊥BC, DF⊥AC
 \therefore CD平分 $\angle ACB$.
 设 $\angle ABD=\angle CBD=x$, $\angle ACD=\angle BCD=y$
 $\therefore 2x+2y+\angle A=180^\circ$
 $\hookrightarrow x+y=60^\circ$
 在 $\triangle BCD$ 中
 $\angle BDC=180^\circ-x-y$
 $=120^\circ$



证明: 在射线EA上截取EK=FC
 在Rt $\triangle DEK$ 和Rt $\triangle DFC$ 中
 $\therefore \begin{cases} EK=FC. \\ \angle DEK=\angle DFC \\ DE=DF \end{cases}$
 $\therefore \triangle DEK \cong \triangle DFC$ (SAS)
 $\therefore DK=DC$, $\angle EDK=\angle FDC$
 $\therefore \angle EDF=180^\circ-\angle A=120^\circ$
 即 $\angle EDK+\angle FDK=120^\circ$
 $\therefore \angle FDC+\angle FDK=120^\circ \Rightarrow \angle CDK=120^\circ$
 $\therefore \angle BDK=360^\circ-\angle BDC-\angle CDK=120^\circ$
 在 $\triangle BDK$ 和 $\triangle BDC$ 中 $\therefore BC=BK$
 $\therefore \begin{cases} BD=BD \\ \angle BDK=\angle BDC \\ DK=DC \end{cases} \quad \begin{aligned} &=BE+EK \\ &=BE+CF. \end{aligned}$
 $\therefore \triangle BDK \cong \triangle BDC$ (SAS)

武昌区八年级八校联考期中考试答案 (第 5 页)

<1> $\triangle OAB$ 为等腰三角形.

证明: 由 $|m-2| + \sqrt{4-n} = 0$

$$\rightarrow m=2, n=4$$

过 A 作 $AM \perp OB$, 垂足为 M

$$\rightarrow OM=BM=2$$

在 $\triangle AMO$ 和 $\triangle AMB$ 中

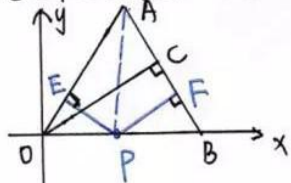
$$\therefore \begin{cases} AM=AM \\ \angle AMO=\angle AMB \\ OM=BM \end{cases}$$

$\therefore \triangle AMO \cong \triangle AMB$ (SAS)

$$\therefore AO=AB$$

即 $\triangle AOB$ 为等腰三角形.

<2> ① 当 P 在线段 OB 上时



连接 AP, $S_{\triangle AOB} = \frac{1}{2} AB \cdot OC$

$$\begin{aligned} S_{\triangle AOB} &= S_{\triangle AOP} + S_{\triangle AOB} \\ &= \frac{1}{2} \cdot AO \cdot PE + \frac{1}{2} AB \cdot PF \end{aligned}$$

又 \because 由 (1) $AO=AB$.

$$\therefore S_{\triangle AOB} = \frac{1}{2} AB \cdot (PE+PF)$$

$$\therefore \frac{1}{2} \cdot AB \cdot OC = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot (PE+PF)$$

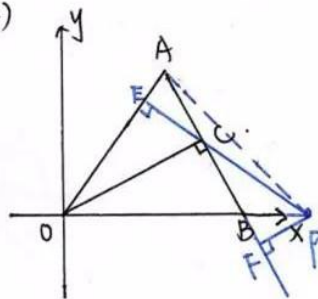
$$\text{即 } OC = PE + PF.$$

② 当 P 在 B 点右侧时, 连接 AP.

$$S_{\triangle APO} = \frac{1}{2} \cdot AO \cdot PE.$$

$$\begin{aligned} S_{\triangle APO} &= S_{\triangle ABO} + S_{\triangle ABP} \\ &= \frac{1}{2} \cdot AB \cdot OC + \frac{1}{2} AB \cdot PF \\ &= \frac{1}{2} \cdot AO \cdot (OC+PF) \end{aligned}$$

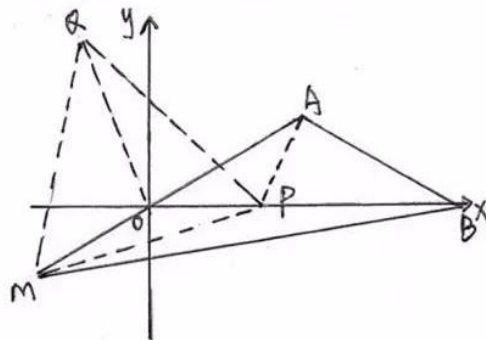
$$\therefore PE = OC + PF$$



综上所述: ① 当 P 在线段 OB 上时: $OC = PE + PF$

② 当 P 在 B 点右侧时: $PE = OC + PF$.

<3>



武昌区八年级八校联考 期中考试答案 (第 6 页)

解: 在BO上截取BP=AB; 连接AP;
连接MP; 以MP为边向上作等边三角形
QMP; 连接OQ.

由AO=BO 且 $\angle AOB=40^\circ$

$\hookrightarrow \angle ABO=40^\circ, \angle OAB=100^\circ$

由AB=PB 且 $\angle ABO=40^\circ$

$\hookrightarrow \angle PAB=\angle APB=70^\circ$

$\hookrightarrow \angle OAP=30^\circ$

由AM=AO=BO.

$\hookrightarrow AM-AO=OB-AB=OB-BP$

即: $OM=OP$

由 $\angle AOB=40^\circ$ 且 $OM=OP$.

$\hookrightarrow \angle OMP=\angle OPM=20^\circ$

$\hookrightarrow \angle OPQ=60^\circ-20^\circ=40^\circ$

$\hookrightarrow \angle OPQ=\angle AOB$.

在 $\triangle POQ$ 和 $\triangle MPO$ 中

$$\therefore \begin{cases} PQ=MQ \\ \angle O=O \\ OP=OM \end{cases}$$

$\therefore \triangle POQ \cong \triangle MPO$ (SSS)

$\hookrightarrow \angle OQP=\angle OPM=20^\circ$

在 $\triangle AOP$ 和 $\triangle OPQ$ 中

$$\therefore \begin{cases} \angle AOP=\angle OPQ \\ \angle OAP=\angle PQO \\ OP=PO \end{cases}$$

$\therefore \triangle AOP \cong \triangle OPQ$ (AAS)

$\therefore OP=AO$

$\hookrightarrow OP=AB=BP$

$\hookrightarrow MP=BP$

又 $\because \angle OPM=20^\circ$

$\hookrightarrow \angle MBP=\angle PMB=10^\circ$

即 $\angle OBM=10^\circ$