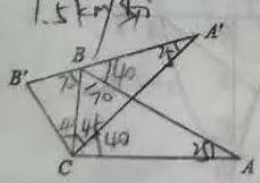


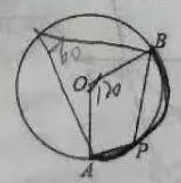
数学试卷

一、选择题（每小题 3 分，共 30 分）

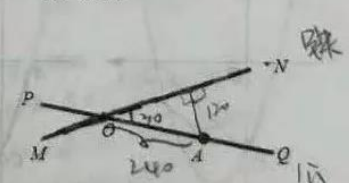
- 下列图形中，是轴对称图形而不是中心对称图形的是（ ）
A. 平行四边形 B. 矩形 C. 菱形 D. 等边三角形
- 抛物线 $y = -x^2 + 3x - \frac{5}{2}$ 的对称轴是直线（ ）
A. $x = 3$ B. $x = \frac{3}{2}$ C. $x = -\frac{3}{2}$ D. $x = -\frac{5}{2}$
- 用配方法解方程 $x^2 + 6x + 4 = 0$ ，下列变形正确的是（ ）
A. $(x+3)^2 = -4$ B. $(x-3)^2 = 4$ C. $(x-3)^2 = 5$ D. $(x+3)^2 = 5$
- 如图，将 $\triangle ABC$ 绕顶点 C 逆时针旋转得到 $\triangle A'B'C$ ，且点 B 刚好落在 $A'B'$ 上。若 $\angle A = 25^\circ$ ， $\angle BCA' = 45^\circ$ ，则 $\angle A'BA$ 等于（ ）
A. 30° B. 35° C. 40° D. 45°
- 在 $\odot O$ 中，弦 AB 的长为 8，圆心 O 到 AB 的距离为 3，若 $OP = 4$ ，则点 P 与 $\odot O$ 的位置关系是（ ）
A. P 在 $\odot O$ 内 B. P 在 $\odot O$ 上 C. P 在 $\odot O$ 外 D. P 与 A 或 B 重合
- 将抛物线 $y = 2(x-4)^2 - 1$ 先向左平移 4 个单位长度，再向上平移 2 个单位长度，平移后所得抛物线的解析式为（ ）
A. $y = 2x^2 + 1$ B. $y = 2x^2 - 3$ C. $y = 2(x-8)^2 + 1$ D. $y = 2(x-8)^2 - 3$
- 如图，在 $\odot O$ 中，圆心角 $\angle AOB = 120^\circ$ ， P 为弧 AB 上一点，则 $\angle APB$ 度数是（ ）
A. 100° B. 110° C. 120° D. 130°
- 如图，铁路 MN 和公路 PQ 在点 O 处交汇， $\angle QON = 30^\circ$ ，公路 PQ 上 A 处距离 O 点 240 米，如果火车行驶时，周围 200 米以内会受到噪音的影响，那么火车在铁路 MN 上沿 MN 方向以 72 千米/小时的速度行驶时， A 处受到噪音影响的时间为（ ）
A. 12 秒 B. 16 秒 C. 20 秒 D. 24 秒



第 4 题图



第 7 题图

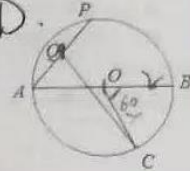


第 8 题图

- 在平面直角坐标系 xOy 中，抛物线 $y = -x^2 + 4x - 3$ 与 x 轴交于点 A, B （点 A 在点 B 的左侧），与 y 轴交于点 C 。垂直于 y 轴的直线 l 与抛物线交于点 $P(x_1, y_1), Q(x_2, y_2)$ ，与直线 BC 交于点 $N(x_3, y_3)$ ，若 $x_1 < x_2 < x_3$ ，记 $s = x_1 + x_2 + x_3$ ，则 s 的取值范围为（ ）
A. $5 < s < 6$ B. $6 < s < 7$ C. $7 < s < 8$ D. $8 < s < 9$

10. 如图, AB 为 $\odot O$ 的直径, C 为 $\odot O$ 上一点, 其中 $AB=4$, $\angle AOC=120^\circ$, P 为 $\odot O$ 上的动点, 连 AP , 取 AP 中点 Q , 连 CQ , 则线段 CQ 的最大值为 ()

- A. 3 B. $1+\sqrt{6}$ C. $1+3\sqrt{2}$ D. $1+\sqrt{7}$



第 10 题图

二. 填空题 (每小题 3 分, 共 18 分)

11. 抛物线 $y=2(x+1)^2$ 的顶点坐标为

12. 已知点 $A(a, 1)$ 与点 $B(5, b)$ 关于原点对称, 则 $a+b=$.

13. 有两个人患了流感, 经过两轮传染后总共有 162 人患了流感, 每轮传染中平均一个人传染了 个人.

$2(x+1)^2 = 162$

14. 若函数 $y=(k-3)x^2+2x+1$ 与坐标轴至少有两个不同的交点, 则 k 的取值范围为

15. $\odot O$ 的直径为 2, AB, AC 为 $\odot O$ 的两条弦, $AB=\sqrt{2}$, $AC=\sqrt{3}$, 则 $\angle BAC=$

16. 已知函数 $y=x^2+x-t$, 其中 x 为自变量, 当 $-1 \leq x \leq 2$ 时, 函数有最大值为 4, 则 t 的值为 .

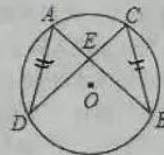
$-4, 4, 2, 10$

三. 解答题 (共 9 小题, 共 72 分)

17. (本题 8 分) 解方程: $x^2+4x-3=0$

$x = -4 \pm \sqrt{16+12}$

18. (本题 8 分) 如图, 在 $\odot O$ 中, $AD=BC$, 求证: $DC=AB$.



19. (本题 8 分) 已知二次函数 $y=ax^2+bx+c$, 下表给出了 y 与 x 的部分对应值:

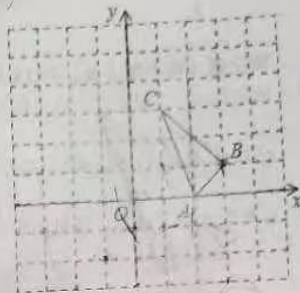
x	...	-1	0	1	2	3	...
y	...	n	3	0	-5	-12	...

- 根据表格中的数据, 试确定二次函数的解析式和 n 的值;
- 抛物线 $y=ax^2+bx+c$ 与直线 $y=2x+m$ 没有交点, 求 m 的取值范围.

对 $x=0$

$\Delta < 0$

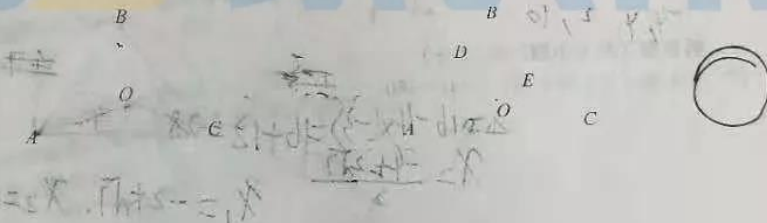
20. (本题 8 分) 在平面直角坐标系中, 已知 $A(2, 0)$, $B(3, 1)$, $C(1, 3)$.
- (1) 画出 $\triangle ABC$ 沿 x 轴负方向平移 2 个单位后得到的 $\triangle A_1B_1C_1$, 并写出 B_1 的坐标
 - (2) 以 A 点为旋转中心, 将 $\triangle A_1B_1C_1$ 逆时针方向旋转 90° 得 $\triangle A_2B_2C_2$, 画出 $\triangle A_2B_2C_2$, 并写出 C_2 的坐标
 - (3) 直接写出过 B, B_1, C_2 三点的圆的圆心坐标为



21. (本题 8 分) 如图 1, $\odot O$ 是 $\triangle ABC$ 的外接圆, 连接 AO , 若 $\angle BAC = \angle OAB = 90^\circ$

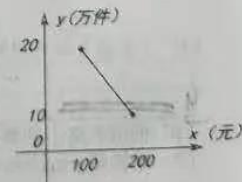
(1) 求证: $\widehat{AB} = \widehat{BC}$;

(2) 如图 2, 作 $CD \perp AB$ 交于 D , AO 的延长线交 CD 于 E , 若 $AO=3$, $AE=4$, 求线段 AC 的长.



22. (本题 10 分) 我市东湖高新技术开发区某科技公司, 用 480 万元购得某种产品的生产技术后, 并进一步投入资金 1520 万元购买生产设备, 进行该产品的生产加工, 已知生产这种产品每件还需成本费 40 元. 经过市场调研发现: 该产品的销售单价不低于 100 元, 但不超过 200 元. 设销售单价为 x (元), 年销售量为 y (万件), 年获利为 w (万元) 该产品年销售量 y (万件) 与产品售价 x (元) 之间的函数关系如图所示.

- (1) 直接写出 y 与 x 之间的函数关系式, 并写出 x 的取值范围;
- (2) 求第一年的年获利 w 与 x 间的函数关系式, 并说明投资的第一年, 该公司是盈利还是亏损? 并求当盈利最大或亏损最小时的产品售价;
- (3) 在 (2) 的条件下, 即在盈利最大或亏损最小时, 第二年公司重新确定产品售价, 能否使两年共盈利不低于 1370 万元? 若能, 求出第二年的售价在什么范围内; 若不能, 请说明理由.



$-0.1x + 30 \quad (100 < x \leq 200)$

$4x - 1x = 3$

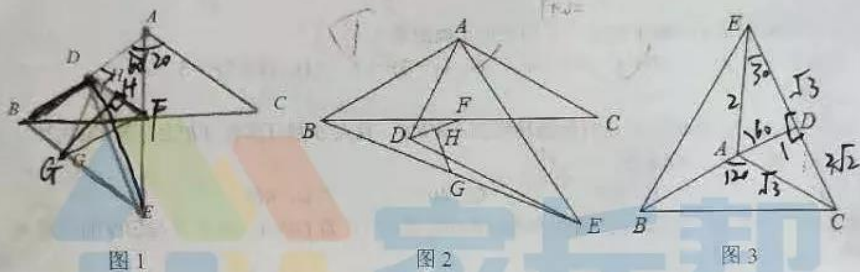
23. (本题 10 分) 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADE$ 中, $AB=AC$, $\angle BAC=120^\circ$, $\angle ADE=90^\circ$, $\angle DAE=60^\circ$.
 F 为 BC 中点, 连接 BE , DF . G , H 分别为 BE , DF 的中点, 连接 GH .

(1) 如图 1, 若 D 在 $\triangle ABC$ 的边 AB 上时, 请直接写出线段 GH 与 HF 的位置关系 _____

$$\frac{GH}{HF} = \frac{1}{1}$$

(2) 如图 2, 将图 1 中的 $\triangle ADE$ 绕 A 点逆时针旋转至图 2 所示位置, 其它条件不变, (1) 中结论是否改变? 请说明理由;

(3) 如图 3, 将图 1 中的 $\triangle ADE$ 绕 A 点顺时针旋转至图 3 所示位置, 若 C , D , E 三点共线, 且 $AE=2$, $AC=\sqrt{3}$, 请直接写出线段 BE 的长 _____.



24. (本题 12 分) 抛物线 $y=x^2+(2t-2)x+t^2-2t-3$ 与 x 轴交于 A , B 两点 (A 在 B 左侧), 与 y 轴交于点 C .

(1) 如图 1, 当 $t=0$ 时, 连接 AC , BC , 求 $\triangle ABC$ 的面积;

(2) 如图 2, 在 (1) 的条件下, 若点 P 为在第四象限的抛物线上的一点, 且 $\angle PCB+\angle CAB=135^\circ$, 求 P 点坐标;

(3) 如图 3, 当 $-1 < t < 3$ 时, 若 Q 是抛物线上 A , C 之间的一点 (不与 A , C 重合), 直线 QA , QB 分别交 y 轴于 D , E 两点. 在 Q 点运动过程中, 是否存在固定的 t 值, 使得 $CE=2CD$. 若存在, 求出 t 值; 若不存在, 请说明理由.

